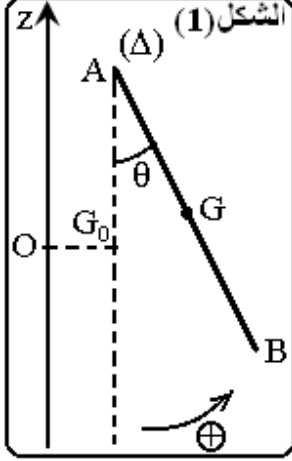


التمرين 1

(1) الدراسة التحريكية:

نزيج ساقا عن موضع توازنها المستقر بزاوية $\theta = \theta_m$ في المنحى الموجب المبين على الشكل ، ثم نحررها بدون سرعة بدئية عند لحظة $t = 0$.



1.1 أوجد تعبير المعادلة التفاضلية لحركة الساق . استنتج طبيعة الحركة .

$$\theta = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right)$$

2.1 تحقق أن هذه المعادلة التفاضلية تقبل كحل في حالة التذبذبات الصغيرة حيث

$$\theta_m = \frac{\pi}{30} \text{ rad}$$

، وأحسب الدور الخاص T_0 للحركة .

(2) الدراسة الطاقية

يعطي المبيان الممثل في الشكل 2 تطور طاقة الوضع الثقالية للساق بدلالة الأقصول الزاوي θ .

1.2 أعط تعبير طاقة الوضع الثقالية للساق بدلالة الأقصول الزاوي θ .

2.2 يمثل الشكل 2 المخطط الطاقى للساق خلال دورانها حول المحور (Δ) ، حيث نميز حالتين :

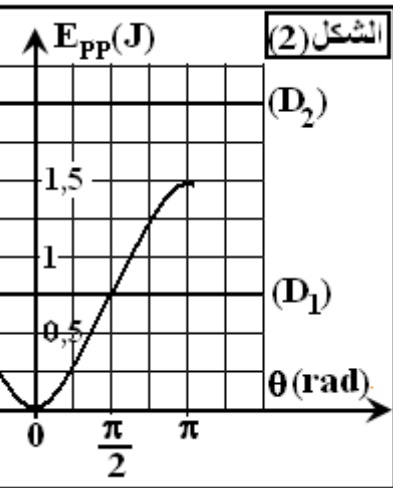
✓ الحالة الأولى : يمثل فيها المستقيم (D_1) الطاقة الميكانيكية للمجموعة .
(أ) أحسب كتلة الساق .

(ب) حدد السرعة الزاوية للساق عند مرورها بموضع توازنها في المنحى الموجب .

✓ الحالة الثانية : يمثل فيها المستقيم (D_2) الطاقة الميكانيكية للمجموعة .

(أ) ما هو شكل مسار مركز القصور G للعارضة ؟ علل جوابك

(ب) أحسب القيمة الدنيا θ_1 القيمة القصوى θ_2 للسرعة الزاوية للساق أثناء دورانها في المنحى الموجب .



التمرين 2

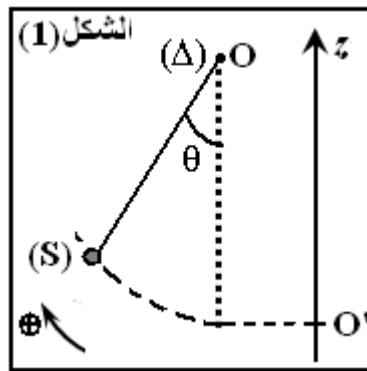
نعتبر النواس البسيط المكون من خيط رقيق كتلته مهملة وطوله $\ell = 0,4m$ ، أحد طرفيه مثبت بالنقطة O والطرف الآخر يحمل جسما شبيهه بنقطة مادية كتلته $m = 0,6Kg$.

عزم قصور النواس بالنسبة لمحور الدوران (Δ) المار من O هو $J_\Delta = m\ell^2$.

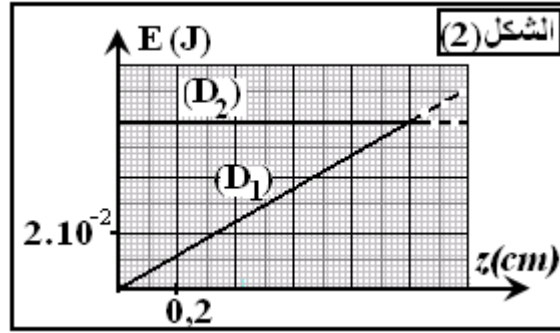
نزيج النواس عن موضع توازنه بزاوية θ_m في المنحى الموجب ثم نحرره بدون سرعة بدئية في لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ. نمعلم في كل لحظة موضع النواس بالزاوية θ التي يكونها مع الخط الرأسى (أنظر الشكل 1)

1) أعط تعبير الطاقة الميكانيكية E_m للمتذبذب بدلالة m و g و ℓ و θ و $\dot{\theta}$ السرعة الزاوية للمتذبذب . نختار الحالة المرجعية

$E_{pp} = 0$ عند $\theta = 0$.



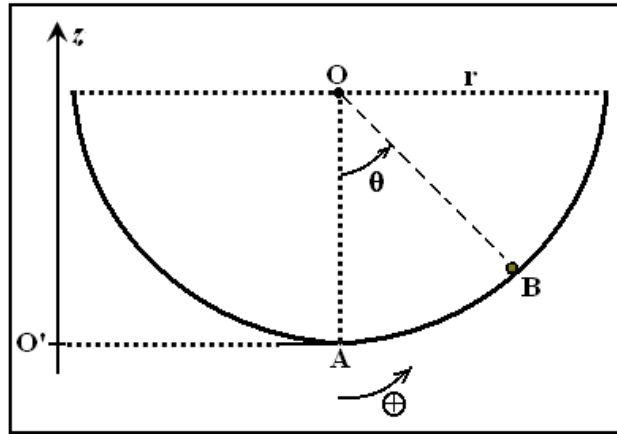
(2) يمثل المبيان الممثل في الشكل 2 تغيرات طاقة الوضع الثقالية E_{PP} (المستقيم D_1) والطاقة الميكانيكية (المستقيم D_2) للمتذبذب بدلالة z أنسوب الجسم النقطي (S).



- (1.2) أوجد السرعة الزاوية للمتذبذب بالنسبة للأنسوب $z = 0,5cm$.
(2.2) استنتج انطلاقا من تعبير الطاقة الميكانيكية وباعتبار المتذبذب مجموعة محافظة ، المعادلة التفاضلية لحركة المتذبذب .
(3.2) علما أن النواس يتذبذب في حركة جيبية ، حدد معادلته الزمنية $\theta = f(t)$ نعطي : $g = 10m.s^{-2}$.

التمرين 3

نعتبر كرية (S) شبيهة بنقطة مادية كتلتها $m = 0,1g$ ، يمكنها الانزلاق بدون احتكاك فوق سكة دائرية مركزها O وشعاعها $r = 0,1m$ ، توجد في مستوى رأسي (أنظر الشكل)



- (1) عند اللحظة $t = 0$ ، نحرر الكرية (S) بدون سرعة بدئية من النقطة B حيث $\theta_m = \frac{\pi}{18}$.
(1.1) أوجد المعادلة التفاضلية لحركة الكرية (S) . استنتج طبيعة الحركة . نعتبر $\sin \theta \approx \theta$.
(2.1) أوجد المعادلة الزمنية لحركة الكرية (S) .
(3.1) أوجد تعبير السرعة الخطية للكربية (S) بدلالة الزمن .
(4.1) أحسب منظما عند نقطة C معلومة بالزاوية $\theta = 5^\circ$.
(2) أحسب الطاقة الميكانيكية للكربية (S) في كل من الموضعين B و C . ماذا تستنتج ؟ حيث نعتبر المستوى الأفقي المار من النقطة A مرجعا لطاقة الوضع الثقالية .
(3) أوجد تعبير R شدة القوة المقرونة بتأثير السكة على الكرية في الموضع المحدد بالزاوية θ بدلالة m و g و r و θ و V حيث V السرعة الخطية عند هذا الموضع . أحسب قيمة R عند النقطة C .

نعطي : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$.

www.AdrarPhysic.Com