# Дата **30.03.2023.** Группа ТЭК 1/1. Курс 1

Дисциплина: Физика

Тема занятия: Свободные колебания в колебательном контуре

Цель занятия:

*-методическая* - совершенствование методики проведения лекционного занятия;

- учебная сформировать представление об электрическом поле, рассмотреть его характеристики; сформулировать понятие физической величины «напряженность»; рассмотреть проводники и диэлектрики в электрическом поле;
- воспитательная обучать учащихся соотносить полученные знания с наблюдаемыми явлениями.

Вид занятия: Лекция Межпредметные связи:

Обеспечивающие: Техническая механика, Физика

# Рекомендуемая литература

- 1.Мякишев Г.Я. Физика: учеб. для 10 кл. общеобразоват. организаций: базовый и углубл. уровни / Г.Я. Мякишев, Б.Б. Буховцев, Н.Н Сотский; под ред. Н.А. Парфентьевой. 9 изд.,стер. М.: Просвещение, 2022. 432 с.: ил. (Классический курс)
- 2.Мякишев Г.Я. Физика: учеб. для 11 кл. общеобразоват. организаций: базовый и углубл. уровни / Г.Я. Мякишев, Б.Б. Буховцев, В.М.Чаругин; под ред. Н.А. Парфентьевой. 10 изд.,стер. М.: Просвещение, 2022. 432 с.: ил. (Классический курс)
- 3.Рымкевич А.П. Задачник: сборник для учащихся общеобразовательных учреждений. М., «Дрофа» 2008.

### Тема: Свободные колебания в колебательном контуре

- 1. Ведение
- 2. Свободные колебания
- 3. Превращение энергии при электромагнитных колебаниях
- 4. Уравнение, описывающее процессы в колебательном контуре

### 1. Введение

Электромагнитные колебания были открыты почти случайно. После того как изобрели лейденскую банку (первый конденсатор) и научились сообщать ей большой заряд с помощью электростатической машины, начали изучать электрический разряд банки (рис.1). Замыкая обкладки лейденской банки с помощью проволочной катушки, обнаружили, что стальные спицы внутри катушки намагничиваются. В этом ничего удивительного не было: электрический ток и должен намагничивать стальной сердечник катушки. Странным же было то, что нельзя было предсказать, какой конец сердечника катушки окажется северным полюсом, а какой — южным.



Рисунок 1 – Лейденская банка

Повторяя опыт примерно в одинаковых условиях, получали в одних случаях один результат, а в других — другой. Далеко не сразу поняли, что при разрядке конденсатора через катушку в электрической цепи возникают колебания. За время разрядки конденсатор успевает много раз перезарядиться, и ток меняет направление много раз, в результате чего сердечник может намагничиваться различным образом.

#### 2. Свободные колебания

Периодические или почти периодические изменения заряда, силы тока и напряжения называются электромагнитными колебаниями. Обычно эти колебания происходят с очень большой частотой, значительно превышающей частоту механических колебаний. Поэтому для их наблюдения и исследования очень удобен электронный осциллограф.

В электронно-лучевой трубке осциллографа узкий пучок электронов попадает на экран, способный светиться при его бомбардировке электронами.

На горизонтально отклоняющие пластины трубки подается переменное напряжение развертки u<sub>p</sub> пилообразной формы (рис.2).

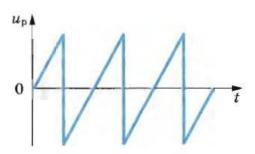


Рисунок 2

Сравнительно медленно напряжение повышается, а потом очень резко понижается. Электрическое поле между пластинами заставляет электронный луч пробегать экран в горизонтальном направлении с постоянной скоростью и затем почти мгновенно возвращаться назад. После этого весь процесс повторяется. Если теперь присоединить вертикально отклоняющие пластины трубки к конденсатору, то колебания напряжения при его разрядке вызовут колебания луча в вертикальном направлении. В результате на экране образуется временная развертка колебаний (рис.3), подобная той, которую вычерчивает маятник с песочницей над движущимся листом бумаги. Колебания затухают с течением времени (рис.3).



Рисунок 3 – Осциллограф

Эти колебания являются свободными. Свободными колебаниями называются колебания, которые возникают в системе после выведения ее из положения равновесия. В нашем случае колебательная система (конденсатор и катушка) выводится из равновесия при сообщении

конденсатору заряда. Зарядка конденсатора эквивалентна отклонению маятника от положения равновесия.

Нетрудно получить в электрической цепи также и вынужденные электромагнитные колебания. **Вынужденными колебаниями** называются колебания в цепи под действием внешней периодически изменяющейся электродвижущей силы.

Свободные электромагнитные колебания возникают при разрядке конденсатора через катушку индуктивности. Вынужденные колебания вызываются периодической ЭДС.

## 3. Превращение энергии при электромагнитных колебаниях

Простейшая система, в которой могут происходить свободные электромагнитные колебания, состоит из конденсатора и катушки, присоединенной к его обкладкам (рис.4), и называется колебательным контуром.

$$W_{\rm a} = \frac{q_m^2}{2C}. (4.1)$$

где  $q_m$  — заряд конденсатора, а C — его электроемкость. Между обкладками конденсатора возникнет разность потенциалов  $U_m$ 

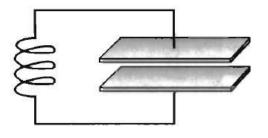


Рисунок 4

Зарядим конденсатор, присоединив его на некоторое время к батарее с помощью переключателя (рис.5, а). При этом конденсатор получит энергию

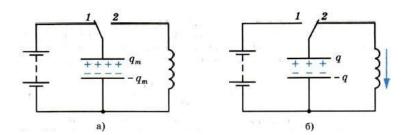


Рисунок 5

Переведем переключатель в положение 2 (рис.5, б). Конденсатор начнет разряжаться, и в цепи появится электрический ток. Сила тока не сразу

достигает максимального значения, а увеличивается постепенно. Это связано с явлением самоиндукции. ЭДС самоиндукции возникает при появлении тока в цепи и препятствует его увеличению, поэтому ток в цепи растет постепенно.

По мере разрядки конденсатора энергия электрического поля уменьшается, но одновременно возрастает энергия магнитного поля тока, которая определяется формулой

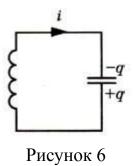
$$W_{\rm M}=\frac{Li^2}{2}.\tag{4.2}$$

где i — сила переменного тока; L — индуктивность катушки.

В момент, когда конденсатор полностью разрядится (q = 0), энергия электрического поля станет равной нулю. Энергия же магнитного поля тока, согласно закону сохранения энергии, будет максимальной. В этот момент сила тока также достигнет, конечно, максимального значения Im.

# 4. Уравнение, описывающее процессы в колебательном контуре

Перейдем теперь к **количественной теории процессов** в колебательном контуре. Рассмотрим колебательный контур, сопротивлением R которого можно пренебречь (рис.6).



Уравнение, описывающее свободные электрические колебания в контуре, можно получить с помощью закона сохранения энергии. Полная электромагнитная энергия W контура в любой момент времени равна сумме его энергий магнитного и электрического полей:

$$W=\frac{Li^2}{2}+\frac{q^2}{2C}.$$

Эта энергия не меняется с течением времени, если сопротивление R контура равно нулю. Значит, производная полной энергии по времени равна нулю. Следовательно, равна нулю сумма производных по времени от энергий магнитного и электрического полей:

$$\left(\frac{Li^2}{2}\right)' + \left(\frac{q^2}{2C}\right)' = 0,$$

или

$$\left(\frac{Li^2}{2}\right)' = -\left(\frac{q^2}{2C}\right)'. \tag{4.5}$$

Физический смысл уравнения (4.5) состоит в том, что скорость изменения энергии магнитного поля по модулю равна скорости изменения энергии электрического поля; знак «—» указывает на то, что, когда энергия электрического поля возрастает, энергия магнитного поля убывает (и наоборот).

Вычислив производные в уравнении (4.5), получим

$$\frac{L}{2} \cdot 2ii' = -\frac{1}{2C} \cdot 2qq'. \tag{4.6}$$

Но производная заряда по времени представляет собой силу тока в данный момент времени:

$$i = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta q}{\Delta t} = q'. \tag{4.7}$$

Поэтому уравнение (4.6) можно переписать в следующем виде:

$$Li'i = -\frac{qi}{C}. (4.8)$$

Производная силы тока по времени есть не что иное, как вторая производная заряда по времени, подобно тому, как производная скорости по времени (ускорение) есть вторая производная координаты по времени. Подставив в уравнение (4.8) і' = q" и разделив левую и правую части этого уравнения на Li, получим основное уравнение, описывающее свободные электрические колебания в контуре:

$$q'' = -\frac{1}{LC}q. \tag{4.9}$$

В уравнении (3.11) коэффициент  $\frac{k}{m}$  представляет собой квадрат собственной частоты колебаний. Поэтому и коэффициент  $\frac{1}{LC}$  в уравнении (4.9) также представляет собой квадрат циклической частоты — в этот раз для свободных электрических колебаний:

$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC}, \ \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}.$$
 (4.10)

Период свободных колебаний в контуре, таким образом, равен:

$$T = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{LC}.$$
 (4.11)

Формула (4.11) называется **формулой Томсона** в честь английского физика У. Томсона (Кельвина), который ее впервые вывел.

### Контрольные вопросы

- 1. Что называют электромагнитными колебаниями?
- 2. В чем различие между свободными и вынужденными электромагнитными колебаниями?
- 3. Написать формулу для определения периода свободных колебаний в контуре

# Задание для самостоятельной работы:

- 1. Краткий конспект лекции (формулы и определения)
- 2. Письменно ответить на контрольные вопросы
- 3. Фотографию прислать в личном сообщении ВК <a href="https://vk.com/id139705283">https://vk.com/id139705283</a>

На фотографии вверху должна быть фамилия, дата выдачи задания, группа, дисциплина. Например: «Иванов И.И, <u>30.03.2023</u>, группа ТЭК1/1 «Физика»