

التمرين الأول (8 ن) :

$$v_n = \frac{u_n + 2}{1 - u_n} \quad \text{و} \quad u_{n+1} = 3 - \frac{10}{4 + u_n} \quad \text{و} \quad u_0 = \frac{1}{4} \quad \text{كما يلي : } \mathbb{N} \quad \text{متتاليتان معرفتان على}$$

(1) بين أن $(v_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها $\frac{5}{2}$ يطلب تعيين حدها الاول

(2) أستنتج اتجاه تغير $(v_n)_{n \geq 0}$

(3) جد عبارة الحد العام v_n بدلالة n

(4) بين أن $u_n = 1 - \frac{3}{1 + v_n}$ استنتج عبارة u_n بدلالة n .

(5) احسب النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ ماذا تستنتج ؟

(6) احسب المجموعين S_1 و S_2 حيث : $S_1 = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ و

$$S_2 = v_0^2 + v_1^2 + \dots + v_n^2$$

التمرين الثالث (11 ن) :

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j})$, نعتبر النقط $A(1;3)$, $B(3;0)$ و $C(-5;-1)$ و

$N(1;2)$

(1) بين أن المثلث ABC قائم في A ثم عين معادلة للدائرة المحيطة بهذا المثلث.

(2) عين معادلة لمماس هذه الدائرة في النقطة A .

(3) (D) المستقيم الذي معادلته $2x - y - 1 = 0$.

(a) تحقق أن النقطة $H(t; 2t - 1)$ تنتمي إلى المستقيم (D) .

(b) عين إحداثيتي النقطة H حتى يكون المستقيمين (D) و (NH) متعامدين

(c) احسب المسافة بين النقطة $M(3;2)$ والمستقيم (D)

5) نعتبر المجموعة (E) للنقط $M(x, y)$ حيث: $x^2 + y^2 + 4x - 2y - 31 = 0$

(a) بين أن (E) دائرة يطلب تعيين مركزها ω ونصف قطرها r

(b) ادرس الوضع النسبي للدائرة (E) و المستقيم (D)

(c) عين نقط تقاطع الدائرة مع محور الفواصل ان وجدت

(d) عين صورة الدائرة (C) بالتحاكي الذي مركزه O ونسبته 3

بالتوفيق للجميع

(اساتذة المادة) بلعباس محمد+ بوتلحيق عماد

ملاحظة: تمنح علامة للمنهجية والتنظيم