

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول (03 نقاط) :

أجب بصحيح أو خاطئ مع التعليل:

1- الدالة f المعرفة على $]-\infty; -1[$ بـ: $f(x) = \frac{-2}{x+1}$ متناقصة تماما على $]-\infty; -1[$.

2- إذا كانت u و v الدالتان المعرفتان على $[0; +\infty[$ على الترتيب كما يلي :

$$u(x) = (\sqrt{x} + 5)^2 \quad \text{و} \quad v(x) = \sqrt{x} - 5 \quad \text{فإن} \quad (v \circ u)(x) = \sqrt{x}$$

3- المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o; \vec{i}, \vec{j})$

التمثيل البياني للدالة h المعرفة على $[0; +\infty[$ بـ: $h(x) = 5 + x^2$ هو صورة التمثيل البياني

للدالة مربع بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{v}(5 \ 1)$

التمرين الثاني (04 نقاط) :

في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o; \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر النقط $A(1, 1)$ ، $B(3, -1)$ ، $C(4, 4)$

I) لتكن G مرجح الجملة $\{(A; 2), (B; m), (C; 5)\}$ حيث $G \in R$

1- هل النقطة G موجودة من أجل كل قيم m الحقيقية ؟

2- عين m بحيث تكون النقطة $H(\frac{11}{5}, \frac{-1}{5})$ مرجح الجملة $\{(A, 2), (B, m)\}$.

II) نفرض $m = 3$

1- أنشئ مرجح الجملة $\{(A, 2), (B, 3)\}$ واستنتج إنشاء النقطة G .

2- عين ثم أنشئ مجموعة النقط M من المستوي حيث:

$$\|2\vec{MA} + 3\vec{MB} + 5\vec{MC}\| = 20$$

التمرين الثالث (08 نقاط) :

نعتبر الدالة f المعرفة على $\{3\} - R$ كمايلي:

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(o; \vec{i}, \vec{j})$

I1- أثبت أنه من أجل كل $x \neq 3$ فإن :

$$f(x) = \frac{-1}{2} + \frac{1}{x-3}$$

2- نعتبر الدالة h المعرفة على $R - \{3\}$ كما يلي :

$$h(x) = \frac{1}{x-3}$$

1- بين أنه يمكن كتابة الدالة h على شكل مركب دالتين مرجعيتين u و v يطلب تعيينهما.

ب- استنتج اتجاه تغير الدالة على المجال $]-\infty; 3[$ وعلى المجال $]3; +\infty[$.

3- برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي x حيث $3 < x < 5$ فإن: $f(x) > 0$.

4- بين أن النقطة $A\left(3; \frac{-1}{2}\right)$ مركز تناظر لـ (C_f) .

5- انطلاقا من التمثيل البياني للدالة مقلوب ، أنشئ (C_f) .

II) نعتبر الدالة g المعرفة على $R - \{-3; 3\}$ بـ :

1- أثبت أن الدالة g دالة زوجية .

التمرين الرابع (05 نقاط):

ABCD مربع حيث $AB = 4cm$

نعتبر النقط A' ، B' ، C' ، D' من القطع المستقيمة $[AB]$ ، $[BC]$ ، $[CD]$ ، $[AD]$ على الترتيب حيث :

1- عين مجال تغير العدد الحقيقي x .

2- احسب بدلالة x مساحة كلا من المثلثات $AA'D'$ ، $BB'A'$ ، $CC'B'$ ، $DD'C'$.

3- استنتج أن مساحة الرباعي $A'B'C'D'$ هي:

$$S(x) = 2x^2 - 8x + 16$$

4- حل في R المعادلة: $S(x) = 0$

5- عين قيم x التي تكون من أجلها مساحة $B'C'D'$ أكبر تماما من نصف مساحة المربع $ABCD$.

