

التمرين الأول : 6 نقاط

ليكن العدد الطبيعي : $a = 1436$ (1) تحقق أن $a \equiv 1[5]$ ثم استنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد : $2 \times a^{2014} - 1$ على 5(2) أدرس حسب قيم العدد الطبيعي n باقي قسمة العدد 2^n على 5(3) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، العدد $2^{4n+3} + 17^{4n+2} + 3$ يقبل القسمة على 5(4) عين العدد الطبيعي n بحيث : $2^n + a^3 \equiv 0[5]$

التمرين الثاني : 7 نقاط

لتكن (U_n) المتتالية الحسابية المعرفة على $\mathbb{N}$ كمايلي :

$$\{ U_2 = 2 U_5 + U_6 + U_7 = 42$$

أحسب U_6 1(2) بين أن أساس المتتالية (U_n) هو 3 ثم أحسب الحد الأول U_0 (3) عين اتجاه تغير المتتالية (U_n) (4) أكتب عبارة الحد العام U_n بدلالة n . هل العدد (432) حدا من حدود المتتالية (U_n) ؟(5) أحسب بدلالة n المجموع S_n حيث : $S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$ (6) عين العدد الطبيعي n حيث : $S_n = 52$

:نقاط 7 التمرين الثالث

/ (U_n) متتالية عددية معرفة على $\mathbb{N}$ كمايلي :

$$\{ U_1 = 7 U_{n+1} = 2U_n + 1$$

1 (أحسب الحدود U_2 ، U_3 ، U_4 ./ Π نعتبر المتتالية (V_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n بالعلاقة : $V_n = U_n + 1$ (1) أثبت أن (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها q و حدها الأول V_1 .(2) أكتب عبارة الحد العام V_n بدلالة n ، ثم استنتج عبارة U_n بدلالة n (3) أحسب بدلالة n المجموع S_1 حيث : $S_1 = V_1 + V_2 + \dots + V_n$

(4) استنتج بدلالة n المجموع S_2 حيث : $S_2 = U_1 + V_2 + \dots + U_n$