

PHẦN I – TRẮC NGHIỆM: (6 điểm)

Câu 1: Cho hai số phức $z_1 = 3 + 4i$ và $z_2 = 2 + 5i$. Khẳng định nào sau đây là **sai**?

A. $\overline{z_2} = 2 - 5i$.

B. z_1 có phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4.

C. $|z_1| = |z_2|$.

D. $\frac{1}{z_1} = \frac{3}{25} - \frac{4}{25}i$.

Câu 2: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = (4x + 7)e^x$.

A. $\int (4x + 7)e^x dx = (2x^2 + 7x)e^x + C$.

B. $\int (4x + 7)e^x dx = (4x + 7)e^x + C$.

C. $\int (4x + 7)e^x dx = (4x - 3)e^x + C$.

D. $\int (4x + 7)e^x dx = (4x + 3)e^x + C$.

Câu 3: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm $M(2; -5; 7)$. Tìm tọa độ điểm đối xứng của M qua mặt phẳng Oxy.

A. $(2; -5; -7)$.

B. $(-4; -7; -3)$.

C. $(1; 0; 2)$.

D. $(-22; 15; -7)$.

Câu 4: Tính diện tích S của hình phẳng giới hạn bởi hai đường $y^2 + x - 5 = 0$, $x + y - 3 = 0$.

A. $S = 4$.

B. $S = 3$.

C. $S = 5$.

D. $S = \frac{9}{2}$.

Câu 5: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, hình chiếu vuông góc của điểm $A(2; 1; 4)$ lên mặt phẳng $(P): 2x - y - z + 7 = 0$ là:

A. $(1; 2; 7)$.

B. $(0; 2; 5)$.

C. $(1; 0; 9)$.

D. $(0; 1; -1)$.

Câu 6: Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. $\int (3x + 2017)^5 dx = \frac{1}{6}(3x + 2017)^6 + C$.

B. $\int (3x + 2017)^5 dx = 5(3x + 2017)^4 + C$.

C. $\int (3x + 2017)^5 dx = 15(3x + 2017)^4 + C$.

D. $\int (3x + 2017)^5 dx = \frac{1}{18}(3x + 2017)^6 + C$.

Câu 7: Biết $\int_0^3 f(x) dx = 12$. Tính $I = \int_0^1 f(3x) dx$.

A. $I = 6$.

B. $I = 4$.

C. $I = 3$.

D. $I = 36$.

Câu 8: Gọi z_1 và z_2 lần lượt là hai nghiệm phức của phương trình $z^2 - 2z + 5 = 0$. Tính $F = |z_1| + |z_2|$.

A. $F = 10$.

B. $F = 3$.

C. $F = 2\sqrt{5}$.

D. $F = 6$.

Câu 9: Tính $I = \int_0^1 \frac{x^2}{x+1} dx$, ta được:

- A. $I = \frac{1}{2} - \ln 2$ B. $I = -\frac{1}{2} + \ln 2$ C. $I = \frac{1}{2} + \ln 2$ D. $I = -\frac{1}{2} - \ln 2$

Câu 10: Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của $f(x) = 3x^2 + 2x + 1$. Biết $F(-1) = 5$. Tìm $F(x)$.

- A. $F(x) = x^3 - x^2 + x + 6$ B. $F(x) = 6x^2 - 1$
C. $F(x) = 6x + 11$ D. $F(x) = x^3 + x^2 + x + 6$

Câu 11: Hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị hàm số $y = x^2$ và $y = 4x - 3$ có diện tích là:

- A. 3. B. 2. C. $\frac{4}{3}$ D. $\frac{8}{3}$

Câu 12: Cho hai số phức $z_1 = 3 - 7i$ và $z_2 = 2m + 1 - 7i$. Tìm m để $z_1 = z_2$.

- A. $m=2$. B. $m=-1$. C. $m=1$. D. $m=0$.

Câu 13: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt phẳng $(P): 2x + y - 2z + 10 = 0$. Mặt phẳng nào sau đây song song với (P).

- A. $2x + y = 0$ B. $2x + y + 10 = 0$
C. $2x + y + 2z + 10 = 0$ D. $2x + y - 2z + 5 = 0$

Câu 14: Số nào trong các số sau là số thuần ảo?

- A. $(\sqrt{3} + 2i) + (\sqrt{3} - 2i)$ B. $(2 + 2i)^2$
C. $(\sqrt{2} + 3i)(\sqrt{2} - 3i)$ D. $\frac{2 + 3i}{2 - 3i}$

Câu 15: Cho số phức $z = 2 + 5i$. Tìm số phức $w = iz + \bar{z}$

- A. $w = -3 - 3i$ B. $w = 7 - 3i$ C. $w = 3 + 7i$ D. $w = -7 - 7i$

Câu 16: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, mặt phẳng $(P_m): x + (1+m)y + 2mz + m = 0$ luôn chứa đường thẳng d có phương trình là:

- A. $\frac{x-1}{-2} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{1}$ B. $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z}{1}$ C. $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z}{1}$ D. $\frac{x+1}{2} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{1}$

Câu 17: Cho hai số phức $z_1 = 2 + i$ và $z_2 = 3 - 2i$. Tính môđun của số phức $z_1 - z_2$.

- A. $|z_1 - z_2| = 4$ B. $|z_1 - z_2| = \sqrt{26}$ C. $|z_1 - z_2| = \sqrt{10}$ D. $|z_1 - z_2| = 3$

Câu 18: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. $\int \frac{1}{x} dx = \frac{1}{x^2} + C$ B. $\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$ C. $\int \frac{1}{x} dx = \ln x + C$ D. $\int \frac{1}{x} dx = -\frac{1}{x^2} + C$

Câu 19: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai điểm $A(1;2;-3), B(2;-1;2)$. Phương trình chính tắc của đường thẳng AB là:

A. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+3}{5}$

B. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+3}{5}$

C. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+3}{-5}$

D. $\frac{x+1}{1} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-3}{5}$

Câu 20: Tính $I = \int_0^{\ln 3} \frac{3e^{2x+1} - 2}{e^x} dx$, ta được:

A. $I = 6e - \frac{4}{3}$

B. $I = 5e - \frac{4}{3}$

C. $I = 4e + \frac{3}{4}$

D. $I = 6e + \frac{4}{3}$

Câu 21: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt cầu $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 6z + 5 = 0$. Tìm tọa độ tâm I và tính bán kính R của mặt cầu (S) .

A. $I(1; -2; 3); R = 3$

B. $I(-1; 2; -3); R = 3$

C. $I(1; -2; 3); R = 9$

D. $I(-1; 2; -3); R = 9$

Câu 22: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm $M(2; 0; 1)$ và đường thẳng $(d): \begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2t \\ z = 4 + 3t \end{cases}$, mặt phẳng đi qua M và vuông góc với đường thẳng (d) có phương trình là:

A. $x - 2y + 3z + 5 = 0$

B. $2x + z - 8 = 0$

C. $2x + z - 6 = 0$

D. $x - 2y + 3z - 5 = 0$

Câu 23: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, viết phương trình mặt cầu tâm $I(1; 0; 0)$ và có bán kính bằng 5.

A. $(x-1)^2 + y^2 + z^2 = 25$

B. $(x+1)^2 + y^2 + z^2 = 25$

C. $(x-2)^2 + y^2 + z^2 = 25$

D. $(x-4)^2 + y^2 + z^2 = 25$

Câu 24: Cho số phức $z = (3 - 2i)(1 + i)$. Điểm M biểu diễn số phức z là:

A. $M(-5; 1)$

B. $M(5; 1)$

C. $M(4; -1)$

D. $M(5; -1)$

Câu 25: Cho số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thỏa mãn $(3 + i)z + \bar{z} = 3 + 12i$. Tính $S = a + b$.

A. $S = -3$

B. $S = 25$

C. $S = 7$

D. $S = 6$

Câu 26: Cho số phức $z = 2 - 5i$. Tìm phần thực và phần ảo của z.

A. Phần thực bằng 2 và phần ảo bằng $-5i$.

B. Phần thực bằng 2 và phần ảo bằng $5i$.

C. Phần thực bằng 2 và phần ảo bằng 5.

D. Phần thực bằng 2 và phần ảo bằng -5 .

Câu 27: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai mặt phẳng $(P): x + 2y - 3z - 7 = 0$ và $(Q): 3x + my + 5z + 2017 = 0$. Tìm m để (P) vuông góc (Q) .

A. $m = -6$.

B. $m = 6$.

C. $m = 0$.

D. $m = 4$.

Câu 28: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho ba điểm $A(1; 0; 0)$, $B(0; 2; 0)$ và $C(0; 0; 3)$. Viết phương trình mặt phẳng (ABC) .

A. $\frac{x}{1} + \frac{y}{2} + \frac{z}{3} = 1$

B. $\frac{x}{1} + \frac{y}{2} + \frac{z}{3} = 2$

C. $\frac{x}{1} - \frac{y}{2} + \frac{z}{3} = 1$

D. $\frac{x}{1} + \frac{y}{2} + \frac{z}{3} = 3$

Câu 29: Phát biểu nào sau đây là đúng?

A. $\int \cos x dx = -\sin x + C$

B. $\int \cos x dx = \cos x + C$

C. $\int \cos x dx = \sin x + C$

D. $\int \cos x dx = -\cos x + C$

Câu 30: Cho số phức z thỏa $(2 + 5i)z + 4 = 19i$. Tìm số phức liên hợp của z .

A. $\bar{z} = 3 - 2i$

B. $\bar{z} = 2 - 5i$

C. $\bar{z} = 2 - 3i$

D. $\bar{z} = -3 - 2i$

PHẦN II – TỰ LUẬN: (4 điểm)

Câu 1: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, viết phương trình tham số của đường thẳng đi qua hai điểm $A(1; -2; 2)$ và $B(3; 5; -1)$.

Câu 2: Trong mặt phẳng Oxy, tìm tập hợp điểm biểu diễn số phức z thỏa mãn $|z - 3i + 2| = 5$.

Câu 3: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, viết phương trình mặt phẳng (P) đi qua $A(-2; 4; -3)$ và

vuông góc với đường thẳng $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z}{1}$.

Câu 4: Giải phương trình trên tập số phức: $z^4 + 7z^2 - 18 = 0$.

Câu 5: Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi $(C): y = x^2 - 6x$ và $(d): y = -2x - 3$.

Câu 6: Tính thể tích của khối tròn xoay do hình phẳng giới hạn bởi các đường sau quay quanh trục hoành: $y = x^2 - x$, $y = 0$.

Câu 7: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, viết phương trình mặt cầu (S) có tâm $I(3; -1; 2)$ và đi qua điểm $M(5; -2; 4)$.

Câu 8: Tính tích phân $I = \int_0^1 \frac{x^3}{x + \sqrt{x^2 + 1}} dx$

----- **HẾT** -----