

ABC مثلث قائم في M ، B نقطة من وتره $[AC]$. النقطتان L و N نظيرتا النقطة M بالنسبة إلى (AB) و (BC) على الترتيب. ماذا تمثل النقطة B بالنسبة إلى $[LN]$.

الحل :

L نظيرة M بالنسبة إلى (AB) إذن المستقيم (AB) هو محور القطعة $[LM]$
ومنه : المثلث BLM متساوي الساقين رأسه B إذن $BL = BM$

و (AB) يكون منصف الزاوية $\widehat{LBM}$ أي : $\widehat{LBM} = 2 \times \widehat{ABM}$

N نظيرة M بالنسبة إلى (BC) إذن المستقيم (BC) هو محور القطعة $[MN]$
ومنه : المثلث BNM متساوي الساقين رأسه B إذن $BN = BM$

و (BC) يكون منصف الزاوية $\widehat{MBN}$ أي : $\widehat{MBN} = 2 \times \widehat{MBC}$

وبالتالي : $BN = BL$

ولدينا : $\widehat{LBN} = \widehat{LBM} + \widehat{MBN} = 2 \times \widehat{ABM} + 2 \times \widehat{MBC} = 2(\widehat{ABM} + \widehat{MBC}) = 2 \widehat{ABC} = 180^\circ$

ومنه L ، B ، N على استقامة واحدة.

وبالتالي : النقطة B هي منتصف القطعة $[LN]$.

