

إختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (4ن)

a و b عدنان صحيحان حيث $a \equiv 2[5]$ و $b \equiv -1[5]$.

(1) عين باقي القسمة الإقليدية للعدد b على 5

(2) بين أن العدد $(2ab + b^3)$ مضاعف للعدد 5

(3) بين أن : $2b^{2018} + b^{1439} - 1 \equiv 0[5]$

التمرين الثاني : (7ن)

(u_n) متتالية عددية معرفة على N بـ : $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n - 1$

(1) أحسب u_1 ، u_2 و u_3

(2) لتكن (v_n) المتتالية المعرفة على N كما يلي : $v_n = u_n + 2$

(أ) بين أن (v_n) متتالية هندسية أساسها $q = \frac{1}{2}$ و حدها الأول $v_0 = 3$

(ب) أكتب عبارة الحد العام v_n بدلالة n ثم إستنتج عبارة الحد العام u_n بدلالة n .

(ج) بين أن المتتالية (v_n) متناقصة تماما ثم إستنتج إتجاه تغير المتتالية (u_n)

التمرين الثالث : (9 ن)

تعرف على الإجابات الصحيحة مع التبرير في كل حالة :

س1) f دالة معرفة على المجال $]1; +\infty[$ بـ : $f(x) = \frac{2x-1}{x-1}$.

(أ) يمكن كتابة $f(x)$ على الشكل : $f(x) = 2 + \frac{1}{x-1}$

(ب) الدالة f متناقصة تماما على المجال $]1; +\infty[$

(ج) منحنى الدالة f يقبل مماسا معامل توجيهه 1

س2) g دالة معرفة على R كما يلي : $g(x) = x^3 - 3x^2 + 4x$

(أ) $g'(x) = 3x^2 - 6x + 4$

(ب) المستقيم (T) ذو المعادلة $y = x - 1$ هو مماس لمنحنى الدالة g عند النقطة ذات الفاصلة $a = 1$

(ج) النقطة ذات الفاصلة 1 من منحنى الدالة g هي نقطة انعطاف له .