

Câu 22: [1H1-7.4-2] (THPT Hoàng Hoa Thám-Hung Yên-lần 1 năm 2017-2018) Cho tam giác ABC có diện tích bằng 6 cm^2 . Phép vị tự tỷ số $k = -2$ biến tam giác ABC thành tam giác $A'B'C'$. Tính diện tích tam giác $A'B'C'$?

- A. 12 cm^2 . B. 24 cm^2 . C. 6 cm^2 . D. 3 cm^2 .

Lời giải

Chọn B.

Phép vị tự tỷ số k biến tam giác thành tam giác đồng dạng với tỷ số $|k|$.

Theo đề bài ta có phép vị tự tỷ số $k = -2$ biến tam giác ABC thành tam giác $A'B'C'$ nên

$$\frac{S_{\Delta A'B'C'}}{S_{\Delta ABC}} = k^2 \Leftrightarrow S_{\Delta A'B'C'} = k^2 \cdot S_{\Delta ABC} \Leftrightarrow S_{\Delta A'B'C'} = 2^2 \cdot S_{\Delta ABC} \Leftrightarrow S_{\Delta A'B'C'} = 4 \cdot 6 \Leftrightarrow S_{\Delta A'B'C'} = 24 \text{ cm}^2.$$

Câu 27: [1H1-7.4-2] (THPT số 6 - 2018) Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , cho tam giác ABC với $A(-3;2)$, $B(1;1)$, $C(2;-4)$. Gọi $A'(x_1; y_1)$, $B'(x_2; y_2)$, $C'(x_3; y_3)$ lần lượt

là ảnh của A , B , C qua phép vị tự tâm O , tỷ số $k = \frac{-1}{3}$. Tính $S = x_1 x_2 x_3 + y_1 y_2 y_3$.

- A. $S = 1$. B. $S = -6$. C. $S = \frac{2}{3}$. D. $\frac{14}{27}$.

Lời giải

Chọn D.

$$\text{Ta có } V_{\left(O, \frac{-1}{3}\right)} : A(-3;2) \boxtimes A'\left(1; -\frac{2}{3}\right);$$

$$V_{\left(O, \frac{-1}{3}\right)} : B(1;1) \boxtimes B'\left(-\frac{1}{3}; -\frac{1}{3}\right); \quad V_{\left(O, \frac{-1}{3}\right)} : C(2;-4) \boxtimes C'\left(-\frac{2}{3}; \frac{4}{3}\right).$$

$$\text{Khi đó } S = 1 \cdot \left(-\frac{1}{3}\right) \cdot \left(-\frac{2}{3}\right) + \left(-\frac{2}{3}\right) \cdot \left(-\frac{1}{3}\right) \cdot \frac{4}{3} = \frac{14}{27}.$$