

L12. Grafuri

Exercitiu: Desenati pe hartie graful reprezentat de urmatoarele date:

$$n=7$$

$$m=12$$

$$V=\{1,2,3,4,5,6,7\}$$

$$E=\{(1,2), (1,3), (2,4), (2,5), (3,5), (4,1), (4,7), (5,4), (5,6), (5,7), (6,7), (7,5)\}$$

Reprezentarea prin matrice de adiacenta

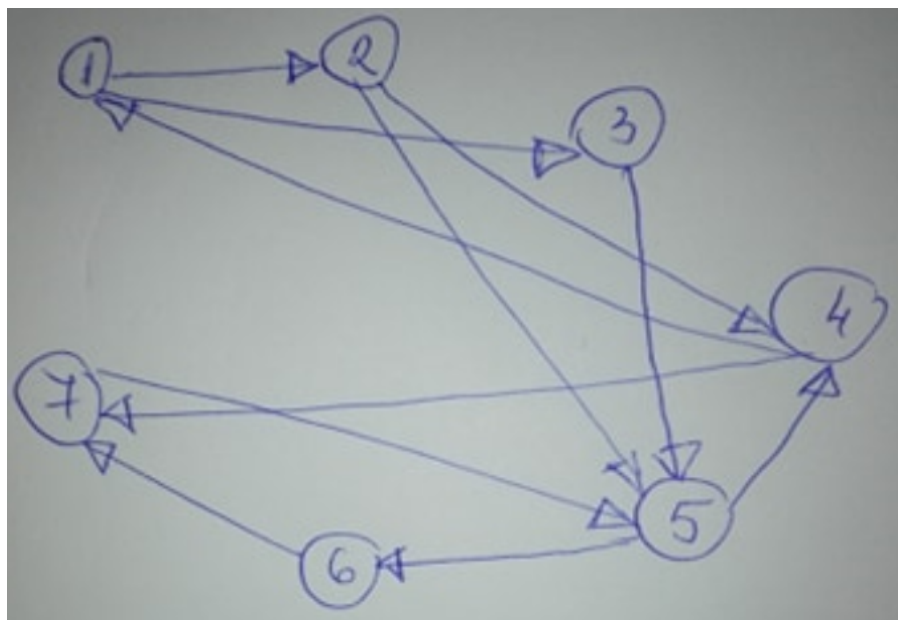
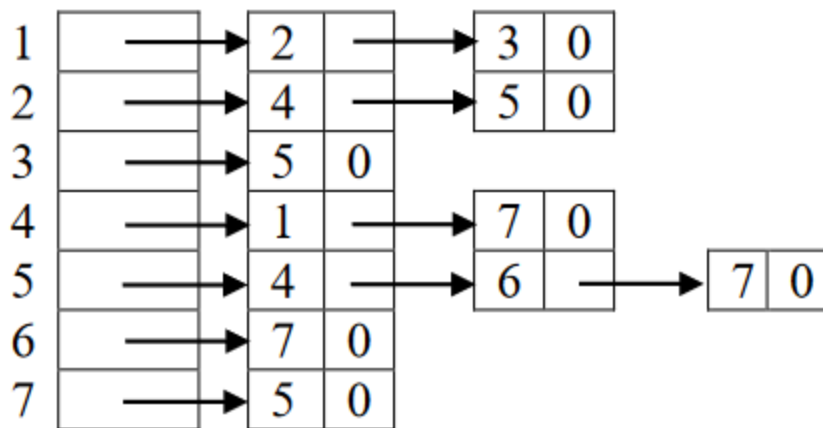
A=

	1	2	3	4	5	6	7
1	0	1	1	0	0	0	0
2	0	0	0	1	1	0	0
3	0	0	0	0	1	0	0
4	1	0	0	0	0	0	1
5	0	0	0	1	0	1	1
6	0	0	0	0	0	0	1
7	0	0	0	0	1	0	0

Reprezentarea prin liste de adiacenta

1	2,3
2	4,5
3	5
4	1,7
5	4,6,7
6	7
7	5

Pentru exemplul nostru:



Explorarea in adancime (DFS)

```
DFS_iterativ(A, L, M , i)
//A - matricea de adiacenta
//L - lista nodurilor care formeaza parcurgerea din i
//M - vector de etichete vizitat/nevizitat - initial 0
//i - nodul de start
//S - stiva
push(S,i)
while S ≠ empty do
    j := pop(S)
    if M[j] = 0 then
        insert(L, j)
        M[j] := 1
        for k = 1 to n do
            if A[j,k] = 1 then
                push(S,k)
            end-if
        end-for
    end-if
end-while
```

```
DFS_recurziv(A, L, M, i)
//A - matricea de adiacenta
//L - lista nodurilor care formeaza parcurgerea din i
//M - vector de etichete vizitat/nevizitat - initial 0
//i - nodul de start
insert(L, i)
M[i] := 1
for k = 1 to n do
    if A[i,k] = 1 then
        if M[k] = 0 then
            DFS_recurziv(A, L, M, k)
        end-if
    end-if
end-for
```

Explorarea in latime (BFS)

```
BFS_iterativ(A, n, L, M, i)
//A - matricea de adiacenta n*n
//L - lista nodurilor care formeaza parcurgerea din i
//M - vector de etichete vizitat/nevizitat - initial 0
//i - nodul de start
//Q - coada
    InitQueue(Q)
    Put(Q,i)
    While Q!=empty do
        j := Get(Q)
        Insert(L,j) //sau afisare/procesare
        For k:=1 to n do
            If A[j,k]=1 AND M[k]=0
                M[k]:=1
                Put(Q,k)
            EndIf
        EndFor
    EndWhile
End

-
BFS_recurziv(A, n, L, Q, M)
//A - matricea de adiacenta n*n
//L - lista nodurilor care formeaza parcurgerea din i
//M - vector de etichete vizitat/nevizitat - initial 0
//Q - coada
    If Q!=empty do
        j := Get(Q)
        Insert(L,j) //sau afisare/procesare
        For k:=1 to n do
            If A[j,k]=1 AND M[k]=0
                M[k]:=1
                Put(Q,k)
            EndIf
        EndFor
        BFS_recurziv(A,n,L,Q,M)
    EndIf
End
```

La apel:

```
InitQueue(Q)
Put(Q, i) //i = nod de start
Init(M) //M[k] = 0, pt toate val. lui k
BFS_recurziv(A,n,L,Q,M)
```

Aplicatii

1. Se da un graf orientat ponderat prin urmatoarele informatii :

```
n m
i1 j1 cost_i1_j1
i2 j2 cost_i2_j2
...
```

Sa se construiasca reprezentarea grafului prin matricea de adiacenta.

Indicatii:

- Se citeste n (numarul de noduri din graf)
- Se alocă o matrice de dimensiune $n \times n$ și se initializează cu valori 0
- Se citesc pe rând cele m muchii; pentru fiecare muchie (i, j) se scrie valoarea cost_{i_j} de pe poziția (i, j) din matricea de adiacenta

2. Sa se scrie o functie recursiva pentru afisarea nodurilor unui graf in ordinea DFS.

Indicatii:

- Functia de explorare DFS va primi ca argumente: matricea de adiacenta ce reprezinta graful, n – numarul de noduri din graf, i – nodul de start, M – vectorul de marcare, L – lista nodurilor ce formeaza parcurgerea din i

3. Sa se scrie functia iterativa pentru parcurgerea DFS.
4. Sa se scrie functiile pentru parcurgerea BFS, iterativ, respectiv recursiv.

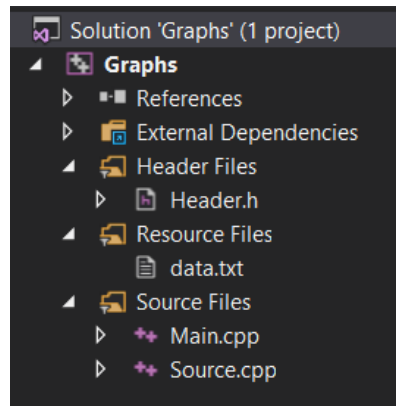
NOTARE

1 – 2p

2 – 2p

3 – 2p

4 – 3p/3p



```
data.txt  Main.cpp  Source.cpp  Header.h
6 9
1 2 2
1 3 4
2 3 1
2 4 4
2 5 2
3 5 3
4 6 2
5 4 3
5 6 2

5 7
1 2 10
1 4 30
1 5 100
2 3 50
3 5 10
4 3 20
4 5 60

7 12
1 2 1
1 3 1
2 4 1
2 5 1
3 5 1
4 1 1
4 7 1
5 4 1
5 6 1
5 7 1
6 7 1
7 5 1
```

```
data.txt    Main.cpp    Source.cpp    Header.h*  X
Graphs      (Global Scope)

#pragma once

#include <iostream>
#include <stack>
#include <queue>

using namespace std;

void DFS(int** a, int n, int i, int*viz, queue<int>& L);
void DFS_it(int** a, int n, int i, int*viz, queue<int>& L);

void BFS_it(int** a, int n, int i, int* viz, queue<int>& L);
void BFS(int** a, int n, int* viz, queue<int>& q, queue<int>& L);
```

```
data.txt    Main.cpp*    Source.cpp  X  Header.h
Graphs      (Global Scope)

#include "Header.h"

void DFS(int** a, int n, int i, int*viz, queue<int>& L)
{
    viz[i] = 1;
    L.push(i);
    for (int k = 0; k < n; k++)
    {
        if (a[i][k] && !viz[k])
            DFS(a, n, k, viz, L);
    }
}
```

```
data.txt  Main.cpp*  Source.cpp  Header.h
Graphs (Global Scope)

#include "Header.h"

int main()
{
    int **a, * viz, n, m, i, j;
    queue<int> L;
    queue<int> q;
    FILE* f;

    if (fopen_s(&f, "data.txt", "r"))
    {
        fprintf(stderr, " \n Eroare la deschiderea fisierului \n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }
    fscanf_s(f, "%d %d", &n, &m);

    a = new int*[n];
    viz = new int[n];
    for (int k = 0; k < n; k++)
    {
        a[k] = new int[n];
    }
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            a[i][j] = 0;
    for (int k = 0; k < m; k++)
    {
        fscanf_s(f, "%d %d", &i, &j);
        fscanf_s(f, "%d", &a[i - 1][j - 1]);
    }
    if (fclose(f))
    {
        fprintf(stderr, " \n Eroare la deschiderea fisierului \n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }
}
```

```
cout << "\n Matricea de adiacenta:\n";
for (int i = 0; i < n; i++)
{
    for (int j = 0; j < n; j++)
        cout << a[i][j] << "\t";
    cout << endl;
}
cout << endl;

cout << "\n Traversals: ";
cout << "\n DFS rec: ";
for (int k = 0; k < n; k++)
    viz[k] = 0;
DFS(a, n, 0, viz, L);
while (!L.empty())
{
    cout << L.front() << " ";
    L.pop();
}
cout << endl;
```

pentru simplitate folositi queue si stack din stl

<http://www.cplusplus.com/reference/queue/queue/>

<http://www.cplusplus.com/reference/stack/stack/>