

التمرين الأول: 1 / نعتبر الدالة h المعرفة على IR بـ: $h(x) = e^x(1-x) + 1$

1- أحسب نهاية الدالة h عند $+\infty$ ثم عند $-\infty$ (نقبل أن: $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = 0$)

2- أدرس تغيرات الدالة h

3- بين أن المعادلة $h(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $[1.2 ; 1.3]$

4- إستنتج إشارة $h(x)$ على IR

2 / لتكن الدالة f المعرفة على IR بـ: $f(x) = \frac{x}{e^x + 1} + 2$ وليكن (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد $(\vec{o}, \vec{i}, \vec{j})$

أ / بين أن لـ $f'(x)$ و $h(x)$ نفس الإشارة ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f (نقبل أن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$)

ب / بين أن المستقيم (d) ذو المعادلة: $y = x + 2$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C)

ج / بين أنه يوجد عددين طبيعيين p و q بحيث: $f(\alpha) = p\alpha + q$ ثم إستنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$

د / أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C) والمستقيم (d) ثم أرسمهما

التمرين الثاني: : المستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(\vec{o}, \vec{i}, \vec{j})$ ، $\|\vec{i}\| = 1cm$

1 - h الدالة العددية المعرفة على المجال $]1, +\infty[$ كمايلي: $h(x) = \frac{x}{x+1} + \ln(x+1)$

أ / أدرس تغيرات الدالة h

ب / أحسب $h(0)$ ثم إستنتج إشارة $h(x)$ على مجال تعريفها

2 - f الدالة العددية المعرفة بالشكل: $f(x) = x \ln(x+1)$ على المجال $]1, +\infty[$

1 / بين أن أجل كل x من المجال $]1, +\infty[$ فإن $f'(x) = h(x)$

2/ أدرس تغيرات الدالة f ، أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ماذا تستنتج ، أرسم (c_f)