11 класс. Самостоятельная работа. 1 вариант.

Показательные уравнения, системы, неравенства.

І. Решите уравнения:

1.
$$5^{x-2} = 25$$

2.
$$3^{x-4} = 1$$

$$3 \quad 2^{x+2} + 2^x = 5$$

$$4 \quad 9^x - 6 \cdot 3^x - 27 = 0$$

II. Решите неравенства:

$$5^{x-1} < 25$$

$$\int_{2}^{\infty} \left(\frac{1}{4}\right)^{x} - 3 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{x} + 2 > 0$$

ІІІ. Решите систему:

$$\begin{cases} 27^x = 9^y \\ 81^x = 3^{y+1} \end{cases}$$

IV. Решите уравнение:

$$\left(15^{x^2+x-2}\right)^{\sqrt{x-4}} = 1$$

11 класс. Самостоятельная работа. 2 вариант. Показательные уравнения, системы, неравенства.

І. Решите уравнения:

$$1 \quad 6^{x-3} = 36$$

$$5^{x-6} = 1$$

$$3^{x+2} + 3^x = 30$$

$$4 \quad 4^x - 14 \cdot 2^x - 32 = 0$$

II. Решите неравенства:

$$3^{3-x} \ge 9$$

$$\left(\frac{1}{9}\right)^x - 6 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x - 27 \le 0$$

III. Решите систему:

$$\begin{cases} 16^x = 64^y \\ 27^{x+1} = 8^{y-1} \end{cases}$$

IV. Решите уравнение:

$$\left(0,7^{x-4}\right)^{\sqrt{x^2-2x-15}}=1$$

11 класс. Самостоятельная работа. 3 вариант. Показательные уравнения, системы, неравенства.

І. Решите уравнения:

$$1 \quad 2^{x+5} = 32$$

$$5^{2x} + 8 = 9$$

$$3^{x+2} - 3^x = 72$$

$$4. \ 25^x - 6 \cdot 5^x + 5 = 0$$

II. Решите неравенства:

$$6^{2x} \le \frac{1}{36}$$

$$\left(\frac{3}{7}\right)^{x^2} > \left(\frac{9}{49}\right)^{x+1,5}$$

III. Решите систему:

$$\begin{cases} x - y = 8 \\ 2^{x - 3y} = 16 \end{cases}$$

IV. Решите уравнение:

$$\left(17^{\sqrt{x^2+x-8}}\right)^{x+3} = 1$$

11 класс. Самостоятельная работа. 4 вариант. Показательные уравнения, системы, неравенства.

І. Решите уравнения:

1
$$5^{x-3} = 125$$

$$4^{x+1} - 3 = -2$$

$$3. \ 2^{x+3} - 2^x = 112$$

$$4 \quad 9^x - 4 \cdot 3^x + 3 = 0$$

II. Решите неравенства:

$$4^x > \frac{1}{64}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{3x^2+3} > \left(\frac{1}{32}\right)^{2x}$$

III. Решите систему:

$$\begin{cases} x + y = 3 \\ 5^{x+3y} = \frac{1}{5} \end{cases}$$

IV. Решите уравнение:

$$5^x - 1 = \sqrt{6 + 2 \cdot 5^x}$$

11 класс. Самостоятельная работа. 5 вариант. Показательные уравнения, системы, неравенства.

І. Решите уравнения:

$$1 8^{x-9} = 64$$

2.
$$16^{x+9} - 8 = -7$$

$$3. \ 2^x + 2^{x+3} = 9$$

$$4 \quad 9^x - 3^{x+1} = 54$$

II. Решите неравенства:

$$2^x > \frac{1}{4}$$

$$2 \left(\frac{2}{3}\right)^{x^2+4x} \ge \left(\frac{8}{27}\right)^{x+2}$$

III. Решите систему:

$$\begin{cases} y - x = 7 \\ 3^{x+2(y-1)} = 27 \end{cases}$$

IV. Решите уравнение:

$$2^{x} - 3 = \sqrt{25 + 9 \cdot 2^{x}}$$

11 класс. Самостоятельная работа. 6 вариант. Показательные уравнения, системы, неравенства.

І. Решите уравнения:

1.
$$7^{x+10} = 49$$

$$3 - 4^{x+5} = 2$$

$$3. \ 3^x + 3^{x+1} = 4$$

4.
$$4^x - 3 \cdot 2^x = 4$$

II. Решите неравенства:

$$\left(\frac{1}{2}\right)^x < \frac{1}{8}$$

$$2. \left(\frac{1}{3}\right)^{3x^2+1} > \left(\frac{1}{9}\right)^{-x^2+8x}$$

III. Решите систему:

$$\begin{cases} \frac{1}{3}y - \frac{1}{2}x = 1\\ 2^{x - 2 + y} = 8 \end{cases}$$

IV. Решите уравнение:

$$11 - 3^x = \sqrt{3^x - 5}$$

11 класс. Самостоятельная работа. 7 вариант. Показательные уравнения, системы, неравенства.

І. Решите уравнения:

1.
$$2^{3x-5} = 16$$
;

$$2. \ 3^{x^2 - 5x + 2} = 81^{-1}$$

$$3.5^{x-1} + 5^x = 150$$
;

4.
$$2 \cdot 2^{2x} - 17 \cdot 2^x + 8 = 0$$
.

II. Решите неравенства:

$$\left(\frac{5}{7}\right)^{3x+1} \ge \frac{25}{49}$$

$$2^{\left(\frac{1}{3}\right)^{x^2-3x}} > 9.$$

III. Решите систему:

$$\begin{cases} \left(3^{x}\right)^{y} = \frac{1}{9}, \\ 5^{x} \cdot 0, 2^{-y} = 5. \end{cases}$$

IV. Решите уравнение:

$$3^{2x+1} = 3^{x+1} + \sqrt{1 - 6 \cdot 3^x + 3^{2(x+1)}}$$

11 класс. Самостоятельная работа. 8 вариант. Показательные уравнения, системы, неравенства.

І. Решите уравнения:

$$_{1.} 3^{2x+7} = 243 \; ;$$

2.
$$6^{x-2} - 6^{x-1} = -180$$

$$3. \ 2^{x^2-x-1}=32$$

4.
$$3 \cdot 3^{2x} - 28 \cdot 3^x + 9 = 0$$
.

II. Решите неравенства:

$$0.5^{x^2+5x} < 16.$$

$$2. \left(\frac{1}{2}\right)^x + \left(\frac{1}{2}\right)^{x-2} > 5$$

III. Решите систему:

$$\begin{cases} \frac{2^x}{4^y} = 32, \\ 9^x \cdot 27^y = 27. \end{cases}$$

IV. Решите уравнение:

$$\left(9^{\sqrt{x^2-3}}-3^{\sqrt{x^2-3}}-6\right)\left(\sqrt{x}-3\right)=0$$