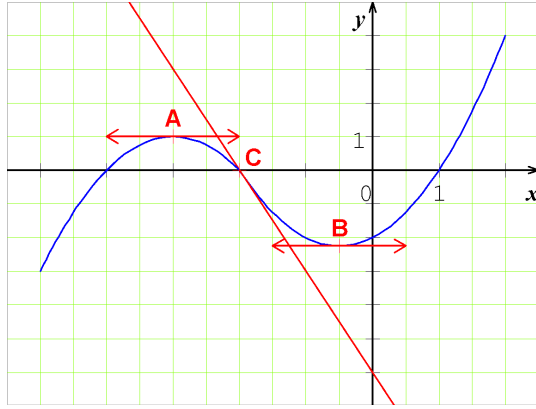




إختبار الفصل الأول، في مادة الرياضيات

التمرين الأول (6.5 نقاط)



(I) المنحني البياني التالي هو لدالة f قابلة للاشتقاق على مجموعة تعريفها باستعمال التمثيل البياني

(1) أ) شكل جدول تغيرات الدالة f .

ب) عين إشارة $f(x)$

(2) أ) عين العدد المشتق للدالة f عند كل من $-\frac{1}{2}$ ، -3 و -2

(علما أن ترتيب النقطة B هو $-\frac{9}{4}$).

ب) عين معادلات المماسات للمنحني (C_f) عند A ، B و C

(3) إذا كانت f هي الدالة المشتقة للدالة g فعين إتجاه تغير الدالة g

(II) f دالة عددية معرفة على R بالشكل : $f(x) = \frac{2x^2-1}{x^2+1}$

(1) ادرس إتجاه تغير الدالة f شكل جدول تغيراتها

(2) أكتب معادلة المماس لمنحني الدالة f عند النقطة ذات الفاصلة 1

(3) عين أحسن تقريب تآلفي للعدد 1.0001

(4) احسب $f(x) - 2$ أستنتج حصرا : $f(x)$

$(o; i; j)$

المستوي منسوب الى معلم متعامد ومتجانس

التمرين الثاني (6.5 نقاط)

(I) لتكن f الدالة العددية المعرفة على $[0; +\infty[$ كما يلي : $f(x) = \frac{5x}{3x+5}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني

و (U_n) المتتالية العددية المعرفة على $\mathbb{N}$ كما يلي : $U_n = f(n)$

(1) أ) أحسب : U_0 ، U_1 ، U_2 .

ب) ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (U_n) ثم برهن تخمينك .

(2) مثل الحدود الأربعة الأولى . في الشكل (1)

(II) (V_n) المتتالية العددية المعرفة بالعلاقة التراجعية كما يلي : $V_{n+1} = f(V_n)$ $V_0 = 4$

أ) أحسب : V_1 ، V_2 ،

ب) مثل الحدود : V_0 ، V_1 ، V_2 على محور الفواصل . في الشكل (2)

ج) ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (V_n)

(III) نضع من أجل كل عدد طبيعي n : $W_n = \frac{5}{V_n}$

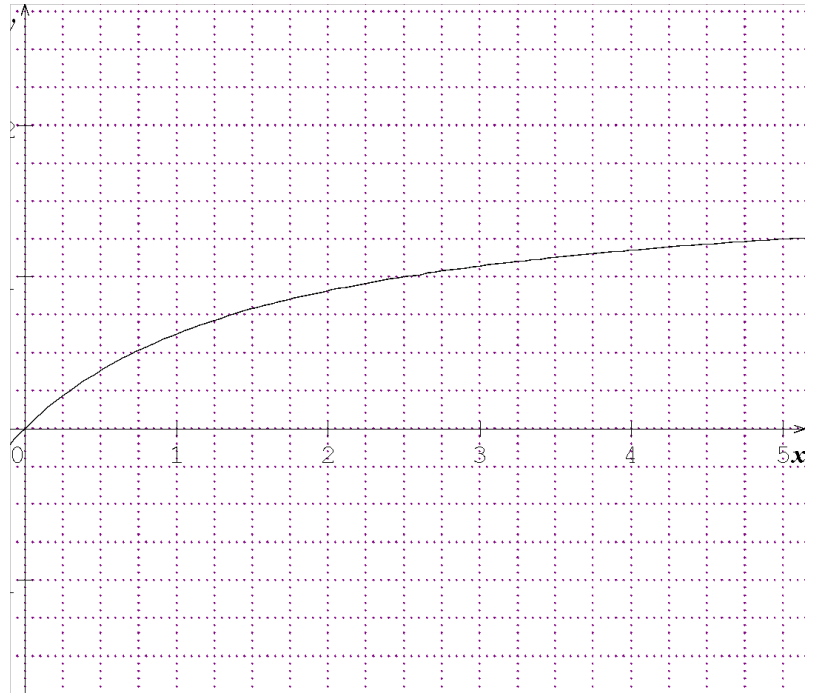
أ) أحسب : W_0 ، W_1 ، W_2

ب) بين أن المتتالية (w_n) متتالية حسابية أساسها 3.

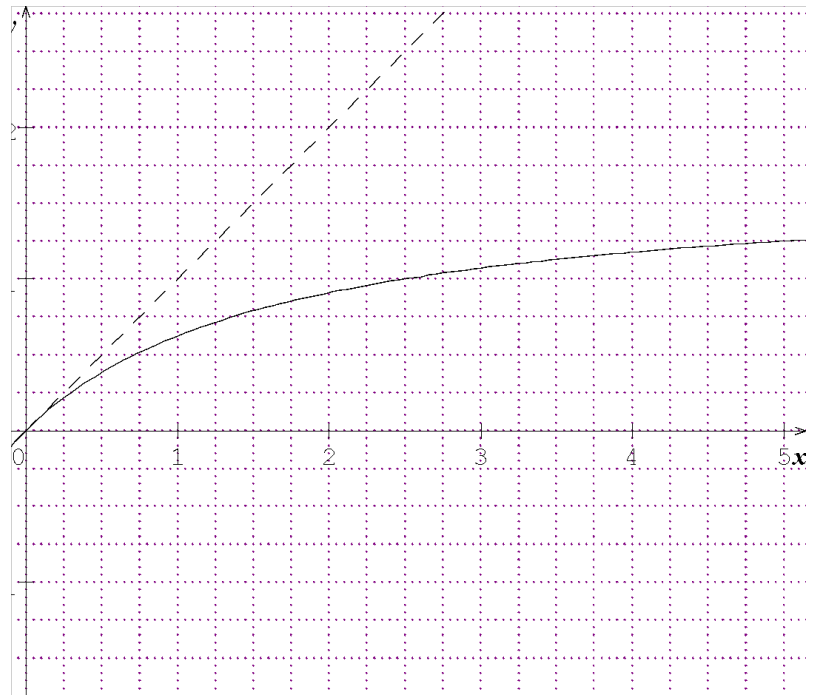
ج) أكتب w_n ثم V_n بدلالة n .

د) نضع : $S = W_0 + W_1 + W_2 + \dots + W_n$ ،

عين العدد الطبيعي n بحيث يكون : $S = 380$



الشكل 1



الشكل 2