

اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

المدة: 3 ساعات

التاريخ: 2009 / 02 / 28

المستوى : الثالثة علوم تجريبية
الثالثة تقني رياضيالتمرين 1:

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس متعامد $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

نعتبر النقط $A(-1,1,2)$ ، $B\left(1, \frac{1}{2}, 0\right)$ و $C(0,3-1)$

و المستقيم (D) ذو المعادلتين : $\begin{cases} 2x - y + 3 = 0 \\ y + 2z - 1 = 0 \end{cases}$

1. أكتب تمثيل وسيطي للمستقيم (D) ، ثم عين $\vec{u}$ شعاع توجيه له.

2. بين أن C تنتمي إلى (D) و أن $\vec{u}$ و $\vec{AC}$ غير مرتبطان خطيا.

3. عين شعاع $\vec{n}$ عمودي على الشعاعان: $\vec{u}$ و $\vec{AC}$

4. أكتب معادلة المستوي (P) الذي يشمل النقطة A و المستقيم (D) .

5. أحسب المسافة d بين النقطة B و المستوي (P) .

6. أكتب تمثيل وسيطي للمستقيم (D') الذي يشمل النقطتين A و B .

7. أدرس الوضع النسبي للمستقيمين (D) و (D') .

التمرين 2:

في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس متعامد $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

لتكن النقطتان A, B صورتين العدديين المركبين z_A, z_B حلي المعادلة:

$$z^2 + 2\sqrt{3}z + 4 = 0$$

1. عين z_B, z_A حلي المعادلة علما أن : $\text{Im}(z_A) > 0$.

2. أكتب z_B, z_A على الشكل الأسّي.

3. بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن : $z_A^{6n+1} + z_A = 0$

4. لتكن النقطتان C و w صورتين $z_c = -\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}$ و $z_w = \frac{z_A + \overline{z_A}}{2}$

(a) أحسب : $\text{Arg}\left(\frac{z_c - z_A}{z_c - z_B}\right)$ و استنتج نوع المثلث ABC

(b) استنتج أن w هي مركز ثقل المثلث ABC .

أ/هندسية ب/حسابية

(c) عين لاحقة النقطة G مرجح الجملة $\{(A,2), (B,-1), (C,1)\}$.
 (d) عين (Γ) مجموعة النقط $M(z)$ بحيث : $\|2\vec{MA} - \vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{AB}\|$

الصفحة:1
التمرين:3

- I/ لتكن الدالة العددية g المعرفة على $]0,1[$ كمايلي: $g(x) = \ln(x+1) - x$
1. أدرس تغيرات الدالة g ، ثم شكل جدول التغيرات .
 2. استنتج حسب قيم x الحقيقية إشارة $g(x)$.
- II/ نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة على مجموعة الأعداد الطبيعية IN كمايلي:
- $$u_0 = 1 \quad \text{و} \quad \text{من أجل كل } n \in IN \quad \text{فإن:} \quad u_{n+1} = \ln(u_n + 1)$$
1. برهن بالتراجع أنه من أجل كل $n \in IN$ فإن: $0 < u_n \leq 1$.
 2. استنتج اتجاه تغير المتتالية (u_n) .

التمرين:4

- I/ لتكن الدالة العددية φ المعرفة على IR كمايلي: $\varphi(x) = \frac{1}{2}x - \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$
3. أدرس تغيرات الدالة φ ، ثم شكل جدول التغيرات .
 4. استنتج حسب قيم x الحقيقية إشارة $\varphi(x)$.
- II/ لتكن الدالة العددية f المعرفة على IR كمايلي:
$$\begin{cases} f(x) = \ln\left(\frac{e^x - 1}{x}\right); \text{ si } x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$
- وليكن (C) منحنى الدالة f في مستوي منسوب إلى معلم متجانس متعامد $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
1. أثبت أن f مستمرة عند القيمة 0
 2. بين أنه :من أجل كل $x \in IR - \{0\}$ فإن: $f'(x) = \frac{e^x - 1}{x(e^x + 1)} \times \varphi(x)$
 3. أدرس تغيرات الدالة f . ثم شكل جدول التغيرات .
 4. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(f(x) - \frac{1}{2}x \right)$. ماذا تستنتج؟
 5. أرسم المنحنى (C) .
 6. حل وناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة:

$$f(x) = \frac{1}{2}x + m$$

بالتوفيق

الصفحة: 2

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية		
وزارة التربية الوطنية		ثانوية: ابن زياد المختلطة
الإجابة النموذجية لامتحان المستوى الثالثة تقني رياضي		
المادة : رياضيات		المدة: 3 ساعات
معايير الموضوع	عناصر الإجابة	العلامة
	التمرين الأول لدينا: $A(-1,1,2)$ و $B(1, \frac{1}{2}, 0)$ و $C(0,3,-1)$ و المستقيم (D) الذي معادلته $\begin{cases} 2x - y + 3 = 0 \\ y + 2z - 1 = 0 \end{cases}$ 1. كتابة تمثيل وسيطي للمستقيم (D) ثم تعيين $\vec{u}$ شعاع توجيه له نضع $x = t$ ومنه: $\begin{cases} x = t \\ 2t - y + 3 = 0 \\ y + 2z - 1 = 0 \end{cases}$ وعليه: $\begin{cases} x = t \\ y = 2t + 3 \\ z = -t - 1 \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$ ومنه: شعاع التوجيه $\vec{u} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$ 2. تبيان أن $C \in (D)$ و أن $\vec{u}$ و $\overrightarrow{AC}$ غير مرتبطان خطيا لدينا: $\begin{cases} 0 = t \\ 3 = 2t + 3 \\ -1 = -t - 1 \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$ ومنه: أي: $C \in (D)$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$ و $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 0+1 \\ 3-1 \\ -1-2 \end{pmatrix}$ ومنه: نلاحظ: لا يوجد $k \in \mathbb{R}$ بحيث $\overrightarrow{AC} = k\vec{u}$ ومنه: $\vec{u}$ و $\overrightarrow{AC}$ غير مرتبطان خطيا 3. تعيين شعاع $\vec{n}$ عمودي على الشعاعان $\vec{u}$ و $\overrightarrow{AC}$	مجزأة كاملة

$$\begin{cases} \vec{n} \cdot \vec{u} = 0 \\ \vec{n} \cdot \vec{AC} = 0 \end{cases} \text{ ومنه: } \begin{cases} \vec{n} \perp \vec{u} \\ \vec{n} \perp \vec{AC} \end{cases} \text{ لدينا:}$$

$$\begin{cases} a + 2b - c = 0 \\ a + 2b - 3c = 0 \end{cases} \text{ وعليه: } \begin{cases} \vec{n} \cdot \vec{u} = a + 2b - c \\ \vec{n} \cdot \vec{AC} = a + 2b - 3c \end{cases} \text{ ومنه: } \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix} \text{ نضع}$$

$$\begin{cases} 2b - c = -1 \\ 2b - 3c = -1 \end{cases} \text{ نضع } a = 1 \text{ ينتج:}$$

$$b = -\frac{1}{2} \text{ بالطرح نجد } 2c = 0 \text{ ومنه: } c = 0 \text{ بالتعويض نجد:}$$

$$\vec{n} = \begin{pmatrix} 1 \\ -\frac{1}{2} \\ 0 \end{pmatrix} \text{ وعليه:}$$

4. كتابة المعادلة الديكارتية للمستوي (P) الذي يشمل النقطة A و يشمل المستقيم (D)

لدينا $\vec{n} \perp (P)$ كون: $\begin{cases} \vec{n} \perp \vec{u} \\ \vec{n} \perp \vec{AC} \end{cases}$ و $\vec{u}$ و $\vec{AC}$ غير مرتبطين خطيا أي $A \notin (D)$ أي (P) معين بالنقطة A و المستقيم (D) مع $A \notin (D)$

$$(P): 1x - \frac{1}{2}y + 0z + d = 0 \text{ ومنه: } (P): x - \frac{1}{2}y + d = 0 \text{ وعليه:}$$

$$d = \frac{3}{2} \text{ تعيين } d \text{ لدينا: } A \in (P) \text{ ومنه: } -1 - \frac{1}{2} \times 1 + d = 0 \text{ وعليه:}$$

$$(P): x - \frac{1}{2}y + \frac{3}{2} = 0 \text{ ينتج:}$$

5. حساب المسافة d بين النقطة B و المستوي (P)

$$d = \frac{\left| 1 - \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} + \frac{3}{2} \right|}{\sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \text{ ومنه: } d = \frac{\left| x_B - \frac{1}{2}y_B + \frac{3}{2} \right|}{\sqrt{1^2 + \left(-\frac{1}{2}\right)^2 + 0^2}} \text{ لدينا:}$$

$$d = \frac{9}{2\sqrt{5}} \text{ وعليه:}$$

6. كتابة تمثيل وسيطي للمستقيم (D') الذي يشمل النقطتين A, B

$$\vec{AB} = \begin{pmatrix} 2 \\ -\frac{1}{2} \\ -2 \end{pmatrix} \text{ ومنه: } \vec{AB} = \begin{pmatrix} 1+1 \\ \frac{1}{2}-1 \\ 0-2 \end{pmatrix} \text{ لدينا:}$$

$$\vec{AM} = \lambda \vec{AB} \text{ ومنه: } M(x, y, z) \in (D') \text{ لتكن:}$$

$$(D'): \begin{cases} x = 2\lambda - 1 \\ y = -\frac{1}{2}\lambda + 1 \\ z = -2\lambda + 2 \end{cases} \quad \text{وعليه: } \begin{cases} x + 1 = 2\lambda \\ y - 1 = -\frac{1}{2}\lambda \\ z - 2 = -2\lambda \end{cases} \quad \text{ومنه:}$$

7. دراسة الوضع النسبي للمستقيمين (D) و (D')

$$\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} \quad \text{و} \quad \vec{u}' \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} \quad \text{لدينا:}$$

ومنه: $\vec{u}$ و $\vec{u}'$ غير مرتبطان خطيا
وعليه: المستقيمان (D) و (D') متقاطعين أو ليسا من نفس المستوي.

$$\begin{cases} 2\lambda - 1 = t \\ -\frac{1}{2}\lambda + 1 = 2t + 3 \end{cases} \quad \text{نضع:} \quad \text{ومنه:} \quad -\frac{1}{2}\lambda + 1 - 4\lambda + 2 = 2t + 3 - 2t$$

$$\begin{aligned} & -\frac{9}{2}\lambda = 0 \\ & \lambda = 0 \quad \text{وعليه:} \quad \text{بالتعويض نجد:} \quad t = -1 \end{aligned}$$

وعليه: لدينا $M_D(-1, 1, 0)$ و $M_{D'}(-1, 1, 2)$
أي: (D) و (D') ليسا من نفس المستوي
التمرين الثاني:

a. تعيين z_B, z_A حلي المعادلة $z^2 + 2\sqrt{3}z + 4 = 0$
لدينا: $\Delta = b^2 - 4ac = 12 - 16 = -4 = (2i)^2$

$$\begin{cases} z_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-2\sqrt{3} + 2i}{2} = -\sqrt{3} + i \\ z_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-2\sqrt{3} - 2i}{2} = -\sqrt{3} - i \end{cases} \quad \text{ومنه:}$$

$$\begin{cases} z_A = -\sqrt{3} + i \\ z_B = -\sqrt{3} - i \end{cases} \quad \text{و بما أن: } \text{Im}(z_A) > 0 \quad \text{ومنه:}$$

b. كتابة z_B, z_A على الشكل الآسي
لدينا: $|z_A| = \sqrt{3+1} = \sqrt{4} = 2$

$$\begin{cases} \cos \theta = \frac{-\sqrt{3}}{2} \\ \sin \theta = \frac{1}{2} \end{cases} \quad \text{و بما أن:} \quad \arg(z_A) = \pi - \frac{\pi}{6} = \frac{5\pi}{6} [2\pi] \quad \text{ومنه:}$$

$$z_A = 2e^{\frac{5\pi}{6}i} \quad \text{وعليه:}$$

$$|z_B| = \sqrt{3+1} = \sqrt{4} = 2 \quad \text{ولدينا:}$$

$$\begin{cases} \cos \theta = \frac{-\sqrt{3}}{2} \\ \sin \theta = \frac{-1}{2} \end{cases} \quad \text{و بما أن:} \quad \arg(z_A) = \pi + \frac{\pi}{6} = \frac{7\pi}{6} [2\pi] \quad \text{ومنه:}$$

$$z_B = 2e^{\frac{7\pi}{6}i} \text{ وعليه:}$$

$$\left(\frac{z_A}{2}\right)^{6n+1} + \frac{z_A}{2} = 0 \quad \text{c. تبيان أنه من أجل } n \in \mathbb{N} \text{ فإن}$$

$$\left(\frac{z_A}{2}\right)^{6n+1} + \frac{z_A}{2} = \left(\frac{z_A}{2}\right)^{6n} \times \frac{z_A}{2} + \frac{z_A}{2}$$

لدينا:

$$\left(\frac{z_A}{2}\right)^{6n} = \left(e^{\frac{5\pi}{6}i}\right)^{6n} = (\cos(5\pi n) + i \sin(5\pi n)) = -1$$

و بما أن:

$$\left(\frac{z_A}{2}\right)^{6n+1} + \frac{z_A}{2} = -\frac{z_A}{2} + \frac{z_A}{2} = 0$$

ومنه:

$$z_c = -\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2} \quad \text{d. لتكن النقطتان } c \text{ و } w \text{ صورتني و}$$

$$z_w = \frac{z_A + z_A}{2}$$

$$\text{(e) أحسب: } \text{Arg}\left(\frac{z_c - z_A}{z_c - z_B}\right) \text{ واستنتج نوع المثلث } ABC$$

$$\left(\frac{z_c - z_A}{z_c - z_B}\right) = \frac{-\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2} + \sqrt{3} - i}{-\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2} + \sqrt{3} + i} = \frac{-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}}{-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}i}$$

لدينا:

$$\arg\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = \frac{7\pi}{6} [2\pi]$$

لدينا:

$$\left|-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}\right| = \sqrt{\frac{3}{4} + \frac{9}{4}} = \sqrt{3}$$

ولدينا:

$$\arg\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}\right) = \pi - \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3} [2\pi]$$

$$\begin{cases} \cos \theta = \frac{-\frac{\sqrt{3}}{2}}{\sqrt{3}} = -\frac{1}{2} \\ \sin \theta = \frac{\frac{3}{2}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases}$$

و لدينا:

وعليه:

$$\text{Arg}\left(\frac{z_c - z_A}{z_c - z_B}\right) = \frac{7\pi}{6} - \frac{2\pi}{3} = \frac{7\pi - 4\pi}{6} = \frac{3\pi}{6} = \frac{\pi}{2}$$

إذن: المثلث ABC قائم في النقطة C

b. استنتج أن w هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC .

أ/هندسية

بما أن المثلث ABC قائم في النقطة C و w منتصف وتره $[AB]$
فإن: w هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC
ب/حسابية

$$\|\vec{AB}\| = |z_B - z_A| = |-\sqrt{3} - i + \sqrt{3} - i| = |-2i| = 2$$

لدينا:

$$wA = wB = \frac{2}{2} = 1$$

وعليه:

من جهة لدينا:

$$\|\vec{Cw}\| = |z_w - z_C| = \left| \frac{-\sqrt{3} + i - \sqrt{3} - i}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2} \right| = \left| \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2} \right| = \sqrt{\frac{3}{4} + \frac{1}{4}} = 1$$

$$wA = wB = wC$$

أي:

و عليه: w هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC
c. تعيين لاحقة النقطة G مرجح الجملة $\{(A,2);(B,-1);(C,1)\}$

$$z_G = \frac{2z_A - z_B + z_C}{2 - 1 + 1}$$

$$z_G = \frac{2(-\sqrt{3} + i) - (-\sqrt{3} - i) + \left(-\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right)}{2}$$

$$z_G = \frac{-2\sqrt{3} + 2i + \sqrt{3} + i - \frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}}{2}$$

$$z_G = \frac{-\frac{5\sqrt{3}}{2} + \frac{7i}{2}}{2}$$

$$z_G = -\frac{5\sqrt{3}}{4} + \frac{7i}{4}$$

لدينا:

$$G\left(-\frac{5\sqrt{3}}{4}; \frac{7}{4}\right)$$

ومنه:

• تعيين (Γ) مجموعة النقط $M(z)$ بحيث:

$$\|2\vec{MA} - \vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{AB}\|$$

$$\|\vec{AB}\| = 2$$

لدينا:

$$\|2\vec{MG} + 2\vec{GA} - \vec{MG} - \vec{GB} + \vec{MG} + \vec{GC}\| = 2$$

ومنه:

$$\|2\vec{MG}\| = 2$$

$$\|\vec{MG}\| = 1$$

وعليه:

ومنه: مجموعة النقط هي دائرة مركزها G و نصف قطرها 1

التمرين 3:

I/ لتكن الدالة العددية g المعرفة على $]0,1[$ كمايلي:

$$g(x) = \ln(x+1) - x$$

1. دراسة تغيرات الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.

لدينا: $\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = 0$ و $g(1) = \ln(2) - 1$

$$g'(x) = \frac{1}{x+1} - 1 = \frac{1-x-1}{x+1} = \frac{-x}{x+1} < 0$$

حساب المشتقة:

x	0	1
$g'(x)$	-	-
$g(x)$	0	$\ln(2) - 1$

2. استنتاج حسب قيم x الحقيقية إشارة $g(x)$.

لدينا: $\ln(2) - 1 = -0.3$

ومنه: من أجل $x \in]0,1[$: $g(x) < 0$

II/ نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة على مجموعة الأعداد الطبيعية IN كما يلي:

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \ln(u_n + 1) \end{cases} \quad n \in IN$$

3. برهن بالتراجع أنه من أجل كل $n \in IN$ فإن:

$$0 < u_n \leq 1$$

a. إثبات الخاصية من أجل $n = 0$

لدينا: $0 < u_0 = 1 \leq 1$ محققة

□ نفرض صحة الخاصية من أجل n أي:

$$0 < u_n \leq 1$$

و نبرهن صحة الخاصية من أجل $n+1$ أي:

$$0 < u_{n+1} \leq 1$$

لدينا: $0 < u_n \leq 1$ ومنه: $1 < u_n + 1 \leq 2$ وعليه: $0 < \ln(u_n + 1) \leq \ln(2) < 1$

أي: $0 < u_{n+1} \leq 1$

ومنه: الخاصية محققة حسب البرهان بالتراجع

2. استنتج اتجاه تغير المتتالية (u_n) .

$$u_{n+1} - u_n = \ln(u_n + 1) - u_n \quad \text{لدينا:}$$

$$u_{n+1} - u_n = g(u_n) \quad \text{نلاحظ أن}$$

$$u_{n+1} - u_n < 0 \quad \text{فان: } g(x) < 0 \quad \text{بما أن:}$$

وعليه: (u_n) متتالية متناقصة

التمرين 4:

$$D =]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[\quad \text{و} \quad f(x) = x - \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right) \quad \text{لدينا:}$$

1. إثبات أن f فردية

لدينا: من أجل $x \in]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$ لدينا: $-x \in]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$ ولدينا:

$$f(-x) = -x - \ln\left(\frac{-x+1}{-x-1}\right) = -x - \ln\left(\frac{-(x-1)}{-(x+1)}\right)$$

$$= -x - \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right) = -x - \ln\left(\frac{1}{\frac{x+1}{x-1}}\right)$$

$$= -x - \ln(1) + \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right) = -x + \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$$

$$= -\left(x - \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)\right) = -f(x)$$

ومنه: الدالة f فردية

التفسير البياني: (C) متناظر بالنسبة لمبدأ المعلم O

2. دراسة تغيرات الدالة f على المجال $]1, +\infty[$ النهايات:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \left(-\ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)\right) = -\infty \quad \left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 0^+ \end{array} \right. \quad \text{لأن: } \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty$$

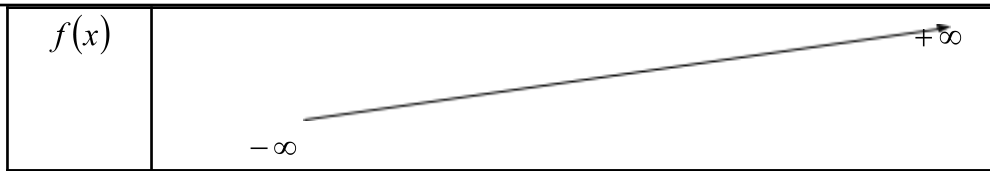
$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(-\ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)\right) = 0 \quad \left(\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x+1}{x-1}\right) = 1\right) \quad \text{لأن: } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

حساب المشتقة:

$$\begin{aligned} f'(x) &= 1 - \frac{\frac{x-1-x-1}{(x-1)^2}}{\frac{x+1}{x-1}} = 1 - \frac{\frac{-2}{(x-1)^2}}{\frac{x+1}{x-1}} = 1 - \frac{-2}{(x-1)^2} \times \frac{x-1}{x+1} \\ &= 1 - \frac{-2}{(x-1)(x+1)} = 1 + \frac{2}{(x-1)(x+1)} > 0 \end{aligned}$$

جدول التغيرات:

x	1	$+\infty$
$f'(x)$		+



3. تبين أن (C) يقبل $y = x$ مستقيم مقارب مائل بجوار $+\infty$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(-\ln \left(\frac{x+1}{x-1} \right) \right) = 0$$

لدينا:

ومنه: $y = x$ مستقيم مقارب مائل بجوار $+\infty$

4. تبين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حل وحيد α حيث

$$\alpha \in \left] \frac{3}{2}, 2 \right[$$

لدينا:

• f مستمرة على المجال $\left] \frac{3}{2}, 2 \right[$

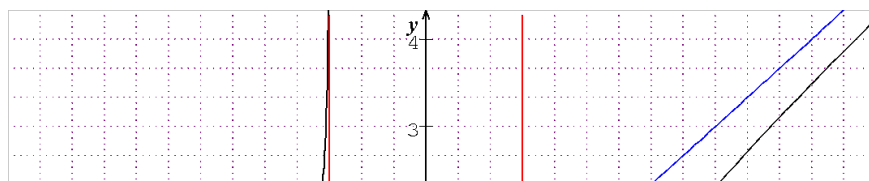
• f رتيبة تماماً على المجال $\left] \frac{3}{2}, 2 \right[$

• $f\left(\frac{3}{2}\right) = -0.1$ و $f(2) = 1.3$ أي: $f\left(\frac{3}{2}\right) \times f(2) < 0$

ومنه: حسب مبرهنة القيم المتوسطة فإن المعادلة $f(x) = 0$

تقبل حل وحيد α حيث $\alpha \in \left] \frac{3}{2}, 2 \right[$

5. رسم المنحني (C)



--	--	--	--

إعداد الأستاذ: بن حمود الطيب