

امتحان الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (11 نقطة)

❖ لتكن (U_n) متتالية حسابية معرفة على N حيث $U_1=3$ و $U_3+U_5=-6$

- 1- عين الأساس r و حدها الأول U_0
- 2- أكتب عبارة الحد العام U_n بدلالة n
- 3- تحقق أن العدد 1995- حد من حدود المتتالية (U_n) ماهي رتبته؟
- 4- أحسب المجموع $S_1 = U_0 + U_1 + \dots + U_8$
- 5- عين اتجاه تغير المتتالية (U_n)

❖ (V_n) متتالية هندسية أساسها 2 وحدها الأول V_0 بحيث $V_1 + V_4 = 18$

- 1- أحسب V_0 ثم أكتب عبارة الحد العام V_n بدلالة n
- 2- أحسب المجموع : $S_2 = V_0 + V_1 + \dots + V_8$
- 3- (W_n) متتالية معرفة على N ب: $W_n = U_n + V_n$
استنتج المجموع : $S = W_0 + W_1 + \dots + W_8$

التمرين الثاني : (09 نقاط)

F دالة معرفة على R . كما يلي : $f(x) = x^3 - 3x$.

(C_f) المنحنى الممثل للدالة f في مستو منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $i \rightarrow , j \rightarrow (0, o)$,

- 1- أحسب $f(-1)$ و $f(-2)$
- 2- أ/ احسب $f(x)$ و $f'(x)$
ب/ أحسب $f'(x)$ ثم ادرس إشارتها
ج/ شكل جدول تغيرات الدالة f
- 3- أ/ حل في R المعادلة $f(x) = 0$
ب/ استنتج أن المنحنى (C_f) يقطع محور الفواصل في ثلاث نقاط يطلب تعيين إحداثي كل كنها.
ج/ أكتب معادلة المستقيم (Δ) مماس المنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 0.
ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (Δ) ماذا تستنتج؟
د/ ارسم (C_f) و (Δ)

بالتوفيق

أستاذة المادة

امتحان الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (14 نقطة)

f دالة معرفة على $R - \{-1\}$ كما يلي : $f(x) = \frac{x^2+3}{x+1}$

(Cf) هو التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $i \rightarrow , j \rightarrow o$,

1- عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث يكون من أجل كل x من $R - \{-1\}$: $\frac{c}{x+1}f(x) = ax+b$

2- أ/ احسب نهاية f عند 1 - من اليمين و من اليسار . فسر بيانها هذه النتيجة

ب/ احسب نهاية عند $-\infty$ و عند $+\infty$

ج/ بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y=x-1$ مقارب للمنحنى (Cf) عند $-\infty$ و عند $+\infty$ ثم ادرس وضعية المنحنى (Cf) بالنسبة إلى (Δ)

3- أ/ بين أنه من أجل كل x من $R - \{-1\}$ فإن $f'(x) = \frac{(x-1)(x+3)}{(x+1)^2}$

ب/ عين إشارة $f'(x)$ ثم شكل جدول تغيرات f

ج/ أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (Cf) عند النقطة التي فاصلتها 0.

4- أ/ بين أن النقطة 2- ; -1 (A) نقطة تقاطع المستقيمان المقاربان مركز تناظر للمنحنى (Cf)

ب/ ارسم المنحنى (Cf) و المماس (T)

ج/ عين بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m حتى يكون للمعادلة $f(x)=m$ حلان مختلفان .

5- احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى (f) و المستقيم (Δ) و المستقيمين اللذين معادلتهما

$$x = e^2 - 1 \text{ و } x = 1$$

6- لتكن g الدالة المعرفة كما يلي : $g(x) = \ln(f(x))$

أ/ استنتج مجموعة تعريف g

ب/ استنتج تغيرات g و شكل جدول تغيراتها .

ج/ انشيء المنحنى (Cg) للدالة g في المعلم السابق

يعطى : $\ln 2 \approx 0.7$ و $\ln 3 \approx 1.1$

التمرين الثاني : (6 نقاط)

نعتبر كثير الحدود $A(x)$ حيث $A(x) = x^3 - 2x^2 - x + 2$

1- بين أن $A(x) = (x-1)(x^2-x-2)$

2- حل في R المعادلة $A(x) = 0$

3- استنتج في R حلول المعادلة $(\ln x)^3 - 2(\ln x)^2 - (\ln x) + 2 = 0$