

المدة : ساعة

أقسام السنة أولى جذع مشترك علوم و تكنولوجيا

الفرض المحروس السادس في مادة الرياضيات

$$\vec{OB} = 4\vec{i} + 6\vec{j} \quad \vec{BE} = \frac{3}{2} \vec{DA} - \vec{AB}$$

الموضوع الأول

التمرين الأول :

$$\begin{cases} 2x - y = -1 \\ 3x + y = 21 \end{cases} \dots\dots\dots (S) \quad (1) \text{ حل جملة المعادلتين } (S) \text{ حيث :}$$

$$\begin{cases} 2z^2 - t^2 = -1 \\ 3z^2 + t^2 = 21 \end{cases} \dots\dots\dots (S') \quad (2) \text{ إستنتج حلول الجملة } (S') \text{ حيث :}$$

(إرشاد : يمكن وضع : $z^2 = x$ و $t^2 = y$)

التمرين الثاني :

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$. نعتبر النقط : $A(3, -4)$, $B(\alpha, 5)$, $C(1, 3)$, حيث : α عدد حقيقي .

- (1) عين العدد الحقيقي α حتى تكون النقط A , B , C , في استقامية .
- (2) عين إحداثيي النقطة D حتى يكون الرباعي $AOCD$ متوازي أضلاع .
- (3) عين العدد الحقيقي α حتى يكون معامل توجيه المستقيم (BC) هو 2
- (4) عين العدد الحقيقي α حتى يكون المستقيم (BC) يوازي المستقيم الذي معادلته

$$y = \frac{1}{4}x - 5$$

التمرين الثاني

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(0; \vec{i}; \vec{j})$

(1) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية $\mathbb{R}$ الجملة : $3x + y = 1$ و $x - y = -3$

(2) اكتب معادلة المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) حيث :

* المستقيم (Δ_1) يشمل النقطتين $A(-2; 1)$ و $B(2; 5)$

* المستقيم (Δ_2) يشمل النقطة $C(-\frac{1}{3}; 0)$ و يوازي الشعاع $\vec{u}(\frac{1}{3})$

(أ) أرسم بعناية المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) .

(ب) من البيان عين نقطة تقاطع (Δ_1) و (Δ_2) . ماذا تستنتج؟

التمرين الثاني

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

$A; B, C$ ثلاث نقط معرفة كما يلي :

$$\vec{OA} = -3\vec{i} + 5\vec{j}, \quad \vec{OB} = 4\vec{i} + 6\vec{j}, \quad \vec{OC} = -\vec{i} + m\vec{j}$$

- (1) عين إحداثيات النقط : $A; B, C$.
- (2) عين m حتى تكون النقط $A; B, C$ في إستقامية
- (3) عين m حتى يكون معامل توجيه المستقيم (BC) مساويا لـ : 1
- (4) عين إحداثيات النقطة B' نظيرة B بالنسبة إلى O مبدأ المعلم .

(1) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية $\mathbb{R}$ الجملة : $x - y = -3$ - $3x + y = 1$

(2) اكتب معادلة المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) حيث :

* المستقيم (Δ_1) يشمل النقطتين $A(-2; 1)$ و $B(2; 5)$

* المستقيم (Δ_2) يشمل النقطة $C(-\frac{1}{3}; 0)$ و يوازي الشعاع $\vec{(\frac{1}{3})}$

(أ) أرسم بعناية المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) .

(ب) من البيان عين نقطة تقاطع (Δ_1) و (Δ_2) . ماذا تستنتج؟