

ملاحظة: اقرأ الموضوع كاملا, ثم ابدأ بالتمارين الذي تجده سهل.

التمرين الأول: (05ن)

(1) بالاستعانة بالدائرة المثلثية احسب القيم المضبوطة لجيب وجيب تمام كل من الأعداد $\frac{-121\pi}{3}$, $\frac{173\pi}{6}$.

(2) x عدد حقيقي من المجال $[-2\pi, 2\pi]$ حل المعادلة $\cos(x) = \frac{1}{2}$ واستنتج حلول المترابحة $\cos(x) \geq \frac{1}{2}$.

(3) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة التالية $\sin\left(2x + \frac{\pi}{6}\right) = \cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$

التمرين الثاني: (04ن)

ليكن $ABCD$ متوازي أضلاع و النقطة I منتصف $[AB]$. النقطة G تحقق $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$ (1).

(1) ارسم الشكل وأنشئ النقطة G .

(2) K مرجح الجملة $\{(A,1), (B,1), (C,-1)\}$, برهن أن $3\vec{KG} - 2\vec{KC} = \vec{0}$.

(3) أ) استنتج من العلاقة (1) أن النقطة A مرجح الجملة $\{(G,3), (C,-2), (D,1)\}$. إرشاد $\vec{AB} = \vec{AC} + \vec{BC}$.

ب) بين أن النقطة K نقطة تقاطع المستقيمين (AD) و (GC) .

(4) عين طبيعة المجموعة (E) مجموعة النقط M من المستوي بحيث: $\|\vec{MD} + 3\vec{MG} - 2\vec{MC}\| \leq \|\vec{MA} + \vec{MB}\|$ (سؤال

إضافي 01ن)

التمرين الثالث: (04ن) ملاحظة: الأسئلة الثلاث مستقلة عن بعض



النقط A, B, C و D ممثلة بالشكل المقابل:

(1) بين أنه يوجد تحاك h يحول النقطة A إلى النقطة B

والنقطة C إلى النقطة D مطلوب تعيين مركزه ونسبته.

(2) عين نسبة التحاكي f الذي مركزه O و يحول النقطة A إلى B

بحيث: $\vec{AB} = 2\vec{OA}$.

(3) ABC مثلث متقايس الأضلاع المثلث $A'B'C'$ صورة المثلث ABC

بالتحاكي h الذي مركزه I ونسبته $\frac{1}{2}$,

بين أن: $S_{A'B'C'} = \frac{1}{4} S_{ABC}$

التمرين الرابع: (7ن)

لتكن الدالة f المعرفة على $]-\infty, -1[\cup]-1, 2[\cup]2, +\infty[$ كما يلي: $f(x) = \frac{x^3 - 3x^2}{x^2 - x - 2}$

(C_f) هو التمثيل البياني لها في معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$

(1) بين انه من أجل كل عدد حقيقي من D_f : $f(x) = x - 2 - \frac{4}{x^2 - x - 2}$

(2) أحسب نهايات الدالة f عند حدود مجموعة تعريفها وفسر النتائج هندسيا.

(3) اثبت أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) معادلته $y = x - 2$ بجوار $-\infty$ و $+\infty$.

الصفحة 01 من 20

(4) ادرس الوضع النسبي (C_f) للمنحنى مع المستقيم (Δ) .

(5) الدالة f دالة قابلة للاشتقاق في مجموعة تعريفها و المنحنى (C) المرسوم في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد

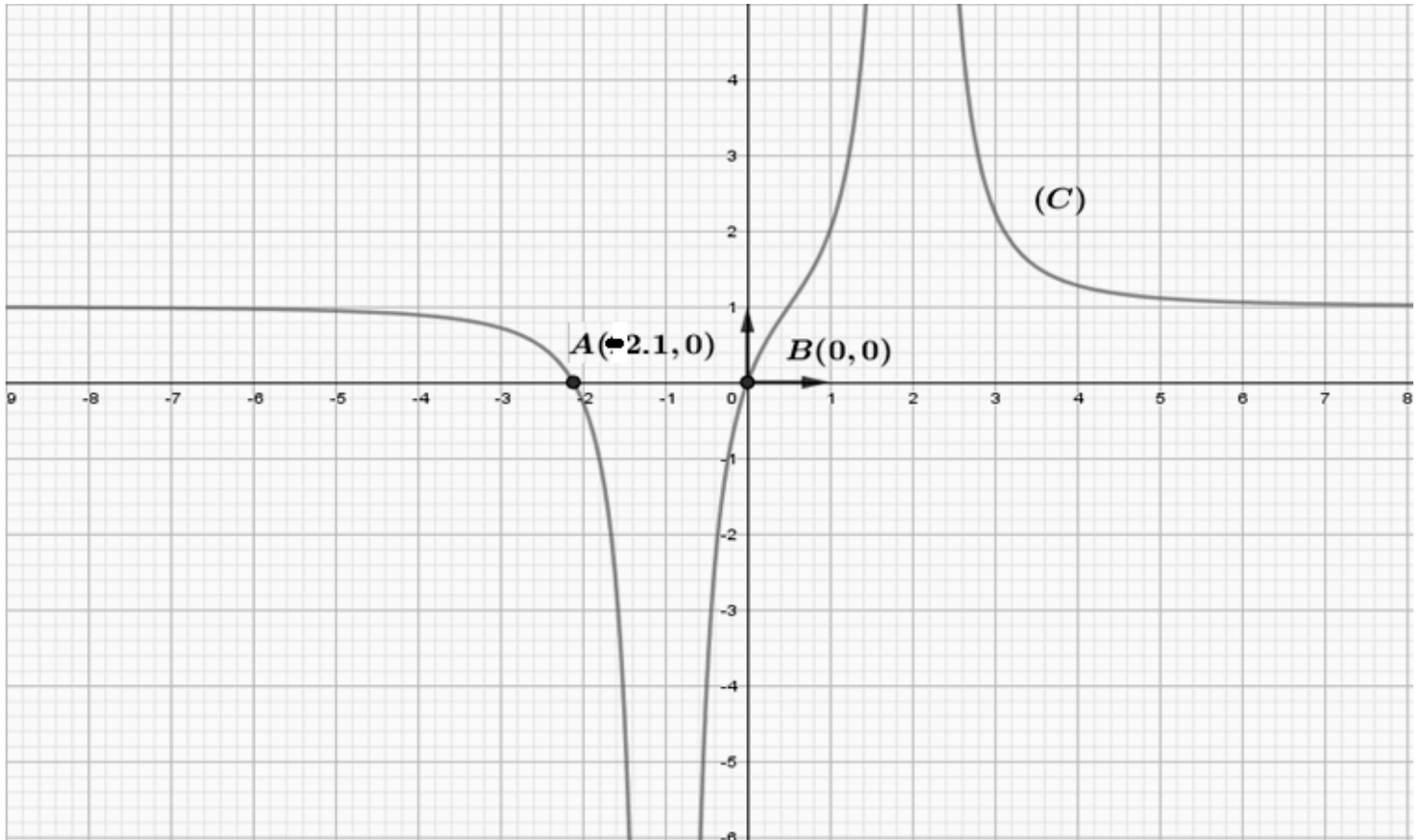
ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ هو التمثيل البياني لدالتها المشتقة f' (أنظر الشكل (01))

(1) اعتمادا على التمثيل البياني للدالة المشتقة f' شكل جدول إشارة $f'(x)$

(2) استنتج اتجاه تغير الدالة f , ثم شكل جدول تغيراتها (ملاحظة: $f(-2.1) = -5$).

(6) عين نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع محوري الإحداثيات (الفواصل و الترتيب).
الشكل (01)

(7) أرسم كلا من المستقيمات المقاربة و المنحنى (C_f) .



أتمنى لكم التوفيق والسداد