

السنة الثانية بكالوريا	قوانين نيوتن	الدرس رقم 9
الأستاذ: أسامة سطيع	Les lois de Newton	الجزء الرابع: الميكانيك

1. متجهة السرعة ومتجهة التسارع

1. متجهة الموضع

تتطلب دراسة حركة جسم صلب دراسة حركة جميع نقطه، غير أننا ندرس فقط حركة مركز قصوره G لأنها تمكننا من معرفة حركته الإجمالية ويمكن معلمة نقطة متحركة G من جسم صلب، في معلم متعامد منظم

$R(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ مرتبط بالجسم المرجعي في كل لحظة، بمتجهة الموضع $\vec{OG}$ بحيث:

$$\vec{OG} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k} \text{ ومنظمها } \|\vec{OG}\| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

2. متجهة السرعة اللحظية

1.2 تعريف

تساوي متجهة السرعة اللحظية مشتقة متجهة الموضع بالنسبة للزمن:

$$\vec{v}_G = \frac{d\vec{OG}}{dt}$$

2.2 تعبير متجهة السرعة اللحظية

$$\vec{OG} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k} \text{ لدينا}$$

$$\vec{v}_G = \frac{d\vec{OG}}{dt} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k} = v_x\vec{i} + v_y\vec{j} + v_z\vec{k} \text{ أي ان}$$

$$\vec{v}_G \{ v_x = \frac{dx}{dt} \quad v_y = \frac{dy}{dt} \quad v_z = \frac{dz}{dt} \text{ بحيث}$$

$$\|\vec{v}_G\| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2} \text{ منظم السرعة}$$

3. متجهة التسارع

1.3 تعريف

تساوي متجهة التسارع مشتقة متجهة السرعة (او مشتقة الثانية لمتجهة الموضع) بالنسبة للزمن:

$$\vec{a}_G = \frac{d\vec{v}_G}{dt} = \frac{d^2\vec{OG}}{dt^2}$$

2.3 تعبير متجهة التسارع في معلم ديكارتي

$$\vec{OG} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k} \text{ أي ان } \vec{v}_G = v_x\vec{i} + v_y\vec{j} + v_z\vec{k}$$

$$\vec{a}_G = \frac{d\vec{v}_G}{dt} = \frac{dv_x}{dt}\vec{i} + \frac{dv_y}{dt}\vec{j} + \frac{dv_z}{dt}\vec{k} \text{ نعلم ان}$$

$$\vec{a}_G = \frac{d^2\vec{OG}}{dt^2} = \frac{d^2x}{dt^2}\vec{i} + \frac{d^2y}{dt^2}\vec{j} + \frac{d^2z}{dt^2}\vec{k} \text{ أي ان}$$

$$\vec{a}_G = a_x\vec{i} + a_y\vec{j} + a_z\vec{k} \text{ وبالتالي}$$

$$\vec{a}_G \{ a_x = \frac{dv_x}{dt} \quad a_y = \frac{dv_y}{dt} \quad a_z = \frac{dv_z}{dt} \text{ بحيث}$$

$$\|\vec{a}_G\| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2} \text{ منظم التسارع}$$

3.3 تعبير متجهة التسارع في أساس فريني

معلم فريني $(M, \vec{u}, \vec{n})$ معلم متعامد منظم ينطبق أصله في كل لحظة مع موضع النقطة المتحركة M بحيث:

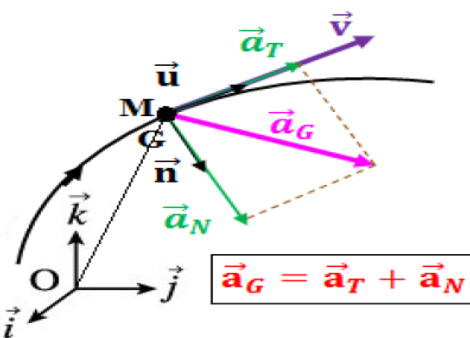
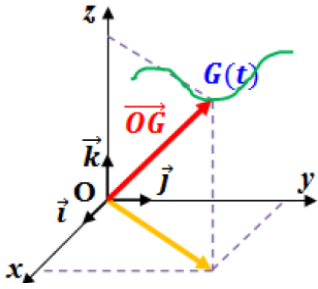
$\vec{u}$ المتجهة المماسية الواحدة وتكون مماسة للمسار وموجهة في منحنى الحركة،

$\vec{n}$ المتجهة المنظمية الواحدة وتكون متعامدة مع $\vec{u}$ وموجهة نحو تقعر المسار.

نعبّر عن متجهة التسارع $\vec{a}_G$ في أساس فريني، بالنسبة لحركة مستوية كالتالي:

$$\vec{a}_G = a_T\vec{u} + a_n\vec{n}$$

بحيث



$$a_T = \frac{dv_G}{dt} \text{ التسارع المماسي تعبيره}$$

$$a_n = \frac{v_G^2}{\rho} \text{ التسارع المنظمي تعبيره}$$

مع ρ هو شعاع انحناء المسار في الموضع M
ملحوظة:

نحدد طبيعة حركة النقطة المتحركة من خلال الجداء السلمي للمتجهتين $\vec{a}_G$ و $\vec{v}_G$ حيث:

$\vec{a}_G \cdot \vec{v}_G = 0$	$\vec{a}_G \cdot \vec{v}_G < 0$	$\vec{a}_G \cdot \vec{v}_G > 0$
حركة منتظمة	حركة متباطئة	حركة متسارعة

II. قوانين نيوتن

لجهد القوى المطبقة على جسم، نقوم بعزله عن باقي الأجسام المحيطة به، فيسمى المجموعة المدروسة. القوة الخارجية هي القوة التي يطبقها جسم لا ينتمي إلى المجموعة المدروسة على هذه المجموعة. القوة الداخلية هي القوة التي يطبقها جسم ينتمي إلى المجموعة المدروسة على جزء من هذه المجموعة.

1. قانون الأول لنيوتن: مبدأ القصور

في معلم غاليلي إذا كان المجموع المتجهي للقوى الخارجية المطبقة على جسم صلب يساوي متجهة منعدمة $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ فإن متجهة السرعة

$$\vec{v}_G = \vec{Cte} \text{ للجسم الصلب تكون ثابتة}$$

$$\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{v}_G = \vec{Cte} \{ Cte = 0 \text{ } Cte \neq 0 \} \text{ أي ان}$$

2. القانون الثاني لنيوتن: قانون الأساسي للتحريك

في معلم غاليلي يساوي المجموع المتجهي للقوى الخارجية المطبقة على جسم صلب جداء كتلة هذا الجسم ومتجهة التسارع لمركز قصوره G

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$$

ملحوظة

لتطبيق القانون الثاني لنيوتن نتبع المراحل التالية:

- تحديد المجموعة المدروسة
- جرد القوى وتمثيلها
- كتابة العلاقة المعبرة عن القانون الثاني لنيوتن
- اختيار معلم مناسب
- إسقاط العلاقة في هذا المعلم

3. القانون الثالث لنيوتن: مبدأ التأثيرات المتبادلة

عندما يحدث تأثير متبادل بين جسمين A و B سواء كان الجسمان في حالة حركة أو سكون فإن القوة $\vec{F}_{A/B}$ التي يطبقها الجسم A على الجسم B

والقوة $\vec{F}_{B/A}$ التي يطبقها الجسم B على الجسم A تحققان العلاقة التالية:

$$\vec{F}_{A/B} = - \vec{F}_{B/A}$$

III. تطبيقات

1. حركة جسم على مستوى أفقي

1.1 حركة جسم على مستوى أفقي بدون احتكاك

نعتبر جسم صلب S كتلته $m = 0,5 \text{ kg}$ يتحرك فوق مستوى أفقي بدون احتكاك تحت تأثير قوة ثابتة شدتها $F = 2 \text{ N}$ كما يبين الشكل

جانبه نعطي شدة مجال الثقالة $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$

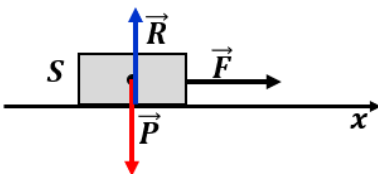
1. احسب التسارع a_G

المجموعة المدروسة { الجسم S }

$\vec{P}$ وزن الجسم

$\vec{R}$ تأثير السطح

$\vec{F}$ القوة المطبقة على الجسم S



بتطبيق القانون الثاني لنيوتن لدينا:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G$$

$$(1) \quad \vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m\vec{a}_G$$

أي ان

نعتبر المعلم $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ معلم غاليلي

باسقاط العلاقة (1) على المعلم xOy نجد:

$$\{P_x + R_x + F_x = ma_x \quad P_y + R_y + F_y = ma_y$$

$$\{0 + 0 + F = ma_x \quad -P + R + 0 = 0$$

$$a_G = \frac{F}{m} = 4 \frac{m}{s^2}$$

اذن

2. استنتج R شدة القوة المطبقة من طرف السطح؟

$$R = P = mg = 5 N$$

لدينا

3. حدد المعادلة الزمنية لحركة الجسم S علما ان الجسم انطلق عند اللحظة $t = 0$ من النقطة ذات الاصول $x = 5 cm$ بسرعة

$$v_0 = 3 \frac{m}{s}$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} = 4$$

$$a_x = 4 \quad \text{بما ان}$$

لدينا

فان المعادلة الزمنية لحركة الجسم S

$$v_x = 4t + 3 \quad \text{أي ان} \quad v_x = 4t + v_{0x}$$

$$v_x = \frac{dx}{dt} = 4t + 3$$

بما ان

$$x = 2t^2 + 3t + 0,05 \quad \text{أي ان} \quad x = \frac{1}{2}4t^2 + 3t + x_0$$

فان المعادلة الزمنية لحركة الجسم S

2.1 حركة جسم على مستوى افقي باحتكاك

نعتبر جسم صلب S كتلته $m = 0,5 kg$ يتحرك فوق مستوى افقي باحتكاك تحت تأثير قوة ثابتة شدتها

$$F = 2 N \quad \text{كما يبين الشكل جانبه نعطي شدة مجال الثقالة} \quad g = 10 \frac{N}{kg} \quad \text{و} \quad a_x = 6 \frac{m}{s^2}$$

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اوجد شدة القوة المطبقة من طرف السطح على الجسم S ؟

المجموعة المدروسة { الجسم }

$\vec{P}$ وزن الجسم

$\vec{R}$ تأثير السطح

$\vec{F}$ القوة المطبقة على الجسم S

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G$$

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن لدينا:

$$(1) \quad \vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m\vec{a}_G$$

أي ان

نعتبر المعلم $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ معلم غاليلي

باسقاط العلاقة (1) على المعلم xOy نجد:

$$\{P_x + R_x + F_x = ma_x \quad P_y + R_y + F_y = ma_y$$

$$\{R_T = F - ma_x = 2 N \quad R_N = P = mg = 5 N \quad \text{وبالتالي} \quad \{0 - R_T + F = ma_x \quad -P + R_N + 0 = 0$$

$$R = \sqrt{R_T^2 + R_N^2} = 5,38 N$$

اذن

2. حركة جسم على مستوى مائل

1.2 حركة جسم على مستوى مائل بدون احتكاك

نحرر جسم صلب S كتلته $m = 8 kg$ فوق مستوى مائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ فينزلق نحو الأسفل بدون احتكاك كما يبين الشكل جانبه نعطي

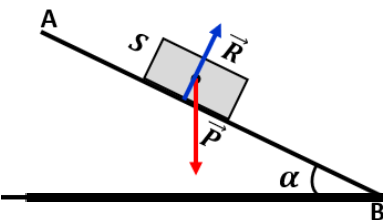
$$g = 10 \frac{N}{kg}$$

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن احسب التسارع a_G وشدة القوة المطبقة من طرف السطح على الجسم S ؟

المجموعة المدروسة { الجسم }

$\vec{P}$ وزن الجسم

$\vec{R}$ تأثير السطح



بتطبيق القانون الثاني لنيوتن لدينا:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G$$

$$(1) \quad \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}_G$$

أي ان

نعتبر المعلم $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ معلم غاليلي

بإسقاط العلاقة (1) على المعلم xOy نجد:

$$\{P \sin \alpha + 0 = ma_x - P \cos \alpha + R + 0 = 0 \quad \text{أي ان} \quad \{P_x + R_x = ma_x \quad P_y + R_y = ma_y$$

$$\{a_x = g \sin \alpha = 5 \frac{m}{s^2} \quad R = mg \cos \alpha = 69,28 N \quad \text{وبالتالي}$$

2. حدد المعادلة الزمنية لحركة الجسم S علما ان الجسم انطلق عند اللحظة $t = 0$ من النقطة A بسرعة $v_A = 5 \frac{m}{s}$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} = 5$$

بما ان $a_x = 5$

لدينا

$$v_x = 5t + 5$$

$$\text{أي ان} \quad v_x = 5t + v_{0x}$$

فإن المعادلة الزمنية لحركة الجسم S

$$v_x = \frac{dx}{dt} = 5t + 5$$

بما ان

$$x = 2,5t^2 + 5t$$

$$\text{أي ان} \quad x = \frac{1}{2}5t^2 + 5t + x_0$$

فإن المعادلة الزمنية لحركة الجسم S

2.2 حركة جسم على مستوى مائل باحتكاك

نحرر جسم صلب S كتلته $m = 8 kg$ فوق مستوى مائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ فينزل نحو الأسفل باحتكاك كما يبين الشكل جانبه نعطي

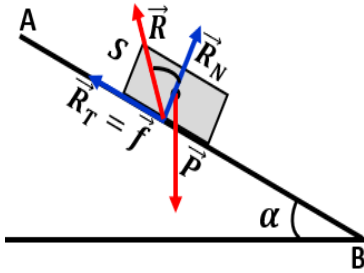
التسارع الجسم وفق المحور Ox $a_x = 2 m.s^{-2}$ وشدة مجال الثقالة $g = 10 \frac{N}{kg}$

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اوجد شدة القوة المطبقة من طرف السطح على الجسم S

المجموعة المدروسة $\{S\}$

$\vec{P}$ وزن الجسم

$\vec{R}$ تأثير السطح



$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G$$

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن لدينا:

$$(1) \quad \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}_G$$

أي ان

نعتبر المعلم $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ معلم غاليلي

بإسقاط العلاقة (1) على المعلم xOy نجد:

$$\{P \sin(\alpha) - R_T = ma_x - P \cos(\alpha) + R_N = 0 \quad \text{أي ان} \quad \{P_x + R_x = ma_x \quad P_y + R_y = ma_y$$

$$\{R_T = mg \sin(\alpha) - ma_x = 24 N \quad R_N = P = mg \cos(\alpha) = 69,28 N$$

$$R = \sqrt{R_T^2 + R_N^2} = 73,31 N$$

اذن