

التمرين الأول : (05.5 نقطة)

ليكن كثير الحدود : $P(x) = -2x^3 + 3x^2 + 11x - 6$

* تحقق أن : $P(x) = (2x - 1)(x + 2)(3 - x)$

* حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $P(x) = 0$ ، و المتراجحة : $P(x) > 0$

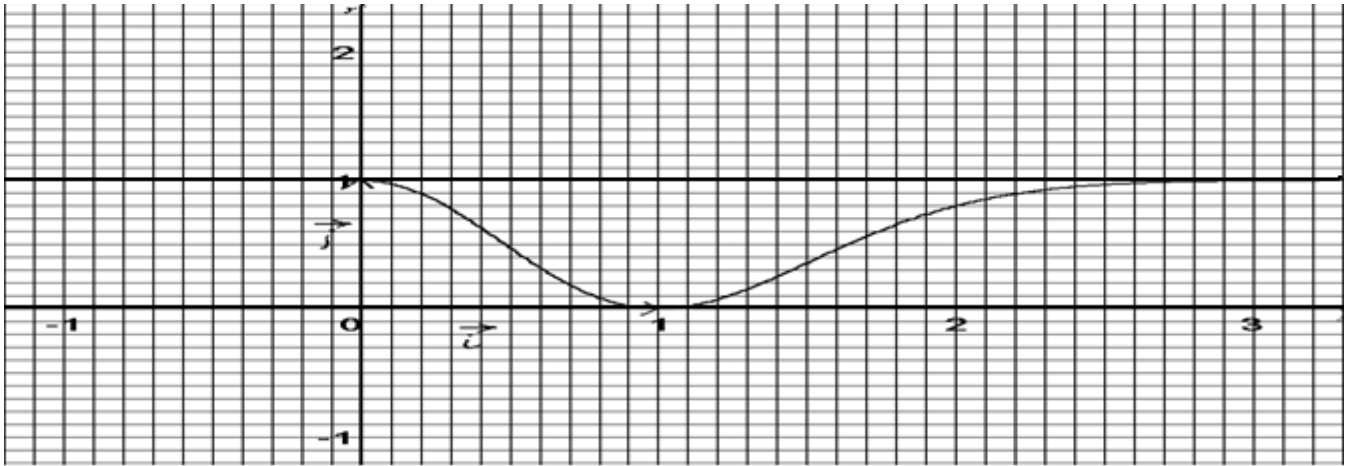
* استنتج حلول المعادلة : $-2(\ln \ln x)^3 + 3(\ln \ln x)^2 + 11 \ln \ln x - 6 = 0$

* استنتج حلول المتراجحة : $-2e^{2x} + 3e^x - 6e^{-x} + 11 > 0$

التمرين الثاني : (03.5 نقطة)

نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $[0 ; +\infty[$ كما يلي : $g(x) = 1 - x^2 e^{1-x^2}$

تمثيلها البياني (C_g) ومستقيمها المقارب (Δ) الذي معادلته $y = 1$ ممثلان في الشكل المقابل .



1) برر الخواص التالية المقروءة على التمثيل البياني .

* المستقيم (Δ) مقارب للمنحنى (C_g) عند $+\infty$.

* المنحنى (C_g) تحت المستقيم (Δ) على $[0; +\infty[$.

* الدالة g متناقصة على $[0; 1[$ و متزايدة على $[1; +\infty[$.

(2) m عدد حقيقي. عين عدد وإشارة حلول المعادلة: $g(x) = m$ على المجال $[0; +\infty[$.

اقلب الصفحة

$$\frac{1}{2}$$

التمرين الثالث : (11 النقطة)

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $[0; +\infty[$ بـ: $g(x) = x + 1 + \ln \ln x$.

1- عين نهايتي الدالة g عند 0 و عند $+\infty$.

2- ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.

3- بين أن المعادلة: $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $[\frac{1}{2}; 0]$.

4- حدد حسب قيم x إشارة $g(x)$ على المجال $[0; +\infty[$.

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على $[0; +\infty[$ بـ:

$$\{ f(x) = \frac{x \ln \ln x}{x+1} : x \in [0; +\infty[\quad f(0) = 0$$

ليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$. حيث وحدة الأطوال هي 4 cm.

* بين أن الدالة f مستمرة على $[0; +\infty[$.

* هل تقبل الدالة f الاشتقاق عند 0 ؟ فسر النتيجة هندسيا.

* من أجل من $[0; +\infty[$ ، بين أن: $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$ ، استنتج اتجاه تغير الدالة f .

* احسب نهاية الدالة f عند $+\infty$.

* تحقق أن: $f(\alpha) = -\alpha$ ، ثم أعط حصر الـ $f(\alpha)$.

* شكل جدول تغيرات الدالة f . ثم استنتج إشارة $f(x)$.

* ليكن (Γ) التمثيل البياني للدالة: $x \mapsto \ln \ln x$ في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- ادرس الأوضاع النسبية للمنحنيين (C_f) و (Γ) .

- احسب النهاية: $[f(x) - \ln \ln x]$ فسر النتيجة هندسيا.

* أنشئ في نفس المعلم المنحنيين (C_f) و (Γ) .

أستاذ
المادة

انتهى

$\frac{2}{2}$

