

Lösning

Moscovium

Innan kärnorna får kontakt är det enbart elektriska kraften som verkar, vilket innebär att den potentiella energin för systemet som består av de båda kärnorna ges av

$$V = kqQ/r \text{ där } r \text{ är summan av radierna på atomerna,}$$
$$r = r_1 + r_2 = r_0(48^{1/3} + 243^{1/3})\text{fm} = 11,8495\text{fm}$$

a)

När Ca når fram till Am-kärnan är rörelseenergin noll. Rörelseenergin som Ca behöver ha före ges direkt av:

$$E_{Ca} = V = 8,98755 \cdot 10^9 \cdot \frac{20 \cdot 1,6022 \cdot 10^{-19} \cdot 95 \cdot 1,6022 \cdot 10^{-19}}{11,8495 \cdot 10^{-15}} \text{ J} = 231\text{MeV}$$

Svar: I modellen med en fast målkärna är rörelseenergin som Ca-kärnan behöver för att precis nå fram till Am-kärnan 230 MeV.

b)

Energi bevaras i kollisionen:

$$E_{Ca} = E_{Ca+Am} + U \quad (1)$$

där U är samma som ovan

Även rörelsemängden bevaras:

$$p_{Ca} = p_{Ca+Am} \text{ vilket ger att } \frac{v_{Ca}m_{Ca}}{m_{Ca+Am}} = v_{Ca+Am} \text{ och}$$
$$E_{Ca+Am} = \frac{m_{Ca+Am}v_{Ca+Am}^2}{2} = \frac{v_{Ca}^2 m_{Ca}^2}{2m_{Ca+Am}} = \frac{E_{Ca}m_{Ca}}{m_{Ca+Am}} \quad (2)$$

$$(1) \text{ och } (2) \text{ ger: } E_{Ca} \left(1 - \frac{m_{Ca}}{m_{Ca+Am}}\right) = U$$

$$\text{vilket ger } E_{Ca} = \frac{m_{Ca+Am}}{m_{Am}} U = \frac{243+48}{243} 231\text{MeV} = 277\text{MeV}$$

Svar: I modellen då målkärnans rörelse påverkas av kraften från Ca är rörelseenergin som Ca-kärnan behöver för att precis nå fram till Am-kärnan 280 MeV.