

الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 ن)

كل سؤال من الأسئلة يتضمن إجابة واحدة صحيحة، تعرف عليها مع التبرير.
(1) عدد القواسم الصحيحة للعدد 45 هي :

- 6) 1) 2) 9 3) 12

2) ليكن العدد $a=1435$ إذن :

- 3) $a \equiv 2[9]$ 2) $a \equiv 4[9]$ 1) $a \equiv 1[9]$
(3) ليكن العدد الطبيعي $b=2015$ ومنه :

- 3) $b \equiv 8[9]$ 2) $b \equiv 1[9]$ 1) $b \equiv 4[9]$
(4) 8 توافق بترديد 9 العدد :

- 3) 3 2) -1 1) 1

(5) باقي قسمة العدد $b^{2n} + b^{2n+1}$ على 9 هو :

- 3) 1 2) 0 1) 3

التمرين الثاني: (06 ن)

نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة بالعلاقة التراجعية:

$$\{U_0 = 2, U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 2\}$$

1- أحسب U_2, U_1

لتكن (V_n) متتالية عددية حيث $V_n = U_n - 4$

(1) أحسب V_2, V_1 .

(2) برهن أن المتتالية (V_n) هندسية. عين أساسها و حدها الأول.

(3) أكتب عبارة V_n بدلالة n ثم استنتج عبارة U_n بدلالة n

(4) حدد اتجاه تغير المتتالية (V_n) .

(5) أحسب بدلالة كلا من المجموع S_1 و S_2 حيث: $S_1 = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$ و $S_2 = U_0 + U_1 + \dots + U_{n-1}$

التمرين الثالث: (08 ن)

نعتبر الدالة f المعرفة على R : بـ $f(x) = -x^3 + ax^2 - 4$ حيث a عدد حقيقي معلوم
و ليكن (c_i) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(o; i; j)$.

بين أن : (1) $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$ علما أن المنحنى (c_f) يشمل النقطة $A(-1; 0)$.

(2) أحسب نهايتي الدالة f عند $-\infty$ و عند $+\infty$ ثم أدرس اتجاه تغير الدالة f

(3) تحقق أن f تكتب من الشكل $f(x) = -(x-2)^2(x+1)$

- 4) عين إحداثيات نقاط تقاطع المنحني (C_f) مع محوري الإحداثيات
بين أن $S(1; -2)$ هي نقطة انعطاف للمنحني (C_f) .
أكتب معادلة المماس (Δ) للمنحني (C_f) عند النقطة S .
(أنشئ 7 المنحني (C_f) و المماس (Δ)
8) حل بيانيا المتراجحة $f(x) \leq -4$

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (05 ن)

ليكن العددين الصحيحين $a = 206$ ، $b = -9$

- 1) تحقق أن $a + b \equiv 1[7]$ إستنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد $a^2 + 2ab + b^2$ على 7
2) بين أن $(a + b)^{2015} - 5 \equiv 3[7]$ ثم عين باقي قسمة العدد $(a + b)^{1436} + 13$ على 7
3) عين بواقي قسمة 3^n على 7
4) عين قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها $a^n + 3b + 29 \equiv 0[7]$

التمرين الثاني: (80 ن)

نعتبر الدالة f المعرفة على $]-\infty, 3[$ و (C_f) تمثيلها البياني و (T) للمنحني (C_f) عند النقطة $A(1, -3/2)$ كما في الشكل.

أ. بقراءة بيانية أجب على مايلي:

- حدد نهاية الدالة f عند أطراف مجموعة تعريفها
- عين صور الأعداد التالية: -3 و $\frac{5}{2}$
- عين نقاط تقاطع (C_f) مع محوري الإحداثيات
- عين اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها
- أكتب معادلة المماس (T)
- حل بيانيا مايلي: $f(x) \geq -1$, $f(x) = -4$, $f(x) = 3$

II. نعرف عبارة الدالة f على $]-\infty, 3[$ كمايلي: $-3 + \frac{a}{-x+3}$

1- بين أن: $a = 3$

2- تحقق من إجاباتك السابقة حول اتجاه تغير و معادلة المماس

التمرين الثالث: (07 ن)

أنقل الجدول الموالي على ورقة الامتحان ثم ضع علامة $\times$ في المكان المناسب مع التعليل.

العبارة	صحيحة	خاطئة	التعليل
1- $u_n = 3 \times 2^n$ ($n \in \mathbb{N}$) هي عبارة الحد العام لمتتالية هندسية أساسها 2 وحدها الأول 3.			
(u_n) متتالية متزايدة			
$u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{10} = 3(1 - 2^{19})$			
(v_n) متتالية حسابية حيث من أجل كل $n \in \mathbb{N}$ لدينا $V_4 = -5$ و $V_6 = -9$ ومنه $V_0 = 5$ و $r = -2$			
$5^{V_0} \times 5^{V_1} \times \dots \times 5^{V_{10}} = 5^{\frac{11(V_0 + V_{10})}{2}}$			

			$w_0 = 2$ متتالية ثابتة حيث (w_n) $w_0 + w_2 + \dots + w_{10} = 2(n+1)$
أساتذة المادة يتمنون لكم التفوق في شهادة البكالوريا			ص 2/2 بالتوفيق