

الفرض المنزلي الأول للثلاثي الأول

المادة : رياضيات

الشعبة: علوم تجريبية

يعاد يوم: 04/11/2009

يقدم يوم: 26/10/2009

التمرين الأول:

$$1. \text{ أحسب النهايتين التاليتين: } \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x+1-\sqrt{x}}{-2x} \right), \quad \lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \left(\frac{x\sqrt{x^2-2}}{x-2} \right)$$

$$2. \text{ نعتبر الدالة } f \text{ المعرفة على } \mathbb{R} \text{ بـ: } f(x) = \begin{cases} 3x^2 - 2a + b & ; x \geq 2 \\ 2x - a & ; x < 2 \end{cases}$$

عين علاقة بين العددين a و b حتى تكون الدالة f مستمرة على $\mathbb{R}$.

التمرين الثاني:

برهن أن المعادلة: $x^4 + x^3 - x + 1 = 0$ لا تقبل حلاً في $\mathbb{R}$.

التمرين الثالث:

g دالة معرفة ومستمرة على المجال $[0;1]$ وتأخذ قيمها في المجال $[0;1]$.
برهن أن المعادلة $g(x) = x$ تقبل على الأقل حلاً في المجال $[0;1]$.

التمرين الرابع:

$$f \text{ هي الدالة المعرفة على } \mathbb{R} - \{-1;1\} \text{ بـ: } f(x) = |x+1| + \frac{x}{x^2-1}$$

و (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم.

(1) أ) اكتب $f(x)$ بدون رمز القيمة المطلقة.

ب) ادرس نهايات الدالة f عند أطراف مجموعة التعريف.

(2) أ) احسب $f'(x)$ و ادرس إشارتها.

ب) مثل جدول تغيرات الدالة f .

(3) أ) بين أن المستقيمين $\Delta: y = x+1$ و $\Delta': y = -x-1$ مقاربين للمنحني (C) عند $+\infty$ و $-\infty$ على الترتيب.

ب) ادرس وضعية (C) بالنسبة إلى Δ على المجال $]1;+\infty[$,

ثم أدرس وضعية (C) بالنسبة إلى Δ' على المجال $]-\infty;-1[$.

(4) بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلاً واحداً α على المجال $]1;-1[$ ، وأعط حصرًا لـ α سعته 10^{-1} .

أستاذ المادة: -ت-

$$\lim_{x \rightarrow -3^-} \frac{\sqrt{x^2-9}}{x+3}$$

$$hjkf$$

$$x \xrightarrow[\Box]{} 0$$