

الفرض الاول للثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

السنة الدراسية: 2018/2019

المدة : ساعة

المستوى : 2 ع ت 192

التمرين الأول (10 نقاط)

نعتبر A , B و C ثلاث نقط من المستوي بحيث : $A(-1; 2)$, $B(-3; 1)$ و $C(5; -2)$ تحقق :

$$5\vec{AG} = 4\vec{AB} + 3\vec{AC}$$

(1) أ) بين أن النقطة G مرجح الجملة المثقلة $\{(A, -2); (B, 4); (C, 3)\}$

(2) أنشئ الشكل

(2) أحسب احداثيات النقطة G .

(3) أحسب احداثيات النقطة I مركز ثقل المثلث .

(4) عين و أنشئ مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق : $\| -2\vec{MA} + 4\vec{MB} + 3\vec{MC} \| = 10$

(5) عين و أنشئ مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق :

$$\| -2\vec{MA} + 4\vec{MB} + 3\vec{MC} \| = \| \vec{MA} + 3\vec{MB} + \vec{MC} \|^2$$

التمرين الثاني (10 نقاط)

ليكن ABC مثلث و لتكن I, J و K ثلاث نقط من المستوي بحيث :

$$-6\vec{IB} = 2\vec{BC} \text{ و } \vec{AJ} = \frac{2}{5}\vec{AC}, \vec{AK} = \frac{4}{7}\vec{AB}$$

(1) أنشئ الشكل

(2) أ) بين أن K مرجح الجملة $\{(A, \frac{3}{2}); (B, 2)\}$

ب) بين أن J مرجح الجملة $\{(A, \frac{3}{2}); (C, 1)\}$

ج) بين أن I مرجح الجملة $\{(B, 2); (C, 1)\}$

(3) لتكن النقطة G مرجح الجملة المثقلة $\{(A, \frac{3}{2}); (B, 2); (C, 1)\}$

بين أن المستقيمات (AI) , (BJ) , (CK) تتقاطع في نقطة واحدة G

