

## Тема 1.2.4. Плоскопаралельний рух твердого тіла

1. Плоскопаралельний рух твердого тіла
2. Розкладання плоскопаралельного руху на поступальний та обертальний
3. Швидкості точок плоскої фігури
4. Поняття про миттєвий центр швидкостей

### 1. Плоскопаралельний рух твердого тіла

***Плоскопаралельним рухом*** твердого тіла називають такий рух, в якому всі точки тіла переміщуються в площинах, паралельних якійсь площині, яку називають основною. Прикладами плоскопаралельного руху можуть бути рух колеса на прямолінійній ділянці шляху, рух гонка корбово-повзункового механізму.

З означення плоскопаралельного руху випливає, що будь-яка пряма АВ, проведена в тілі перпендикулярно до основної площини, рухається поступально.

### 2. Розкладання плоскопаралельного руху на поступальний та обертальний

Вивчення плоскопаралельного руху зводиться до вивчення руху плоскої фігури S в її площині Q (рис.1). Цей рух можна розкласти на два: поступальний разом з полюсом, обертальний навколо полюса.

Рух відносно нерухомої системи координат називають *абсолютним*. Рух відносно рухомої системи координат називають *відносним*. Рух рухомої системи координат відносно нерухомої називають *переносним*. Абсолютний рух точки складний, він охоплює відносний і переносний рухи.

***Полюсом*** називається довільна точка, зв'язана з рухомою фігурою і яка приймається за центр повороту. За полюс можна вибрати будь-яку точку плоскої фігури.

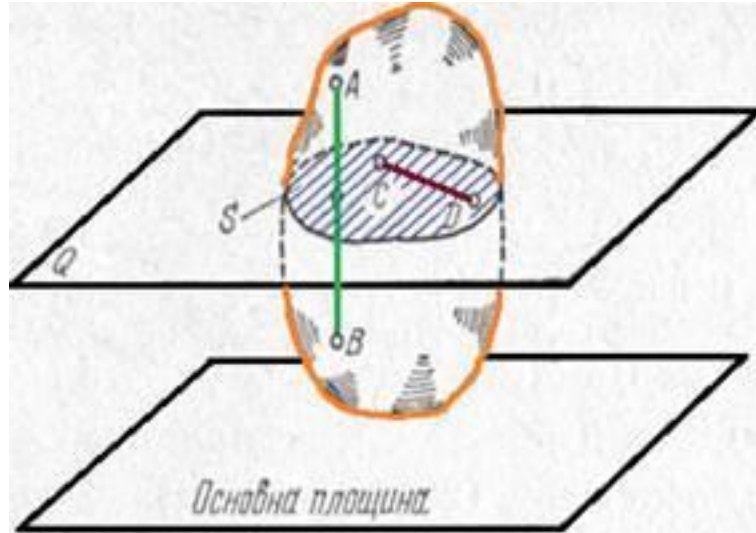


Рис. 1

*Обертальний рух навколо полюса не залежить від вибору полюса, поступальний рух залежить від вибору полюса.*

Кутова швидкість  $\omega$  і кутове прискорення  $\varepsilon$  плоскої фігури також не залежать від вибору полюса і є за плоскопаралельного руху твердого тіла спільною кінематичною характеристикою всіх точок тіла. Кутову швидкість у плоскопаралельному русі називають *миттєвою кутовою швидкістю*, а кутове прискорення – *миттєвим кутовим прискоренням*.

### 3. Швидкості точок плоскої фігури

За полюс можна прийняти деяку точку А фігури (рис.2). Тоді швидкість будь-якої іншої точки В цієї фігури згідно з теоремою про додавання швидкостей складатиметься із швидкості  $V_A$  точки А (за поступального руху швидкості всіх точок тіла однакові) і швидкості обертального руху  $V_{BA}$  точки В навколо точки А, тобто:

$$\vec{V}_B = \vec{V}_A + \vec{V}_{BA}$$

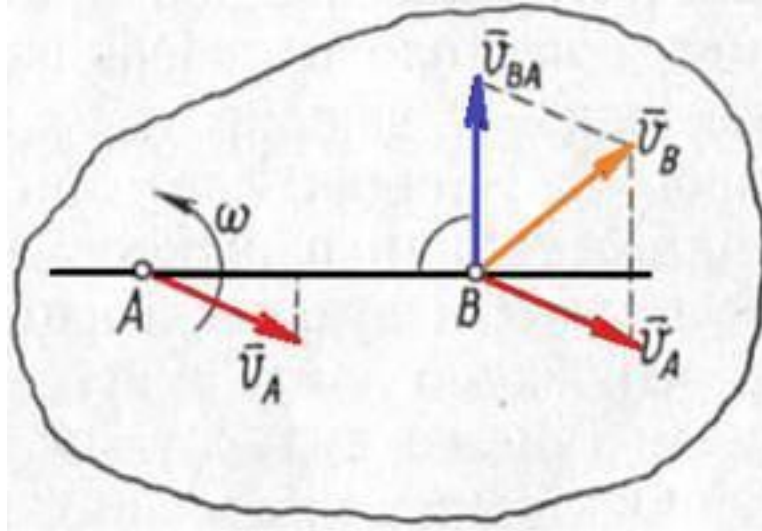


Рис. 2

Вектор  $V_{BA}$  спрямований перпендикулярно до радіуса обертання  $AB$  у бік обертання, а за модулем:

$$V_{BA} = \omega \cdot AB,$$

де  $\omega$  – кутова швидкість обертального руху плоскої фігури.

Теорема про швидкості точок плоскої фігури: *швидкість будь-якої точки плоскої фігури дорівнює геометричній сумі швидкості полюса і обертальної швидкості цієї точки навколо полюса.*

Важливе значення має теорема про проекції швидкостей двох точок плоскої фігури на пряму, що з'єднує ці точки: *проекції швидкостей двох точок плоскої фігури на пряму, що з'єднує ці точки, рівні між собою.*

#### 4.Поняття про миттєвий центр швидкостей

Простим методом визначення швидкостей точок за плоскопаралельного руху тіла є метод миттєвих центрів швидкостей (м. ц. ш.).

**М. ц. ш.** називають зв'язану з плоскою фігурою точку, швидкість якої в певний момент часу дорівнює нулю.

- 1) швидкість миттєвого центра дорівнює нулю;
- 2) миттєвий центр лежить на перпендикулярі, опущеному з точки на напрямок її швидкості;
- 3) швидкість точки дорівнює добутку миттєвої кутової швидкості на відстань точки від миттєвого центра швидкостей (рис. 3):

$$V_A = \omega \cdot OA$$

На підставі цих властивостей можна встановити такі п'ять способів визначення положення миттєвого центра швидкостей плоскої фігури.

1. Відомі миттєва кутова швидкість  $\omega$  і швидкість  $V_A$  якоїсь точки А

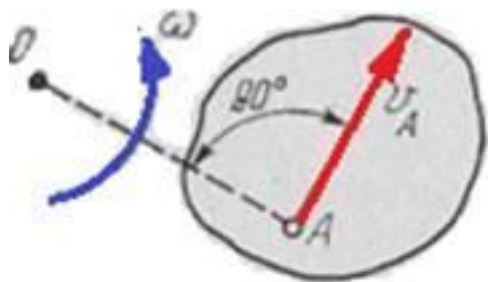


Рис. 3

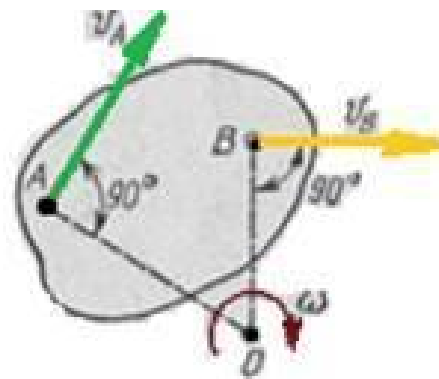


Рис. 4

плоскої фігури (рис. 3). У такому випадку миттєвий центр швидкостей  $O$  міститься на перпендикулярі, опущеному з точки  $A$  на вектор швидкості  $V_A$  на відстані:

$$OA = \frac{V_A}{\omega}$$

2. Відомі напрями швидкостей двох точок  $A$  і  $B$  плоскої фігури (рис.4).

Тоді миттєвий центр  $O$  лежить на перетині перпендикулярів, опущених з точок  $A$  і  $B$  на напрямку їх швидкостей, до того ж:

$$\frac{V_A}{V_B} = \frac{\omega \cdot OA}{\omega \cdot OB} = \frac{OA}{OB}$$

тобто швидкості точок плоскої фігури прямо пропорційні їх відстані від миттєвого центра швидкостей.

3. Відомо, що швидкості двох точок  $A$  і  $B$  плоскої фігури паралельні між собою, однаково спрямовані і перпендикулярні до відрізка  $AB$ , але різні за модулем (рис. 5). Тоді миттєвий центр швидкостей  $O$  лежить у точці перетину прямої, яка сполучає початки векторів  $V_A$  і  $V_B$  з прямою, яка сполучає кінці цих векторів. Якщо вектори швидкостей точок  $A$  і  $B$  між собою рівні, то миттєвий центр швидкостей у певний момент лежить у нескінченності, миттєва кутова

швидкість дорівнює нулю, швидкості всіх точок плоскої фігури будуть однакові і тому рух буде миттєво поступальним.

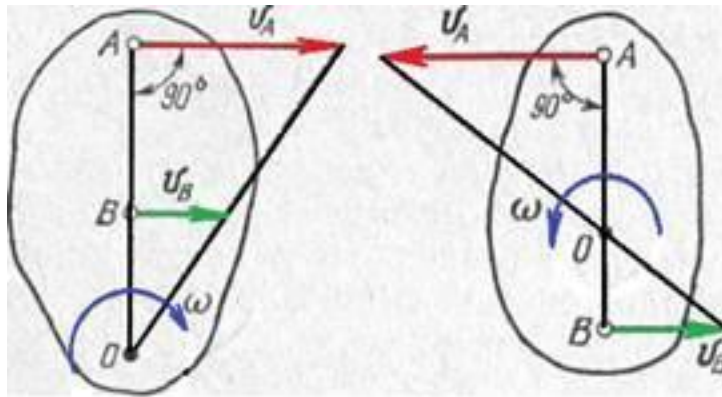


Рис. 5

Рис. 6

4. Відомо, що швидкості точок А і В плоскої фігури паралельні між собою, мають протилежні напрямки і перпендикулярні до відрізка АВ (рис.6). У цьому випадку миттєвий центр швидкостей О міститься у точці перетину відрізка АВ з прямою, яка сполучає кінці векторів  $V_A$  і  $V_B$ .

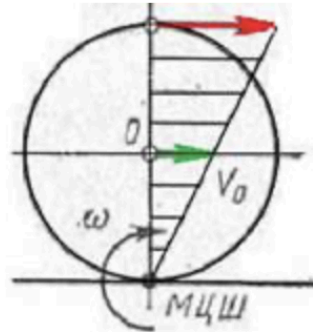
5. Відомо, що плоска фігура котиться без проковзування за нерухомою кривою. Тоді миттєвий центр швидкостей О лежить у точці дотику фігури і кривої, оскільки швидкість цієї точки фігури в певний момент дорівнює нулю.

Насамкінець розглянемо кочення колеса за прямолінійною рейкою за різних умов тертя. На рис.7 показано положення миттєвого центра швидкостей і графіки швидкостей точок вертикального діаметра для випадку тертя ковзання, тертя кочення, тертя кочення з проковзуванням, часткового і повного буксування колеса.

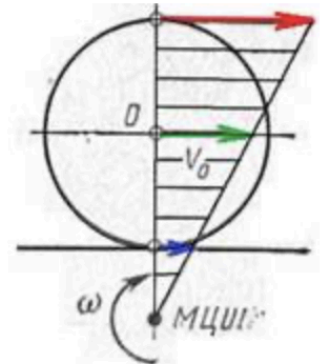
*Ковзання*



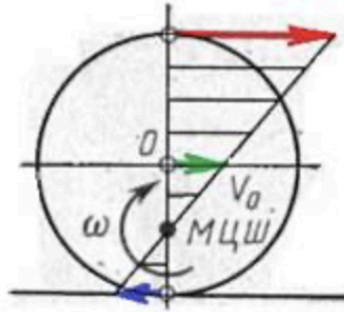
*Кочення*



*Кочення з проковзуванням*



*Часткове буксування*



*Повне буксування*

