

الفرض المحروس الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

الشعبة: 2 علوم تجريبية

المدة: ساعة و ربع

اليوم: الاربعاء 24 اكتوبر 2018

التمرين الاول: (10 نقاط)

نرمز بـ f ؛ g و h الى الدوال كثيرات الحدود المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي :- $f(x) = x^2 - 1$ ؛

$$g(x) = 2x^2 + x - 2$$

$$h(x) = 4x^4 + 4x^3 - 7x^2 - 4x + 3 \text{ و}$$

1. حل في $\mathbb{R}$ المعادلات التالية: (1) $f(x) = 0$ ؛ (2) $g(x) = -1$ ؛

$$(3) g(x) = 1$$

2. أ. بين أن $h = f \circ g$

ب. استنتج حلول المعادلة (4) $h(x) = 0$

3. بين أن $h(x)$ يقبل تحليلا الى جداء عاملين احدهما $f(x)$ ثم استنتج حلول المتراجحة

$$h(x) < 0$$

4. اذا علمت أن θ متغير حقيقي ينتمي الى المجال $[-\pi; \pi]$ ؛ استنتج حلول المعادلة:

$$4 \cos^4 \theta + 4 \cos^3 \theta - 7 \cos^2 \theta - 4 \cos \theta + 3 = 0 \text{(5)}$$

التمرين الثاني: (10 نقاط)

انطلاقا من جدول تغيّرات الدالة f المعرفة على المجال $[0; 4]$ في الشكل الموالي:

x	0	1	2	3	4
$f(x)$	2	0	-1	0	1

1. حدّد حلول المعادلة $f(x)=0$ ثمّ استنتج جدول اشارة $f(x)$ على المجال $[0;4]$.

2. حدد مجال التعريف ثم شكّل جدول التغيّرات لكل دالة من الدوال g ؛ h ؛ k و u المعرفة كما يلي:

$$u = |f| \quad \text{و} \quad k = \frac{1}{f} \quad ؛ \quad h = 2\sqrt{f} \quad ؛ \quad g = -3f + 1$$

3. نرمز بـ v الى الدالة المعرفة على المجال $[-4;4]$ كما يلي: $v(x) = f(|x|)$.

1. بيّن أن v دالة زوجية.

2. اكتب $v(x)$ دون رمز القيمة المطلقة ثم شكّل جدول تغيّرات الدالة v .

بالتوفيق