Новосибирский математический кружок «Совёнок» Новосибирск, <u>https://www.sovenok.academy</u> Летняя школа, август 2021 Группа 7-2



Сет

В настольной карточной игре «Сет» есть много карт, у каждой из которых есть 4 признака: тип фигурок (овал, ромб или волна), количество фигурок (1,2 или 3), заполнение (пустые, заштрихованные или закрашенные) и цвет (красный, синий или зелёный). Три карты образуют «сет», если по каждому признаку они или целиком разные, или целиком одинаковые. В каждый момент времени на столе лежит 12 карт, игроки на скорость стараются искать сеты. Нашедший первым забирает сет себе, а на его месте выкладываются три новые карты из колоды, после чего процесс повторяется. Побеждает тот, кто собрал больше сетов. В колоде есть все возможные карты, и все они встречаются по одному разу.

Залачи:

- 1. Сколько всего карт в колоде?
- 2. Докажите, что для любых двух карточек существует ещё ровно одна карточка, дополняющая их до сета.
- 3. Сколько уникальных сетов можно набрать?
- 4. Сколько уникальных сетов можно набрать, у которых все признаки различные?
- 5. Придумайте 9 карт, у которых какой-то признак совпадает и среди которых нет сетов
- 6. Может ли среди 12 карт не оказаться сета?
- 7. Может ли среди 16 карт не оказаться сета?
- 8. Может ли среди 20 карт не оказаться сета?