

امتحان الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

الشعبة: 2 تقني رياضي

المدة: ساعتان

اليوم: الاحد 01 ديسمبر 2019

التمرين الأول: (08 نقاط)

يحتوي صندوق على 7 كرات حمراء (R) تحمل الارقام $\{0;2;2;2;3;3;3\}$ و 3 خضراء (V) تحمل الارقام $\{-1;-1;3\}$ لا نفرق بينها باللمس.

1. ن سحب من هذا الصندوق 3 كرات على التوالي دون ارجاع و نهتم باللون.

1. مثل شجرة الاحتمالات التي تصف هذه التجربة موضعا احتمال كل فرع و مسار.

2. أحسب إحتمال الاحداث التالية:

o A الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون.

o B الحصول على كريتين حمراويين على الأقل.

o C الحصول على كرية خضراء فقط.

3. نسمي X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحبة عدد الكريات الحمراء المتبقية في الكيس.

o عرّف قانون الاحتمال للمتغير X ثم أحسب انحرافه المعياري.

2. ن سحب من الصندوق كرتين على التوالي دون إرجاع و نهتم بجداء الرقمين المحصل عليهما.

1. مثل شجرة الاحتمالات التي تصف هذه التجربة موضعا احتمال كل فرع و مسار.

2. أحسب إحتمال الاحداث التالية:

o D الحصول على جداء معدوم.

o E الحصول على جداء سالب تماما.

3. نسمي Y المتغير العشوائي الذي ياخذ قيم الجداء المحصل عليها.

o عرّف قانون الاحتمال للمتغير Y ثم احسب انحرافه المعياري.

التمرين الثاني: (12 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 4x + 6}$ و نسمي (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد $(O, \vec{i}; \vec{j})$ و (D) المستقيم ذو المعادلة $y=1$.

1. برّر مجموعة تعريف الدالة f ثم أوجد العددين a و b إذا علمت أنّ $f(x) = a + \frac{b}{x^2 - 4x + 6}$.

2. أحسب $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{2f(2+h)+1}{2h}$ ؛ ماذا تستنتج؟ فسر النتيجة بيانياً.

3. بيّن من أجل كلّ x من $\mathbb{R}$ أنّ $f'(x) = \frac{6(x-2)}{(x^2 - 4x + 6)^2}$ ثم استنتج اتجاه تغيّر الدالة f .

4. أدرس إشارة $f(x) - 1$ ؛ ماذا تستنتج؟ فسر النتيجة بيانياً.

5. شكل جدول تغيّرات الدالة f ثم استنتج حصر $f(x)$ على $\mathbb{R}$.

6. أكتب معادلتى المماسين (T) و (T') عند 0 و 4 على الترتيب

7. بيّن أنّ المستقيم ذو المعادلة $x=2$ هو محور تناظر للمنحنى (C).

8. حدّد نقط تقاطع (C) مع حامل محور الفواصل.

9. أرسم (D)، (T)، (T') و (C). (وحدة الرسم: $\|\vec{i}\| = 1cm; \|\vec{j}\| = 4cm$).

10. أرسم في نفس المعلم المنحنيين (C_1) و (C_2) المعرّفين كما يلي: $(C_1): y = |f(x)|$ و

$$(C_2): y = f(-|x|)$$