

التمرين الأول:

المتتالية العددية (U_n) معرفة بحدّها الأول $U_0 = \frac{1}{2}$ ومن أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n ،

$$U_{n+1} = \frac{2}{5}U_n + \frac{1}{5}$$

1. احسب U_1 و U_2 .

2. بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $U_n > \frac{1}{3}$.

3. بين أن المتتالية (U_n) متناقصة تماما ثم استنتج أنها متقاربة.

4. المتتالية العددية (V_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n بالعلاقة:

$$V_n = U_n - \frac{1}{3}$$
 أ. بين أن (V_n) هندسية.

ب. عبر عن (V_n) بدلالة n ثم (U_n) بدلالة n .

ج. أحسب نهاية المتتالية (U_n) .

5. أحسب المجموع S_n بدلالة n حيث: $S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$.

التمرين الثاني:

الجدول التالي يعطي تطور النسب المئوية من ميزانية إحدى الجامعات، والمخصصة للإنفاق على البحث العلمي بين 2005 و 2012 .

السنة	2005	2006	2007	2008	2009	2010	2011	2012
رتبة السنة x_i	1	2	3	4	5	6	7	8
النسبة المئوية $V_i \%$	3.3	3.8	4.5	4.7	5	5.2	5.7	6.2

1. مثل سحابة النقط $M_i(x_i, y_i)$ في معلم متعامد.

2. جد إحداثيتي G النقطة المتوسطة لسحابة النقط، ثم مثلها.

3. بين أن المعادلة المختصرة لمستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا هي: $y = 0.38x + 3.09$ ،
ثم ارسمه.

4. بفرض أن تغير النسب المئوية يبقى على هذه الوتيرة في السنوات القادمة.

أ. قدر النسب المئوية لإنفاق هذه الجامعة على البحث العلمي في سنة 2015 .

ب. في أية سنة تصبح النسبة المئوية المتوقعة للإنفاق على البحث العلمي لهذه السنة هي 9.93% ؟

انتهى

العلم يُؤتى ولا يأتي

بالتوفيق

والنجاح