

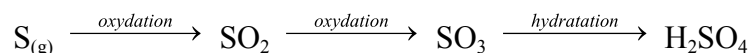
CONCOURS COMMUNS POLYTECHNIQUES**EPREUVE SPECIFIQUE - FILIERE MP
CHIMIE**

Durée : 2 heures

Les calculatrices sont autorisées

NB : Le candidat attachera la plus grande importance à la clarté, à la précision et à la concision de la rédaction. Si un candidat est amené à repérer ce qui peut lui sembler être une erreur d'énoncé, il le signalera sur sa copie et devra poursuivre sa composition en expliquant les raisons des initiatives qu'il a été amené à prendre.

L'acide sulfurique (H_2SO_4) est un produit très utilisé en chimie et très important du point de vue industriel. En France, la matière première de sa fabrication est le soufre qui est lui-même préparé à partir du sulfure d'hydrogène (H_2S) provenant de la désulfuration du gaz naturel. L'acide sulfurique est ensuite obtenu en trois étapes :



Dans ce problème nous étudierons l'étape d'oxydation du dioxyde de soufre (SO_2) en trioxyde de soufre (SO_3) ainsi que l'utilisation des ions sulfate (SO_4^{2-}) en chimie analytique.

A. ÉTUDE DES ATOMES ET DES MOLÉCULES INTERVENANT DANS LA RÉACTION DE FORMATION DU TRI OXYDE DE SOUFRE

Données spécifiques à la partie A

- Numéro atomique de l'oxygène: $Z = 8$.
- Numéro atomique du soufre: $Z = 16$.
- L'acide sulfureux (H_2SO_3) est un diacide faible dont les constantes d'acidité sont à 25°C : $K_{a,1} = 10^{-1,8}$ et $K_{a,2} = 10^{-7,2}$
- Produit ionique de l'eau à 25°C : $K_e = 10^{-14}$.
- L'activité des espèces en solution aqueuse sera assimilée à leur concentration molaire exprimée en mol.L^{-1} .

A-1. Indiquer la configuration électronique dans son état fondamental :

A-1-1. De l'atome d'oxygène.

A-1-2. De l'atome de soufre.

A-2. Étude de la molécule de dioxyde de soufre (SO_2)'

A-2-1. Écrire une représentation de Lewis de la molécule de dioxyde de soufre (S est l'atome central) et en déduire sa formule VSEPR (AX_nE_m).

A-2-2. Déduire de la question A-2-1 la géométrie de la molécule de dioxyde de soufre et la dessiner en faisant apparaître les doublets liants et les doublets non liants éventuels.

A-2-3. En justifiant votre réponse, indiquer, parmi les 6 valeurs suivantes, celle qui correspond à l'angle OSO dans la molécule de dioxyde de soufre : 90° ; 107° ; $109,5^\circ$; $119,5^\circ$; 120° ; 125° .

A-2-4. Lors de sa dissolution dans l'eau, le dioxyde de soufre se transforme totalement en acide sulfureux selon la réaction: $\text{SO}_2 + \text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{H}_2\text{SO}_3$.

A-2-4-1. Écrire les réactions de dissociation en milieu aqueux de ce diacide faible.

A-2-4-2. Après avoir fait barboter, à 25°C, du dioxyde de soufre dans de l'eau pure, on obtient une solution aqueuse de pH = 2,5. Les espèces susceptibles d'être présentes dans le milieu sont exclusivement : H_2O ; H_3O^+ ; HO^- ; H_2SO_3 ; HSO_3^- et SO_3^{2-} .

A-2-4-2-1. Écrire l'équation bilan traduisant l'électroneutralité de la solution.

A-2-4-2-2. Calculer les concentrations molaires : $[\text{H}_2\text{SO}_3]$; $[\text{HSO}_3^-]$ et $[\text{SO}_3^{2-}]$.

A-3. Étude de la molécule de trioxyde de soufre (SO_3)'

A-3-1. Écrire une représentation de Lewis de la molécule de trioxyde de soufre (S est l'atome central) et en déduire sa formule VSEPR (AX_nE_m).

A-3-2. Déduire de la question A-3-1 la géométrie de la molécule de trioxyde de soufre et la dessiner en faisant apparaître les doublets liants et les doublets non liants éventuels.

A-3-3. En justifiant votre réponse, indiquer, parmi les 6 valeurs suivantes, celle qui correspond à l'angle OSO dans la molécule de trioxyde de soufre: 90° ; 107° ; 109,5° ; 119,5° ; 120° ; 125°.

B. UTILISATION DES SULFATES EN CHIMIE ANALYTIQUE

Données spécifiques à la partie B

- La température est égale à 25°C. Toutes les constantes d'équilibre sont données à 25°C.
- Le sulfate de baryum (BaSO_4) est un sel peu soluble dans l'eau qui a pour produit de solubilité : $K_s = 10^{-9,97}$.
- Le nitrate de baryum et le sulfate de sodium sont des sels solubles totalement dissociés en phase aqueuse.
- L'acide sulfurique se comporte en phase aqueuse comme un diacide. Sa première acidité est forte ; la réaction: $\text{H}_2\text{SO}_4 + \text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{HSO}_4^- + \text{H}_3\text{O}^+$ est totale. Sa seconde acidité associée à l'équilibre : $\text{HSO}_4^- + \text{H}_2\text{O} = \text{SO}_4^{2-} + \text{H}_3\text{O}^+$ a pour constante d'équilibre $K_{a,3} = 10^{-2}$.
- L'activité des espèces en solution aqueuse intervenant dans les réactions sera assimilée à leur concentration molaire exprimée en mol.L^{-1} .

Les ions baryum (Ba^{2+}) présents dans une solution peuvent être dosés en versant une solution contenant des ions sulfate. L'équivalence est souvent détectée en suivant la conductivité de la solution contenue dans le bécher.

B-1. Écrire l'équation bilan traduisant la réaction de dosage.

B-2. Lors du dosage de $V_{b1} = 50,00 \text{ mL}$ d'une solution de nitrate de baryum par une solution de sulfate de sodium de concentration molaire $C_o = 0,0100 \text{ mol.L}^{-1}$ un volume équivalent (V_{eq0}) de 20,00 mL est obtenu. Le pH de la solution reste lors de ce dosage supérieur à 7.

B- 2-1. Exprimer le rapport: $[\text{HSO}_4^-]/[\text{SO}_4^{2-}]$ en fonction du pH de la solution et calculer sa valeur numérique pour pH = 7 .

B-2-2. Pour pH > 7, la concentration molaire en HSO_4^- est-elle négligeable devant celle en SO_4^{2-} ?

B-2-3. Calculer la concentration molaire en baryum Ba^{2+} de la solution analysée.

B-2-4. Calculer la concentration molaire en baryum dans la solution à l'équivalence.

B-2-5. Déduire des questions précédentes le pourcentage molaire de baryum restant en solution à l'équivalence.

C. ÉTUDE DE LA RÉACTION D'OXYDATION DU DIOXYDE DE SOUFRE

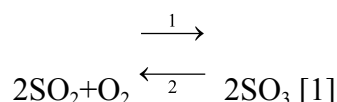
Données spécifiques à la partie C

- $T\text{ (K)} = \theta(^{\circ}\text{C}) + 273,15$ $1\text{ bar} = 10^5\text{ Pa}$
- Constante des gaz parfaits: $R = 8,3145\text{ J}\cdot\text{mol}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$
- Pression standard de référence : $P^0 = 1\text{ bar}$
- Tous les composés sont des gaz parfaits dont la capacité calorifique est considérée indépendante de la température.

Propriétés thermodynamiques des composés dans l'état gaz parfait

Composé	Enthalpie standard de formation $\Delta_f H^0_{25^{\circ}\text{C}}(\text{J}\cdot\text{mol}^{-1})$	Entropie molaire standard $S^0_{25^{\circ}\text{C}, 1\text{ bar}}(\text{J}\cdot\text{mol}^{-1}\cdot\text{K}^{-1})$	Capacité calorifique molaire isobare
SO_2	- 296 800	248,0	47,8
O_2	0	205,0	31,6
SO_3	- 395 700	256,4	65,3
N_2	0	191,5	29,8

En phase gazeuse l'oxydation du dioxyde de soufre conduit à la formation de trioxyde de soufre selon la réaction équilibrée ci-dessous :



C-1. Calculer à $T_0 = 298,15\text{ K}$:

C-1-1. L'enthalpie standard de la réaction [1] : $\Delta_r H^0(T_0)$

C-1-2. L'enthalpie libre standard de la réaction [1] : $\Delta_r G^0(T_0)$.

C-1-3. La constante d'équilibre $K^0(T_0)$.

C-2. Calculer à $T_1 = 750\text{ K}$ l'enthalpie standard de la réaction [1] : $\Delta_r H^0(T_1)$.

C-3. Un système constitué de dioxyde de soufre, de dioxygène et de trioxyde de soufre, est à l'équilibre à la température T_1 . Quand on élève la température, à pression constante, la réaction [1] évolue-t-elle dans le sens 1 ou dans le sens 2 ? Justifier brièvement votre réponse.

C-4. En justifiant brièvement votre réponse, indiquer qualitativement l'influence, à température constante, de la pression totale sur le taux de conversion à l'équilibre du dioxyde de soufre.

C-5. À la température $T_1 = 750\text{ K}$, la constante d'équilibre de la réaction [1] est $K^0(T_1) = 10\,050$. Déduire de la valeur de la constante d'équilibre la valeur de l'enthalpie libre standard de la réaction [1] à la température T_1 : $\Delta_r G^0(T_1)$.

C-6. Un mélange est initialement constitué par 100 moles de dioxyde de soufre et par 50 moles de dioxygène. La réaction [1] conduit, sous la pression P_1 et à la température $T_1 = 750\text{ K}$, à un état d'équilibre caractérisé par un avancement ; $\xi_1 = 48$ moles.

C-6-1. Calculer la quantité de matière de chaque composé à l'équilibre.

C-6-2. Exprimer les pressions partielles P_{SO_3} ; P_{SO_2} et P_{O_2} en fonction de la pression totale P_1 .

C-6-3. Calculer, à partir de la constante d'équilibre $K^0(T_1)$ la valeur numérique de la pression P_1 .

C-7. Un mélange gazeux sortant d'un four a la composition molaire suivante : 8% de dioxyde de soufre, 12% de dioxygène et 80% de diazote. Ce mélange gazeux est introduit en continu dans un

convertisseur fonctionnant en régime stationnaire et à pression constante au sein duquel l'oxydation de SO_2 en SO_3 est réalisée selon la réaction [1]. Le diazote se comporte comme un gaz inerte. Pour traiter ce problème (parties C-7-1 et C-7-2) on considérera 100 moles de mélange gazeux à l'entrée du convertisseur à la température $T_1 = 750 \text{ K}$.

C-7-1. Le convertisseur fonctionnant de façon isotherme à la température $T_1 = 750 \text{ K}$, on observe que 98% du SO_2 est oxydé en SO_3 .

C-7-1-1. Déduire du taux de conversion du SO_2 , la quantité de matière de chaque constituant à la sortie du convertisseur.

C-7-1-2. Quelle est la valeur de l'avancement ξ_2 de la réaction [1] ?

C-7-1-3. Exprimer, en fonction de la pression P_2 régnant dans le convertisseur, les diverses pressions partielles à sa sortie : P_{SO_3} ; P_{SO_2} et P_{O_2} et P_{N_2} .

C-7-1-4. En considérant que l'état d'équilibre est établi à la sortie du convertisseur, déterminer la valeur de la pression de fonctionnement P_2 .

C-7-1-5. Calculer la chaleur échangée par le convertisseur avec l'extérieur.

C-7-2. On considère maintenant un convertisseur fonctionnant de façon adiabatique sous une pression constante égale à 1 bar. Le mélange gazeux étant toujours introduit à 750 K, on observe que 60% du SO_2 est oxydé en SO_3 .

C-7-2-1. Quelle est la valeur de l'avancement ξ_3 de la réaction [1] ?

C-7-2-2. Déduire de la valeur de l'avancement ξ_3 et du bilan énergétique, la valeur de la température T_2 des gaz à leur sortie du convertisseur.

C-7-2-3. Calculer le quotient réactionnel π de la réaction [1] à la sortie du convertisseur.

C-7-2-4. Calculer la constante d'équilibre $K^0(T_2)$ de la réaction [1] à la température T_2 .

C-7-2-5. Comparer les valeurs de π et de $K^0(T_2)$ et conclure.

Fin de l'énoncé.