

التمرين الأول: (06ن)

• اذكر إن كانت كل جملة من الجمل الآتية **صحيحة** أم **خاطئة** مع التبرير .

$$(1) \quad \frac{\pi}{4} \text{ هو القيس الرئيسي للزاوية الموجهة التي قيسها } \left(\frac{-599\pi}{4} \right) .$$

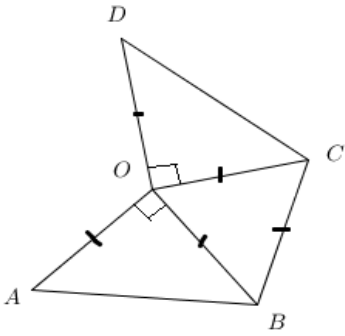
$$(2) \quad \text{العدنان الحقيقيان } \frac{20\pi}{4} , \left(-\frac{206\pi}{3} \right) \text{ قياسان لنفس الزاوية الموجهة .}$$

$$(3) \quad x \text{ عدد حقيقي . } \cos^4 x - \sin^4 x = \cos^2 x - \sin^2 x .$$

$$(4) \quad \left(\vec{U}; \vec{V} \right) \text{ زاوية موجهة لشعاعين . إذا كان } \left(\vec{U}; \vec{V} \right) = -\frac{\pi}{3} \text{ فإن : } \left(-2\vec{V}; 3\vec{U} \right) = \frac{\pi}{3} .$$

$$(5) \quad \text{إذا كان } ABC \text{ مثلثا فإن : } (AB; AC) + (CA; CB) + (BC; BA) = \pi$$

التمرين الثاني: (09ن)



(1) OAB و OCD مثلثان قائمان ومتساويا الساقين. مثلث متقايس الأضلاع OBC

عين القيس الرئيسي للزوايا التالية: $(\vec{OA}; \vec{OC})$, $(\vec{OA}; \vec{OD})$, $(\vec{BA}; \vec{CB})$, $(\vec{OB}; \vec{DO})$

$$(2) \quad \vec{W}, \vec{U}, \vec{V} \text{ ثلاث أشعة غير معدومة حيث : } \left(\vec{U}; \vec{V} \right) = \frac{\pi}{3} , \left(\vec{V}; \vec{W} \right) = \frac{\pi}{6} .$$

أحسب قيسا بالرديان لكل من الزوايا التالية: $(4\vec{V}; 2\vec{U})$, $(4\vec{U}; 2\vec{V})$, $(-3\vec{V}; 2\vec{W})$, $(-\vec{W}; -\vec{V})$.

(3) علم على الدائرة المثلثية النقطتين M و F صورتا العددين $\frac{55\pi}{3}$, $\frac{-67\pi}{6}$ على الترتيب وأحسب جيب وجيب تمام كل منهما .

$$(4) \quad \text{بسط العبارة التالية } A(x) = \cos(\pi - x) + \cos(\pi + x) + \sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right) + \cos(x)$$

(5) حل في المجال $[2\pi, 0]$ المعادلة: $\cos x = \sin \frac{\pi}{3}$ ومثل الحلول على الدائرة المثلثية.

التمرين الثالث: (05ن)

لتكن الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ كما يلي: $f(x) = \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 1}$

(1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R} - \{-1\}$ ؛ يكون: $f(x) = x + 2 + \frac{1}{x + 1}$.

- (2) احسب نهاية الدالة f عند العدد (-1) من اليمين (بقيم أكبر) و من اليسار (بقيم أصغر) . فسر النتيجة هندسيا .
- (3) بين أن المنحنى (C_f) يقبل ؛ عند $-\infty$ و عند $+\infty$ ؛ مستقيما مقاربا مائلا معادلته $y = x + 2$.
- (4) عين القيم الحدية المحلية للدالة f .

بالتوفيق

