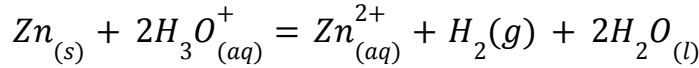


التمرين الأول: المتابعة الزمنية لتحول كيميائي في محلول مائي (06 نقاط)

لدراسة حركية التحول الكيميائي التام بين معدن الزنك  $Zn_{(s)}$  ومحلول حمض كلور الماء  $(H_3O^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)})$ ، نُدخل في حوالة عند درجة حرارة ثابتة  $25^\circ C$  كتلة  $m = 0.654 g$  من مسحوق الزنك، ونضيف حجماً  $V = 100 mL$  من محلول حمض كلور الماء تركيزه  $C_0 = 0.1 mol/L$ . نعتبر حجم الوسط التفاعلي ثابتاً ويساوي  $V$ . نتابع تطور الجملة الكيميائية في نفس الوقت بقياس الناقلية الكهربائية  $G$  للمزيج، وقياس الـ  $pH$ . تُعطى معادلة التفاعل النمذجة للتحول:



1. أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل، وحدد المتفاعل المحد.
2. بين أن عبارة الناقلية للمزيج تُكتب من الشكل  $G(t) = 42.6 - 5.94 \cdot x(t)$ . (حيث  $x(mmol)$  و  $G(mS)$ )
3. أثبت أن تقدم التفاعل  $x(t)$  يرتبط بـ  $pH$  بالمزيج بالعلاقة:  $x(t) = \frac{V}{2} (C_0 - 10^{-pH})$ .
4. أعطت القياسات المتزامنة النتائج التالية:

| $t(min)$  | 0     | 2     | 4     | 8   | 14    |
|-----------|-------|-------|-------|-----|-------|
| $pH$      | 1.00  | 1.15  | 1.30  | (أ) | 1.82  |
| $x(mmol)$ | 0.0   | 1.5   | (ب)   | 3.5 | 4.25  |
| $G(mS)$   | 42.60 | 33.65 | 27.75 | (ج) | 17.35 |

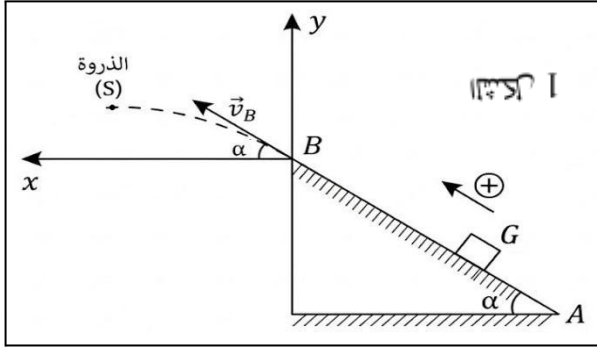
- 1.4. املأ الخانات المجهولة (أ)، (ب) و (ج) مع تبيان طريقة الحساب.
- 2.4. ارسم المنحنى البياني  $x = f(t)$  السلم:  $(1 cm \rightarrow 2 min, 1 cm \rightarrow 0.5 mmol)$ .
5. زمن نصف التفاعل:
  - 1.5. عرّف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$  وحدد قيمته بيانياً.
  - 2.5. كيف يتأثر  $t_{1/2}$  لو استبدلنا مسحوق الزنك بقطعة زنك لها نفس الكتلة؟ علل إجابتك.
6. السرعة الحجمية للتفاعل:
  - 1.6. عرّف السرعة الحجمية للتفاعل  $v_{vol}$ ، واحسب قيمتها عند اللحظتين  $t_0 = 0$  و  $t_1 = 8 min$ . (يطلب رسم المماسين)
  - 2.6. فسّر مجهرياً تناقص هذه السرعة مع مرور الزمن. وما العامل الحركي المسؤول على ذلك.

المعطيات:

- الكتلة المولية الذرية للزنك:  $M(Zn) = 65.4 g/mol$
- ثابت خلية قياس الناقلية:  $k = 1.0 \times 10^{-2} m$
- الناقلات النوعية المولية الشاردية عند  $25^\circ C$ :  $(mS \cdot m^2 \cdot mol^{-1})$  بـ:

$$\lambda_{Cl^-} = 7.6 \quad , \quad \lambda_{Zn^{2+}} = 10.6 \quad , \quad \lambda_{H_3O^+} = 35.0$$

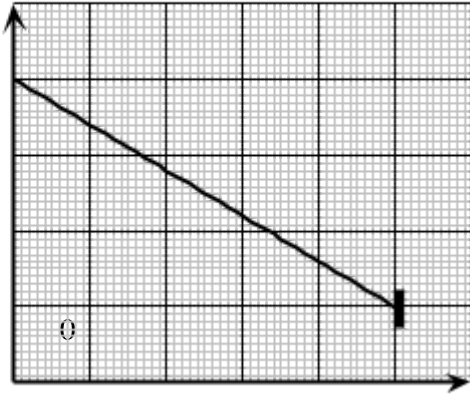
التمرين الثاني: تطور جملة ميكانيكية (06 نقاط)



يقذف جسم صلب ( $G$ ) كتلته  $m = 400 \text{ g}$  في اللحظة  $t = 0$  من النقطة  $A$  بسرعة ابتدائية  $v_A$  صعوداً الى النقطة  $B$  على مستوى مائل بزاوية  $\alpha$  مع الأفق، يخضع الجسم أثناء حركته لقوة احتكاك  $f$  ثابتة الشدة وعكس جهة الحركة. الشكل (1)

يُعطى: تسارع الجاذبية الأرضية  $10 \text{ m/s}^2$ .

الشكل 2



الجزء الأول: حركة الجسم على المستوي المائل  $AB$  (03 نقاط)

يمثل الشكل (2) منحنى السرعة  $v = f(t)$  للجسم ( $G$ ) بين  $A$  و  $B$ .

1. مثل القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة الجسم ( $G$ ).
2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد العبارة الحرفية للتسارع  $a$ .
3. بالاعتماد على البيان الشكل (2):  
1.3. حدد طبيعة حركة الجسم مع التعليل، ثم أحسب قيمه تسارعه  $a$ .  
2.3. استنتج بياناً قيمة المسافة المقطوعة  $AB$ .
4. أوجد العبارة الحرفية لشدة قوة الاحتكاك  $f$  بدلالة  $a, g, m$  و  $\alpha$ .

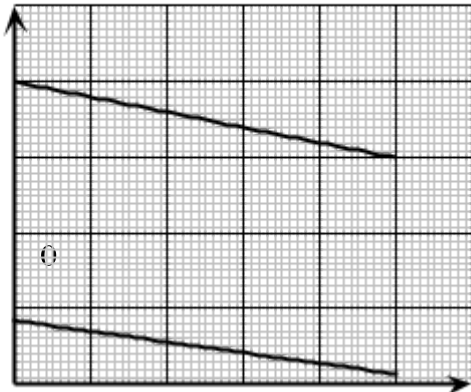
الجزء الثاني: حركة قذيفة (3 نقاط)

يغادر الجسم ( $G$ ) المستوي المائل في النقطة  $B$  بسرعة  $v_B$  يصنع شعاعها زاوية  $\alpha$  مع الأفق. ندرس الحركة في معلم

$(B, \vec{i}, \vec{j})$ . نعتبر المستوي المار من  $B$  مرجعاً للطاقة الكامنة الثقالية. ( $E_{pp} = 0$  عند  $y = 0$ )

يمثل الشكل (3) تطور الطاقة الحركية  $E_c$  والكامنة  $E_{pp}$  بدلالة الارتفاع  $y$  أثناء الصعود للذروة ( $S$ ).

الشكل 3



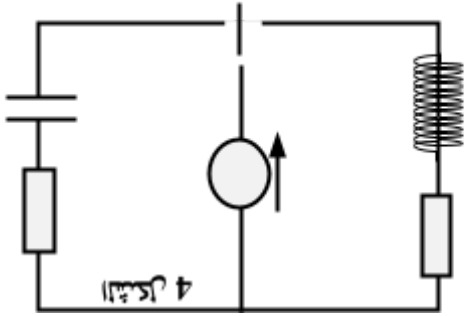
1. أنسب كل منحنى (1) و (2) للطاقة الموافقة له مع التعليل.
2. بالاعتماد على سرعة النقطة  $B$  المستخرجة من الشكل (2)،  
- احسب الطاقة الحركية الابتدائية للقذيفة  $E_{c(B)}$  واستنتج سلماً لمحور الترتيب.
3. أثبت أن الطاقة الحركية عند الذروة ( $S$ ) تعطى بالعلاقة:  
$$E_{c(S)} = E_{c(B)} \cdot \cos^2(\alpha)$$
4. باستغلال منحنى الشكل (3)، استنتج قيمة الزاوية  $\alpha$ .

5. احسب شدة قوة الاحتكاك  $f$  المؤثرة على المستوي المائل.

التمرين الثالث: دراسة ظواهر كهربائية (08 نقاط)

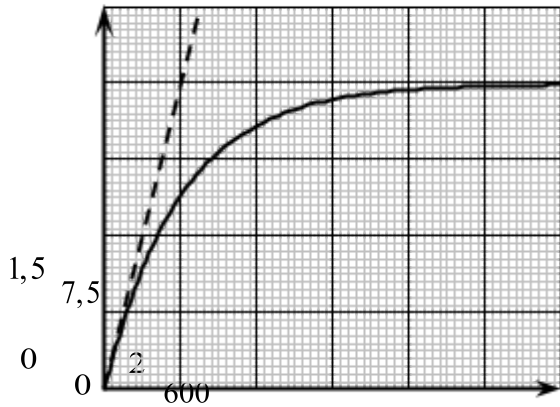
في حصة للأعمال المخبرية، وتحت إشراف الأستاذ، قام فوج من الأشبال بتركيب الدارة الموضحة في الشكل (4)، والتي تتكون من:

- مولد مثالي للتوتر المستمر قوته المحركة الكهربائية  $E$ .
- مكثفة فارغة سعتها  $C$ .
- وشيعة ذاتيتها  $(L)$  مقاومتها الداخلية  $r$ .
- ناقلا ن أوميان مقاومتيهما  $R_1, R_2 = 100 \Omega$ .



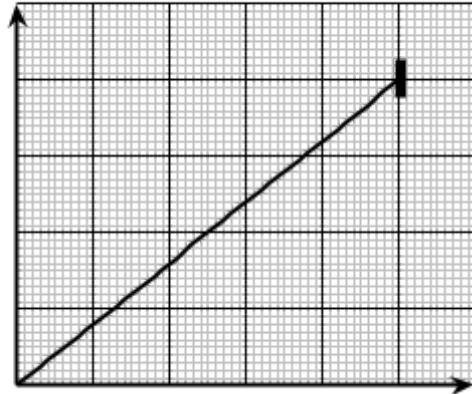
الجزء الأول: عند اللحظة  $t = 0$ ، نضع البادلة  $K$  في الوضع (1): (3.5 نقطة)

1. بتطبيق قانون جمع التوترات، أسس المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر بين طرفي المكثفة  $u_c(t)$ .
2. بَيِّنْ أن:  $u_c(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$  هو حل لهذه المعادلة، مع إعطاء عبارة ثابت الزمن  $\tau$ .
3. جد العبارة الزمنية بدلالة الشحنة  $q(t)$ .
4. استنتج العلاقة التي تربط بين شدة التيار  $i$  و  $\frac{du_c}{dt}$ .
5. بواسطة تقنية خاصة تمكنا من رسم البيان  $i = f\left(\frac{du_c}{dt}\right)$  و  $q = g(t)$  الممثلين في الشكلين (5) و (6)



الشكل 5

الشكل 6



جد بيانيا :

1.5. قيمة ثابت الزمن  $\tau$ , سعة المكثفة  $C$ .

2.5. بين أن القوة المحركة  $E = 6V$ .

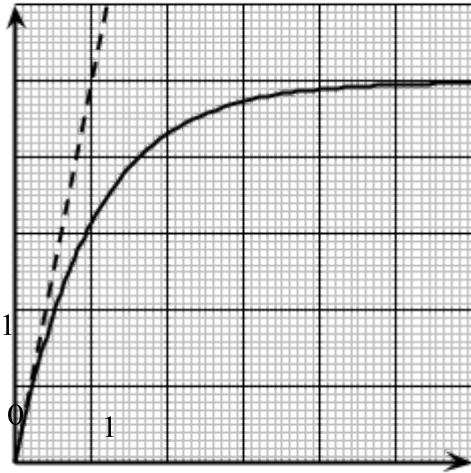
3.5. شدة التيار الاعظمية  $I_0$  ثم استنتج قيمة مقاومة الناقل الاومي  $R_1$ .

6. استنتج الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثفة  $E_C$  عند نهاية الشحن.

الجزء الثاني: (03 نقاط)

في لحظة زمنية نعتبرها كمبدأ الأزمنة، نؤرجح البادلة  $K$  للوضع (2) وبواسطة راسم الاهتزاز ذو ذاكرة تمكنا من مشاهدة التوتر بين طرفي الناقل الأومي بدلالة الزمن  $u_{R_2} = h(t)$ .

الشكل (7)



الشكل 7

1. بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التفاضلية للتيار  $i(t)$ .

2. يُعطى حل المعادلة التفاضلية بالشكل  $i(t) = A + B e^{-\alpha t}$

حيث

$A, B, \alpha$  عبارة عن ثوابت يطلب تعيين عبارتها بدلالة مميزات

الدارة.

3. أوجد العبارة الزمنية لـ  $u_{R_2}(t)$ .

4. نمثل في الشكل (7) تغيرات  $u_{R_2}$  بدلالة  $t$ .

1.4. اعتمادا على المنحنى البياني  $u_{R_2} = h(t)$  جد:  $L, r, I_0, \tau$

2.4. احسب قيمة الطاقة المغناطيسية المخزنة في الوشعة  $E_B$  عند اللحظة  $t = \tau$ .

الجزء الثالث: دراسة مقارنة طاقوية (سؤال التميز) (1.5 نقطة)

نعتبر الآن أن كلا الدارتين قد بلغتا النظام الدائم.

1. أثبت أن النسبة بين الطاقة المغناطيسية والطاقة الكهربائية تكتب من الشكل:  $\frac{E_{B_{max}}}{E_{C_{max}}} = \frac{L}{C(R_2+r)^2}$

2. حدد أي العنصرين (المكثفة أم الوشعة) قام بتخزين طاقة أكبر في هذه التجربة؟

3. نرغب في جعل الطاقة المخزنة في المكثفة مساوية تماماً للطاقة المخزنة في الوشيعية  $\left( E_{B_{max}} = E_{C_{max}} \right)$  وذلك بتغيير

سعة المكثفة لتصبح لتصبح  $C_{\acute{e}q}$ .

1.3. أحسب قيمة السعة  $C_{\acute{e}q}$  التي تحقق هذا الشرط.

2.3. لتحقيق ذلك عملياً، هل يجب ربط مكثفة أخرى سعتها  $C_0$  مع المكثفة السابقة على التسلسل أم على التفرع؟ علل

جوابك ثم احسب قيمة  $C_0$ .

انتهى الموضوع

عاشت الجزائر حرة أبية، والمجد والخلود لشهداننا الأبرار

بالتوفيق