

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضياتالتمرين الأول:

لتكن المتتالية العددية (u_n) المعرفة ب: $u_0=1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n

$$u_{n+1} = 3 - \frac{1}{4}u_n$$

1- احسب الحدود u_1, u_2, u_3 .

2- نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة كما يلي: $v_n = u_{n+1} - u_n$

أ- اثبت أن $v_n = 3 - \frac{1}{4}u_n$ ثم استنتج أن $u_n = \frac{4(3-v_n)}{3}$

ب- اثبت أن (v_n) هندسية يطلب تحديد أساسها وحدها الأول

ج- اكتب عبارة حد العام ل (u_n) و (v_n) ثم احسب نهاية u_n

3- في المعلم المتعامد المتجانس مثل المستقيمين d_1 ; d_2 ذوا المعادلة $y=x$; $y=x+3$ على الترتيب

1- مثل الحدود u_1, u_2, u_3 بالاستعانة بالمستقيمين d_1 ; d_2

التمرين الثاني:

نعتبر السلسلة (x_i, y_i) التالية تمثل إنتاج شركة الثلجات مقدرة بمليون وحدة سنويا

السنة	2000	2001	2002	2003	2004
الكمية	6	7	9	12	11

نضع $t_i = x_i - 2000$

1- أعد كتابة الجدول للسلسلة الإحصائية الجديدة (t_i, y_i)

2- مثل هذه السلسلة بسحابة النقاط (t_i, y_i)

3- عين النقطة المتوسطة ومعادلة مستقيم الانحدار بطريقة مربعات الدنيا

4- حسب هذه التسوية كم يبلغ إنتاج الثلجات سنة 2010

التمرين الثالث: لتكن الدالة المعرفة على $]0; +\infty[$ ب: $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$

1- احسب نهاية فلما يؤول x إلى $+\infty$ و فلما يؤول x إلى 0

2- احسب مشتق الدالة f و مثل جدول التغيرات على $]0; +\infty[$

3- اثبت أن المعادلة $f(x)=0$ تقبل حلا في المجال $[0; 1]$