

Chương 4 BỨC XẠ NHIỆT

4.1. Khái niệm cơ bản về Bức xạ nhiệt

Bức xạ nhiệt là quá trình truyền nhiệt bằng sóng điện từ giữa các vật thể. Các thành phần mang điện trong cấu trúc vi mô của vật thể luôn ở trạng thái chuyển động tạo ra sóng điện từ, lan truyền trong không gian gọi là bức xạ điện từ. Khi đập vào bề mặt vật thể khác, một phần bức xạ điện từ bị vật đó hấp thụ biến thành nhiệt. Quá trình truyền năng lượng nhiệt bằng sóng điện từ đó gọi là trao đổi nhiệt bức xạ. Mọi vật luôn tồn tại nhiệt độ $T > 0K$, nên luôn phát ra bức xạ nhiệt và đồng thời cũng hấp thụ các tia bức xạ nhiệt từ các vật khác chiếu tới, bởi vậy quá trình trao đổi nhiệt bức xạ là quá trình hai chiều, nhưng ở vật có nhiệt độ cao năng lượng bị mất đi bởi bức xạ ra sẽ lớn hơn năng lượng nhận được bởi hấp thụ. Khi các vật có nhiệt độ bằng nhau, quá trình trao đổi nhiệt bức xạ giữa chúng vẫn xảy ra nhưng ở thể cân bằng động, tức là ở mỗi vật phát năng lượng bức xạ ra bằng năng lượng hấp thụ vào nên năng lượng của vật đó không thay đổi.

Các đại lượng đặc trưng khả năng tiếp nhận tia bức xạ chiếu tới :

- α Hệ số hấp thụ, biểu thị tỷ lệ năng lượng tia chiếu tới được vật tiếp nhận
 - ρ Hệ số phản xạ, biểu thị tỷ lệ năng lượng tia chiếu tới bị vật phản xạ
 - τ Hệ số xuyên qua, biểu thị tỷ lệ năng lượng tia chiếu tới được vật cho đi qua
- Các hệ số trên phụ thuộc vào bước sóng, góc chiếu của tia tới

Nói chung với mọi vật luôn có : $\alpha + \rho + \tau = 1$

- Vật có $\alpha = 1$, $\rho = \tau = 0$ gọi là vật đen
- Vật có $\rho = 1$, $\alpha = \tau = 0$ gọi là vật trắng
- Vật có $\tau = 1$, $\alpha = \rho = 0$ gọi là vật trong
- Vật có $\tau = 0$ gọi là vật đục
- Vật có $\alpha + \rho = 1$ gọi là vật xám

ϵ Độ đen hay hằng số phát xạ của vật, biểu thị khả năng bức xạ ra của vật.
Vật đen có $\epsilon_0 = 1$, vật xám có $\epsilon < 1$.

Năng lượng truyền đi bằng bức xạ từ bề mặt vật đen tuân theo định luật Stefan Boltzoman

$$E_0 = \sigma_0 . T^4 \quad (4.1)$$

ở đây E_0 là năng suất bức xạ của vật đen, (W/m^2); σ_0 là hằng số Stefan Boltzmann $\sigma_0 = 5,669.10^{-8}$ (W/m^2K^4); T là nhiệt độ tuyệt đối (K).

Năng lượng bức xạ từ bề mặt các vật xám nhỏ hơn vật đen, xác định bởi

$$E = \epsilon . \sigma_0 T^4 \quad (4.2)$$

ở đây E là năng suất bức xạ của vật xám, (W/m^2); ϵ là hằng số phát xạ của vật xám, còn gọi là độ đen

Theo định luật Kirrchoop với vật xám có $\frac{\alpha}{E} = E_0 = f(T)$ và $\alpha = \varepsilon$

Năng lượng phát xạ thực tế từ bề mặt một vật xám bao gồm năng lượng bản thân của vật ở nhiệt độ T và thành phần phản xạ của tia chiếu tới :

$$E_{hd} = E + (1 - \alpha)E_T \quad (4.3)$$

ở đây :

E_{hd} là năng lượng phát xạ thực tế của vật, gọi là năng suất bức xạ hiệu dụng

E là năng suất bức xạ riêng của vật, $E = \varepsilon \cdot \sigma_0 T^4$

ρ là hệ số phản xạ của vật, $\rho = 1 - \alpha$.

E_T là năng suất tia bức xạ chiếu tới.

Hai tấm phẳng rộng đặt song song khá gần nhau có nhiệt độ và hệ số hấp thụ tương ứng là T_1, α_1 và T_2, α_2 , giữa là môi trường trong suốt ($\tau = 0$) thì năng suất bức xạ hiệu dụng của mỗi tấm là

$$\begin{aligned} \text{Tấm 1:} \quad E_{hd1} &= \frac{E_1 + (1 - \alpha_1)E_2}{\alpha_1 + \alpha_2 - \alpha_1\alpha_2} \\ \text{Tấm 2:} \quad E_{hd2} &= \frac{E_2 + (1 - \alpha_2)E_1}{\alpha_1 + \alpha_2 - \alpha_1\alpha_2} \end{aligned} \quad (4.4)$$

Năng lượng bức xạ trao đổi giữa hai tấm là

$$q_{12} = E_{hd1} - E_{hd2} = \frac{\alpha_2 E_1 - \alpha_1 E_2}{\alpha_1 + \alpha_2 - \alpha_1\alpha_2} = \frac{1}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1} C_0 \left[\left(\frac{T_1}{100} \right)^4 - \left(\frac{T_2}{100} \right)^4 \right] \quad (4.5)$$

Nếu giữa hai tấm trên đặt màn chắn có độ đen ε_M thì năng lượng bức xạ trao đổi giữa hai tấm qua màn là

$$q_{1M2} = \frac{1}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} + \frac{2}{\varepsilon_M} - 2} C_0 \left[\left(\frac{T_1}{100} \right)^4 - \left(\frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

Tấm thứ nhất được bao kín hoàn toàn bởi mặt thứ hai có nhiệt độ T_2 thì trao đổi nhiệt bức xạ được tính bởi

$$Q = q\alpha_1 = \varepsilon_1 \sigma F_1 (T_1^4 - T_2^4) \quad (4.6)$$

4.2. Bức xạ giữa các vật đen

4.2.1. Hệ số góc bức xạ

Khảo sát bức xạ giữa hai vật đen là hai mặt phẳng có diện tích A_1 và A_2 . Để đánh giá sự phụ thuộc của trao đổi nhiệt bức xạ vào vị trí không gian của mỗi hình, cần phải xác định các đặc điểm không gian đó.

Hệ số góc bức xạ được định nghĩa :

F_{1-2} = tỷ lệ năng lượng rời mặt 1 tới mặt 2

F_{2-1} = tỷ lệ năng lượng rời mặt 2 tới mặt 1

F_{m-n} = tỷ lệ năng lượng rời mặt m tới mặt n

Hệ số góc bức xạ còn có các tên khác là *yếu tố nhìn* (view factor), *hệ số cấu hình* (configuration factor)

Năng lượng rời mặt 1 đi đến mặt 2 là

$$E_{b1}A_1F_{12} \quad (4.7)$$

Năng lượng rời mặt 2 đi đến mặt 1 là

$$E_{b2}A_2F_{21} \quad (4.8)$$

Trong đó E_{b1} và E_{b2} là năng suất bức xạ của hai mặt đen.

Do hai mặt là vật đen nên chúng hấp thụ hết tia chiếu đến, nên năng lượng trao đổi của hệ thống là:

$$Q_{1-2} = E_{b1}A_1F_{12} - E_{b2}A_2F_{21}$$

Khi hai vật có cùng nhiệt độ thì $Q_{1-2} = 0$ và vì $T_1 = T_2$ nên $E_{b1} = E_{b2}$ nên có:

$$A_1F_{12} = A_2F_{21} \quad (4.9)$$

Vậy nói chung năng lượng trao đổi giữa hai vật là:

$$Q_{1-2} = A_1F_{12}(E_{b1} - E_{b2}) = A_2F_{21}(E_{b1} - E_{b2}) \quad (4.10)$$

Tổng quát từ (4.9) suy ra cho hai mặt m và n:

$$A_mF_{mn} = A_nF_{nm}, \text{ hay: } F_{nm} = \frac{A_m}{A_n} F_{mn} \quad (4.11)$$

Để xác định hệ số góc bức xạ, xét các phân tố diện tích dA_1 và dA_2 trên mỗi mặt. Gọi φ_1 và φ_2 là các góc giữa pháp tuyến của mỗi mặt với đường r nối hai điểm giữa của hai hình. Hình chiếu của dA_1 theo hướng r là

$$dA_1 \cos \varphi_1 \quad (4.12)$$

a. Góc khối

Gọi góc khối của diện tích dA_n vuông góc với r là $d\Omega$

$$d\Omega = \frac{dA_n}{r^2} \quad (4.13)$$

Trong tọa độ cầu diện tích dA_n tính theo r , góc ϕ và góc ψ sẽ là :

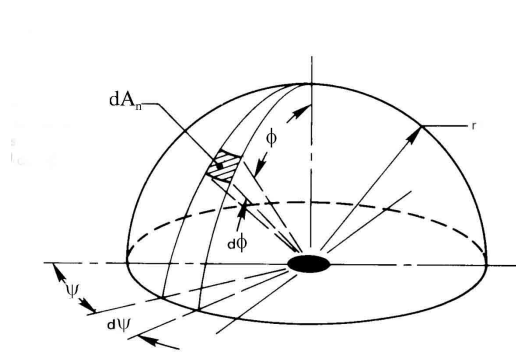
$$dA_n = r d\phi \cdot r d\psi \cdot \sin\phi = r^2 d\phi \sin\phi d\psi \quad (4.14)$$

(Với bán cầu phía trên : $\psi = 0 \div 2\pi$, $\phi = 0 \div \pi/2$)

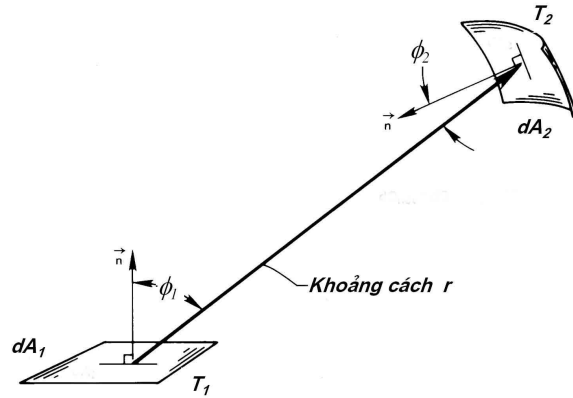
Từ trên thấy

$$d\Omega = \frac{dA_n}{r^2} = d\phi \sin\phi \cdot d\psi \quad (4.15)$$

Đơn vị góc khối là steradian. 1 steradian là góc khối chắn bởi một hình vuông cong trên mặt cầu có diện tích bằng bán kính của nó. Toàn mặt cầu có diện tích $4\pi r^2$, nên có góc khối $\Omega = 4\pi r^2/r^2 = 4\pi$ steradian



Hình 4.1. Tọa độ cầu và diện tích dA_n



Hình 4.2. Xác định vị trí giữa hai mặt tương hỗ.

b. Cường độ bức xạ góc I_b , năng lượng bức xạ theo hướng

Gọi cường độ bức xạ góc I_b là năng lượng bức xạ phát đi trên một đơn vị diện tích trong một đơn vị góc khối theo hướng nào đó thì năng lượng phát đi của phân tử dA_1 theo hướng ϕ_1 là

$$I_\phi = I_b dA_1 \cos\phi_1 \quad (4.16)$$

Năng lượng trên đi đến phân tử diện tích dA_n chắn bởi góc khối $d\Omega$, sẽ là

$$I_b dA_1 \cos\phi_1 d\Omega = I_b dA_1 \frac{dA_n}{r^2} \quad (4.17)$$

Từ (4.14) suy ra công thức tương ứng với góc ϕ_1 của phân tử dA_1 rồi thay vào (4.17) sẽ có

$$I_b dA_1 \cos \varphi_1 d\Omega = I_b dA_1 \cos \varphi_1 \sin \varphi_1 d\varphi_1 d\psi \quad (4.18)$$

c. Năng lượng bức xạ trên toàn mặt bán cầu

Năng lượng bức xạ của phân tử dA_1 trên toàn mặt bán cầu là $E_b dA_1$

$$E_b dA_1 = I_b dA_1 = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi/2} \sin \phi \cdot \cos \phi \cdot d\phi \cdot d\psi = I_b dA_1 \pi \quad (4.19)$$

trong đó

$$\int_0^{2\pi} \int_0^{\pi/2} \sin \phi \cos \phi \cdot d\phi \cdot d\psi = \int_0^{\pi/2} \frac{\sin 2\phi}{2} d\phi \cdot \int_0^{2\pi} d\psi = \frac{1}{4} (-\cos 2\phi) \Big|_0^{\pi/2} \cdot 2\pi = \pi$$

Vậy

$$E_b = I_b \pi \text{ hay } I_b = E_b / \pi \quad (4.20)$$

d. Năng lượng bức xạ giữa hai phân tử

Xác định năng lượng phát ra từ phân tử dA_1 chiếu tới phân tử dA_2 :

Do dA_n chắn góc khối $d\Omega$ tại r , cũng chính là góc khối của dA_2 nhìn từ mặt 1, nên :

$$dA_n = dA_2 \cos \varphi_2 \quad (4.21)$$

Thay (4.21) vào (4.17) sẽ có năng lượng phát đi của phân tử dA_1 đến dA_2 là

$$I_b dA_1 \cos \phi_1 \cos \phi_2 \frac{dA_2}{r^2} \quad (4.22)$$

Thay (4.20) vào (4.22) sẽ có năng lượng phát đi từ dA_1 đi tới dA_2

$$dq_{1-2} = E_{b1} \cos \phi_1 \cos \phi_2 \frac{dA_1 dA_2}{\pi \cdot r^2} \quad (4.23)$$

Tương tự có năng lượng phát đi từ dA_2 đi tới dA_1

$$dq_{2-1} = E_{b2} \cos \phi_2 \cos \phi_1 \frac{dA_2 dA_1}{\pi \cdot r^2} \quad (4.24)$$

e. Trao đổi năng lượng của hệ thống

Trao đổi năng lượng của hệ thống giữa hai mặt A_1 và A_2 là

$$Q_{1-2} = \iint_{A_1 A_2} (dq_{1-2} - dq_{2-1}) = \iint_{A_1 A_2} \left(E_{b1} \cos \phi_1 \cos \phi_2 \frac{dA_1 dA_2}{\pi \cdot r^2} - E_{b2} \cos \phi_2 \cos \phi_1 \frac{dA_2 dA_1}{\pi \cdot r^2} \right)$$

$$Q_{1-2} = (E_{b1} - E_{b2}) \iint_{A_1 A_2} \cos \phi_1 \cos \phi_2 \frac{dA_1 dA_2}{\pi \cdot r^2} \quad (4.25)$$

g. Hệ số góc bức xạ

So sánh (4.10) với (4.25) sẽ thấy :

$$A_1 F_{12} = A_2 F_{21} = \iint_{A_1 A_2} \cos \phi_1 \cos \phi_2 \frac{dA_1 dA_2}{\pi \cdot r^2} \quad (4.26)$$

Rút ra

$$F_{12} = \frac{1}{A_1} \iint_{A_1 A_2} \cos \phi_1 \cos \phi_2 \frac{dA_1 dA_2}{\pi \cdot r^2} \quad (4.27)$$

Vậy để xác định hệ số góc bức xạ cần tính tích phân trên, nghĩa là phải biết các đặc điểm hình học của các vật như khoảng cách r , các góc khối, diện tích mỗi hình ...

Thí dụ 4.1. Xác định hệ số góc bức xạ của diện tích nhỏ dA_1 với một đĩa A_2 đối diện ở khoảng cách R , hình 4.3. Phân tố diện tích dA_2 trên đĩa A_2 là hình vành khăn bán kính x , rộng dx , nên diện tích là $dA_2 = 2\pi x dx$

Do hai mặt song song nên $\phi_1 = \phi_2$. áp dụng (4.27) có :

$$dA_1 F_{dA_1-A_2} = dA_1 \iint_{A_1 A_2} \cos \phi_1 \cos \phi_1 \frac{dA_1 dA_2}{\pi \cdot r^2}$$

$$= dA_1 \int_{A_1} \cos^2 \phi \frac{2\pi x dx}{\pi \cdot r^2}$$

$$\frac{R}{\sqrt{R^2 + x^2}}$$

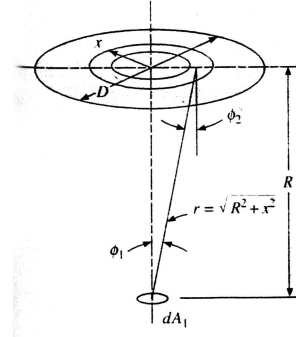
do $r = (R^2 + x^2)^{1/2}$ và $\cos \phi = \frac{R}{\sqrt{R^2 + x^2}}$, nên

$$dA_1 F_{dA_1-A_2} = dA_1 \int_0^{D/2} \frac{2R^2 x}{(R^2 + x^2)^2} dx = dA_1 \left(\frac{R^2}{R^2 + x^2} \right) \Big|_0^{D/2} = dA_1 \frac{D^2}{4R^2 + D^2}$$

Vậy hệ số góc bức xạ :

$$F_{dA_1-A_2} = \frac{D^2}{4R^2 + D^2} \quad (4.28)$$

Nếu A_2 là bề mặt rộng vô hạn thì $D \rightarrow \infty$. Khi đó



Hình 4.3.

$$F_{dA1-A2} = F_{dA1-A2 \rightarrow \infty} = \lim_{D \rightarrow \infty} \frac{D^2}{4R^2 + D^2} = 1 \quad (4.29)$$

Ví dụ 4.2. Hai tấm phẳng đen kích thước 0,5 m×1,0 m đặt cách nhau 0,5 m có nhiệt độ 1000°C và 500°C. Xác định bức xạ giữa chúng?

Giải:

Sử dụng đồ thị hình 4.4(a) có

$$\frac{Y}{D} = \frac{0,5}{0,5} = 1 \quad ; \quad \frac{X}{D} = \frac{01,0}{0,5} = 2,0 \quad . \text{ Tra ra } F_{12} = 0,285.$$

$$\begin{aligned} Q &= A_1 F_{12} (E_{b1} - E_{b2}) = \sigma F_{12} (T_1^4 - T_2^4) \\ &= (5,669 \times 10^{-8})(0,5)(0,285)(1273^4 - 773^4) \\ &= 18,33 \text{ kW} \end{aligned}$$

4.2.2. Một số đặc điểm chung của các hệ số góc bức xạ

1. Từ (4.9) :

$$F_{12}A_1 = F_{21}A_2 = F_{td}. \quad (4.30)$$

F_{td} gọi là diện tích bức xạ tương đương của hai mặt tương hỗ.

Vậy diện tích bức xạ tương đương của hai mặt tương hỗ bằng nhau.

2. Từ trên có:

$$\frac{F_{12}}{F_{21}} = \frac{A_2}{A_1} \quad \text{và} \quad F_{12} = \frac{A_2}{A_1} F_{21} \quad \text{hay} \quad F_{21} = \frac{A_1}{A_2} F_{12}. \quad (4.31)$$

Vậy hệ số góc bức xạ của hai mặt tương hỗ tỷ lệ nghịch với diện tích của chúng và trong 2 mặt chỉ cần tìm một hệ số góc.

3. Nếu diện tích vật 2 là vô cùng lớn: $A_2 \rightarrow \infty$ thì

$$F_{21} = \frac{A_1}{A_2} F_{12} = 0 \quad (4.32)$$

như (3.7) trong ví dụ trên

$$F_{12} = \lim_{A_2 \rightarrow \infty} \frac{A_2}{A_1} F_{12} = 1 \quad (4.33)$$

Vậy hệ số góc bức xạ của mặt diện tích hữu hạn đối với mặt vô cùng lớn luôn bằng 1.

4. Hệ số góc bức xạ của một vật đối với môi trường:

Khi một vật có môi trường vô cùng lớn bao quanh, tình trạng giống như trường hợp trên, toàn bộ năng lượng phát ra từ vật sẽ được môi trường nhận hết.

Gọi:

$Q_1 = A_1 E_1$ là toàn bộ năng lượng phát ra từ vật 1

$Q_{12} = A_1 E_1 F_{12}$ là năng lượng vật (1) được môi trường (2) nhận.

Thì :

$$Q_1 = Q_{12} \text{ tức } A_1 E_1 = A_1 E_1 F_{12} . \text{ Suy ra } F_{12} = 1 \quad (4.34)$$

Vậy hệ số góc bức xạ của một vật đối với môi trường luôn bằng 1.

5. Hệ số góc bức xạ của một mặt phẳng hoặc mặt cong lồi đối với chính nó

Giả sử vật 1 có diện tích A_1 là mặt phẳng hoặc cong lồi đặt trong môi trường có thể nhận được một phần bức xạ của chính nó phát ra.

$$Q_1 = A_1 E_1 = A_1 E_1 F_{11} + A_1 E_1 F_{12} \quad (4.35)$$

$Q_1 = A_1 E_1$ là toàn bộ năng lượng phát ra từ A_1

$A_1 E_1 F_{11}$ là phần năng lượng vật 1 phát ra chiếu lên chính nó

$A_1 E_1 F_{12}$ là phần năng lượng vật 1 phát ra môi trường.

Do $F_{12} = 1$ nên $A_1 E_1 = A_1 E_1 F_{12}$, suy ra $A_1 E_1 F_{11} = 0$ tức là $F_{11} = 0$.

Vậy hệ số góc bức xạ của một mặt phẳng hoặc mặt cong lồi đối với chính nó bằng 0.

6. Hệ số góc bức xạ của một mặt kín .

Khi vật là một mặt cong kín, toàn bộ năng lượng bức xạ ra của vật sẽ chiếu cho chính nó:

$$Q_1 = A_1 E_1 F_{11} = A_1 E_1, \text{ nên } F_{11} = 1 \quad (4.36)$$

Vậy hệ số góc bức xạ của một mặt kín đối với chính nó bằng 1.

7. Hệ số góc bức xạ của mặt lõm đối với chính nó

Khi vật là một mặt lõm tức là mặt cong hở A_1 , năng lượng bức xạ của vật gồm một phần bức xạ ra môi trường A_2 và một phần chiếu cho chính vật A_1 :

$$Q_1 = E_1 A_1 = E_1 A_1 F_{12} + E_1 A_1 F_{11} \quad (4.37)$$

$E_1 A_1 F_{12}$ là năng lượng chiếu ra môi trường, $E_1 A_1 F_{11}$ là năng lượng chiếu cho chính vật.

$$E_1 A_1 F_{12} = E_1 A_1 - E_1 A_1 F_{11}$$

Chia cả hai vế cho $E_1 A_1$ sẽ được:

$$F_{11} = 1 - F_{12} \quad (4.38)$$

Vậy hệ số góc bức xạ của mặt lõm đối với chính nó luôn khác không và nhỏ hơn 1.

8. Nếu hệ thống có n mặt tạo thành hệ kín, thì năng lượng của một mặt bức xạ ra bằng tổng năng lượng bức xạ từ mặt đó chiếu tới tất cả các mặt trong hệ

$$Q_1 = E_1 A_1 = E_1 A_1 F_{12} + E_1 A_1 F_{13} + \dots + E_1 A_1 F_{1n} = \sum_{i=1}^n E_1 A_1 F_{1i} .$$

Suy ra:

$$\sum_{i=1}^n F_{li} = 1 \quad \text{và} \quad \sum_{i=1}^n A_i F_{li} = A_1 \quad (4.39)$$

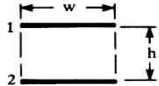
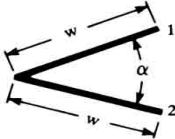
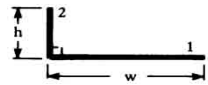
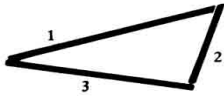
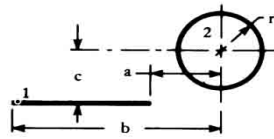
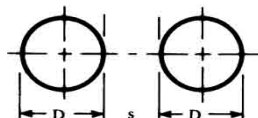
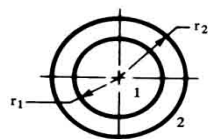
Vậy :

- Tổng hệ số góc bức xạ của một mặt đối với các mặt khác bằng 1.
- Tổng các diện tích bức xạ tương đương của một mặt với các mặt khác bằng chính diện tích mặt đó.

4.2.3. Xác định hệ số góc bức xạ trong một số trường hợp

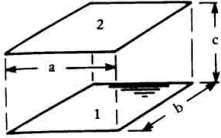
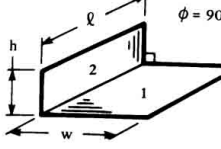
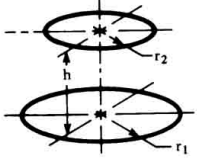
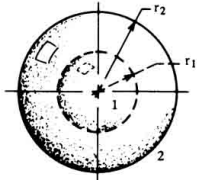
a. Công thức tính hệ số góc bức xạ giữa các mặt có độ dài rất lớn.

Bảng 4.1

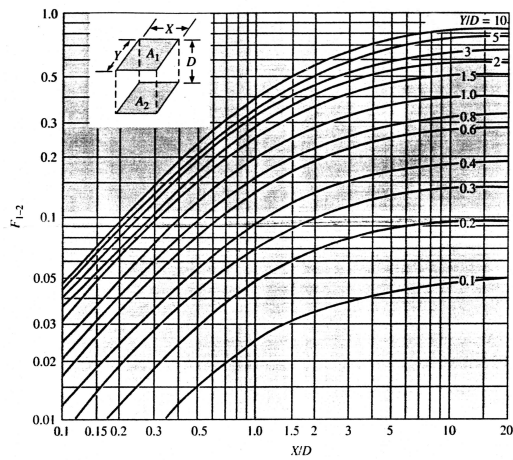
Cấu hình	Công thức tính
1. 	$F_{1-2} = F_{2-1} = \sqrt{1 + \left(\frac{h}{w}\right)^2} - \left(\frac{h}{w}\right)$
2. 	$F_{1-2} = F_{2-1} = 1 - \sin(\alpha/2)$
3. 	$F_{1-2} = \frac{1}{2} \left[1 + \frac{h}{w} - \sqrt{1 + \left(\frac{h}{w}\right)^2} \right]$
4. 	$F_{1-2} = (A_1 + A_2 - A_3)/2A_1$
5. 	$F_{1-2} = \frac{r}{b-a} \left[\tan^{-1} \frac{b}{c} - \tan^{-1} \frac{a}{c} \right]$
6. 	Let $X = 1 + s/D$. Then: $F_{1-2} = F_{2-1} = \frac{1}{\pi} \left[\sqrt{X^2 - 1} + \sin^{-1} \frac{1}{X} - X \right]$
7. 	$F_{1-2} = 1$, $F_{2-1} = \frac{r_1}{r_2}$, and $F_{2-2} = 1 - F_{2-1} = 1 - \frac{r_1}{r_2}$

b. Công thức tính hệ số góc bức xạ giữa các mặt có kích thước hữu hạn.

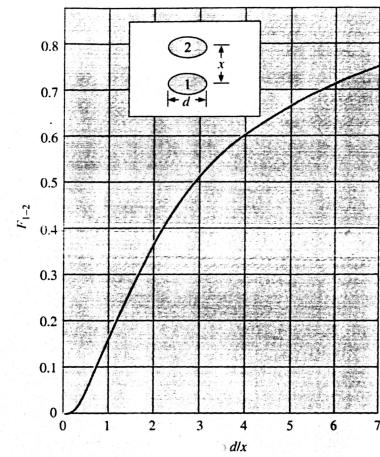
Bảng 4.2

	<i>Cấu hình</i>	<i>Công thức tính</i>
1.		Let $X = a/c$ and $Y = b/c$. Then: $F_{1-2} = \frac{2}{\pi XY} \left\{ \ln \left[\frac{(1+X^2)(1+Y^2)}{1+X^2+Y^2} \right]^{1/2} - X \tan^{-1} X - Y \tan^{-1} Y + X\sqrt{1+Y^2} \tan^{-1} \frac{X}{\sqrt{1+Y^2}} + Y\sqrt{1+X^2} \tan^{-1} \frac{Y}{\sqrt{1+X^2}} \right\}$
2.		Let $H = h/\ell$ and $W = w/\ell$. Then: $F_{1-2} = \frac{1}{\pi W} \left\{ W \tan^{-1} \frac{1}{W} - \sqrt{H^2 + W^2} \tan^{-1} (H^2 + W^2)^{-1/2} + H \tan^{-1} \frac{1}{H} + \frac{1}{4} \ln \left[\frac{(1+W^2)(1+H^2)}{1+W^2+H^2} \right] \times \left[\frac{W^2(1+W^2+H^2)}{(1+W^2)(W^2+H^2)} \right]^{W^2} \left[\frac{H^2(1+H^2+W^2)}{(1+H^2)(H^2+W^2)} \right]^{H^2} \right\}$
3.		Let $R_1 = r_1/h$, $R_2 = r_2/h$, and $X = 1 + (1 + R_2^2)/R_1^2$. Then: $F_{1-2} = \frac{1}{2} \left[X - \sqrt{X^2 - 4(R_2/R_1)^2} \right]$
4.		Concentric spheres: $F_{1-2} = 1, \quad F_{2-1} = (r_1/r_2)^2, \quad F_{2-2} = 1 - (r_1/r_2)^2$

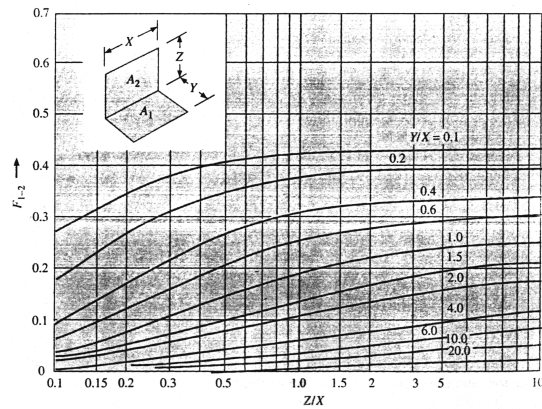
C. Đồ thị để tra hệ số góc bức xạ



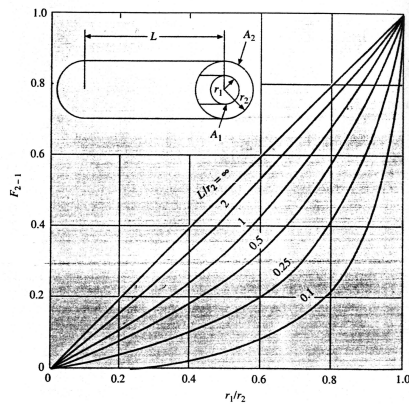
Hình 4.4(a). Hai hình chữ nhật đặt song song



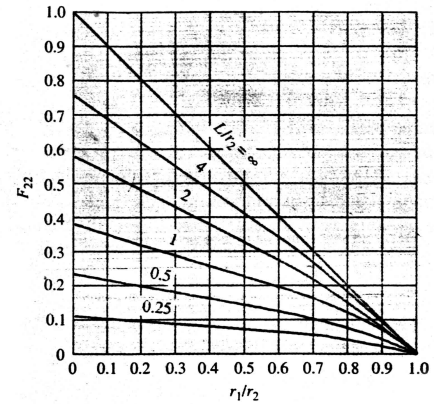
Hình 4.4(b). Hai hình tròn đặt song song



Hình 4.4(c). Hai hình chữ nhật đặt vuông góc nhau



Hệ số góc bức xạ của ống ngoài
đối với ống trong



Hệ số góc bức xạ của ống ngoài
đối với chính nó

Hình 4.4(c). Hai ống trụ lồng nhau đồng trục

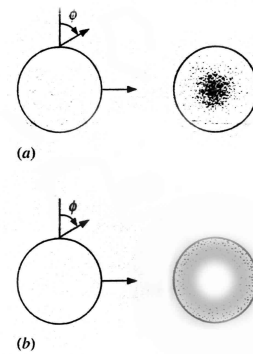
4.3. Trao đổi nhiệt bức xạ giữa các vật xám

4.3.1. Trạng thái bề mặt vật thực

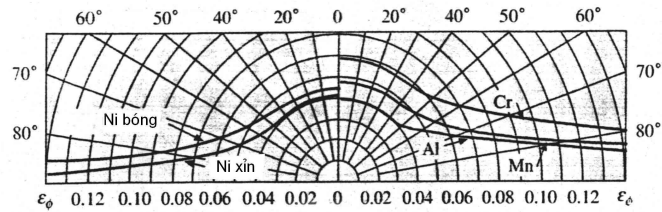
Các vật thực không phản xạ khuếch tán hoàn toàn nên bức xạ từ mặt vật thực không đồng đều nhau theo các hướng. Đường cong biểu thị đặc tính bức xạ của các vật khác nhau chia làm hai loại là vật dẫn điện và vật không dẫn điện. Vật dẫn điện phát xạ năng lượng nhiều hơn theo hướng có góc phương vị lớn. Đặc tính này có thể được giải thích bằng lý thuyết sóng điện từ. Khi hai quả cầu được nung đến nhiệt độ nóng sáng, quả cầu dẫn điện sẽ xuất hiện vành sáng xung quanh do nhiều năng lượng được phát đi ở góc φ lớn. Quả cầu cấu tạo bởi vật liệu không dẫn điện sẽ có đặc điểm ngược lại là xuất hiện vết sáng ở giữa và tối ở xung quanh.

Phản xạ và hấp thụ của các bề mặt vật thực là hàm số của không chỉ bản thân vật mà còn phụ thuộc vào môi trường xung quanh. Các đặc tính này phụ thuộc vào hướng và chiều dài bước sóng của tia tới. Phân bố cường độ bức xạ góc của tia tới là hàm rất phức tạp của nhiệt độ và các đặc tính bề mặt của tất cả các vật liên quan xung quanh.

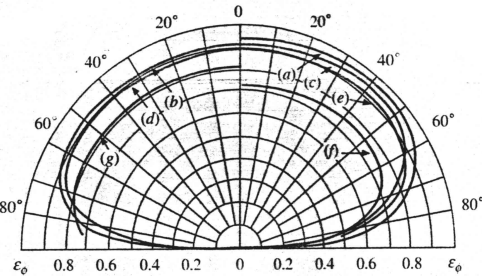
Gọi năng lượng bức xạ tới trên một đơn vị diện tích bề mặt, trong một đơn vị thời gian, trên một đơn vị chiều dài sóng là G_λ , thì hệ số hấp thụ tổng sẽ bằng tỷ số năng lượng hấp thụ tổng với năng lượng tổng đi tới trên bề mặt.



Hình 4.5



Hình 4.6. Hệ số bức xạ của các vật dẫn điện.



Hình 4.7. Hệ số bức xạ của các vật không dẫn điện

a) Nước đá. b) Gỗ. c) Thủy tinh. d) Giấy. e) Đất sét. f) Ôxít đồng. g) Ôxít nhôm

$$\alpha = \frac{\int_0^{\infty} \alpha_{\lambda} G_{\lambda} d\lambda}{\int_0^{\infty} G_{\lambda} d\lambda} \quad (4.40)$$

Nếu giả sử vật xám có $\epsilon_{\lambda} = \epsilon = \text{const}$ thì định luật Kirchoff có thể áp dụng đơn giản như đã viết đối với bức xạ đơn sắc là

$$\epsilon_{\lambda} = \alpha_{\lambda} \quad (4.41)$$

Bởi vậy đối vật xám có $\alpha_{\lambda} = \text{const}$, thì hệ số hấp thụ tổng α cũng là const và độc lập với phân bố chiều dài sóng của tia tới. Hơn nữa hệ số bức xạ và hấp thụ là không đổi trên mọi chiều dài sóng đối với vật xám, chúng cũng buộc phải độc lập với nhiệt độ. Nhưng thực tế các vật thực trong tự nhiên không phải luôn luôn là xám nên phân tích trao đổi nhiệt bức xạ giữa chúng rất phức tạp. Để giảm bớt sự phức tạp các bài toán thực tế cần có những hệ số hiệu chỉnh bởi những tiêu chuẩn thực tế đủ hiệu lực.

4.3.2. Các đại lượng đặc trưng

a. Các hệ số đặc trưng tính chất của vật đối với tia bức xạ

α hệ số hấp thụ (absorptivity)

ρ hệ số phản xạ (reflectivity)

τ hệ số xuyên qua (transmissivity)

ϵ hệ số phát xạ (emissivity) còn gọi là độ đen của vật xám, tỷ lệ phát xạ so với vật đen.

$$\epsilon = E/E_b, \epsilon = \alpha$$

G năng suất tia tới (irradiation), tổng các bức xạ chiếu tới bề mặt trên 1 đơn vị diện tích, trong 1 đơn vị thời gian

b. Năng suất bức xạ hiệu dụng J

Năng suất bức xạ hiệu dụng J là tổng năng lượng phát đi từ bề mặt trên 1 đơn vị diện tích, trong 1 đơn vị thời gian, gồm năng suất bức xạ riêng E và thành phần phản xạ tia tới ρG .

E năng suất bức xạ riêng của vật xám

$$E = \varepsilon \cdot E_b \quad (4.42)$$

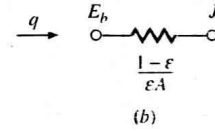
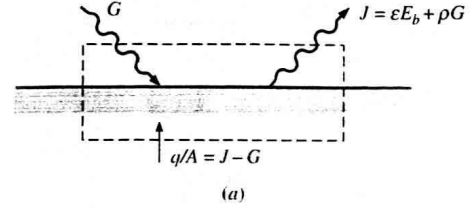
Trong đó là E_b năng suất bức xạ của vật đen

Năng suất phản xạ tia tới của vật xám ρG (4.43)

Năng suất bức xạ hiệu dụng

$$J = \varepsilon \cdot E_b + \rho G \quad (4.44)$$

Với vật đục $\tau = 0$, $\rho = 1 - \varepsilon$



Hình 4.8.

$$J = \varepsilon \cdot E_b + (1 - \varepsilon) G \quad (4.45)$$

Từ (4.45) suy ra

$$G = \frac{J - \varepsilon E_b}{1 - \varepsilon} \quad (4.46)$$

c. Bức xạ hiệu quả

Gọi mật độ dòng bức xạ hiệu quả của vật xám là năng lượng thực sự phát đi từ bề mặt của vật bằng hiệu của năng lượng hiệu dụng J trừ năng lượng chiếu tới G:

$$q = J - G \quad (4.47)$$

Thay các đại lượng ở trên vào:

$$q = \varepsilon \cdot E_b + (1 - \varepsilon) G - G$$

$$q = \varepsilon \left(E_b - \frac{J - \varepsilon E_b}{1 - \varepsilon} \right)$$

$$q = \frac{E_b - J}{\frac{1 - \varepsilon}{\varepsilon}} \quad (4.48)$$

Vậy bức xạ nhiệt hiệu quả phát đi từ vật có diện tích A là:

$$Q = \frac{E_b - J}{\frac{1 - \varepsilon}{\varepsilon A}} \quad (4.49)$$

Công thức (4.49) tương tự như công thức tính dòng điện $I = \frac{U_1 - U_2}{R}$, bởi vậy có thể biểu thị bằng phần tử mạng hình 4.9.

$(E_b - J)$ gọi là hiệu thế bức xạ tại bề mặt

$\frac{1 - \varepsilon}{\varepsilon A}$ gọi là nhiệt trở bức xạ tại bề mặt vật, ký hiệu là R_m

4.3.3. Trao đổi nhiệt bức xạ giữa các mặt xám

1. Bức xạ giữa hai mặt

Xét hai mặt xám trong không gian có diện tích A_1 và A_2 . Gọi J_1 và J_2 là năng suất bức xạ hiệu dụng phát đi từ mỗi mặt. Bức xạ phát đi từ mặt thứ nhất đến mặt thứ 2 phụ thuộc vào hệ số góc bức xạ giữa chúng.

Lượng bức xạ phát đi từ mặt 1 đi đến mặt 2 là

$$J_1 A_1 F_{12} \quad (4.50)$$

Lượng bức xạ phát đi từ mặt 2 đi đến mặt 1 là

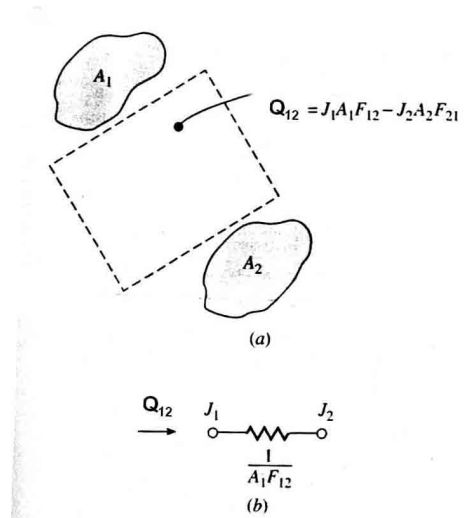
$$J_2 A_2 F_{21} \quad (4.51)$$

Trao đổi nhiệt bức xạ giữa hai mặt là

$$Q_{1-2} = J_1 A_1 F_{12} - J_2 A_2 F_{21} \quad (4.52)$$

Vì $A_1 F_{12} = A_2 F_{21}$

nên



Hình 4.9 Bức xạ giữa hai mặt

$$Q_{1-2} = (J_1 - J_2) A_1 F_{12} = (J_1 - J_2) A_2 F_{21} \quad (4.53)$$

hay

$$Q_{1-2} = \frac{J_1 - J_2}{\frac{1}{A_1 F_{12}}} \quad (4.54)$$

Tương tự trên, hình 4.9, gọi

$J_1 - J_2$ là hiệu thế truyền bức xạ không gian giữa hai mặt

$\frac{1}{A_1 F_{12}}$ là nhiệt trở bức xạ không gian giữa hai mặt, ký hiệu R_{12}

Trở lại lượng nhiệt hiệu quả tại bề mặt của mỗi mặt theo (4.49):

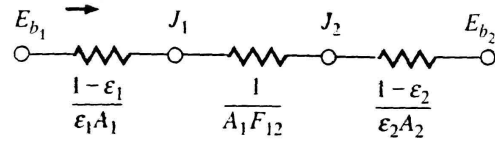
$$Q_{1-2} = \frac{E_{b1} - J_1}{\frac{1 - \varepsilon_1}{\varepsilon_1 A_1}}; \quad Q_{2-1} = \frac{E_{b2} - J_2}{\frac{1 - \varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2}} \quad \text{hay} \quad Q_{1-2} = \frac{J_2 - E_{b2}}{\frac{1 - \varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2}}$$

Do ổn định nên các dòng nhiệt trên buộc phải bằng nhau nên

$$Q_{1-2} = \frac{E_{b1} - E_{b2}}{\frac{1 - \varepsilon_1}{\varepsilon_1 A_1} + \frac{1}{A_1 F_{12}} + \frac{1 - \varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2}} \quad (4.55)$$

Theo ký hiệu quy ước ở trên:

$$Q_{1-2} = \frac{E_{b1} - E_{b2}}{R_{m1} + R_{12} + R_{m2}} \quad (4.56)$$



Hình 4.10 . Các nhiệt trở bức xạ giữa hai mặt

Trong đó $R_{m1} = \frac{1 - \varepsilon_1}{\varepsilon_1 A_1}; \quad R_{m2} = \frac{1 - \varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2}; \quad R_{12} = \frac{1}{A_1 F_{12}}$

Như vậy các nhiệt trở bức xạ bề mặt phụ thuộc vào độ đen và diện tích bề mặt đó, nhiệt trở bức xạ không gian phụ thuộc vào hệ số góc bức xạ giữa các mặt.

2. Hệ thống bức xạ có 3 mặt

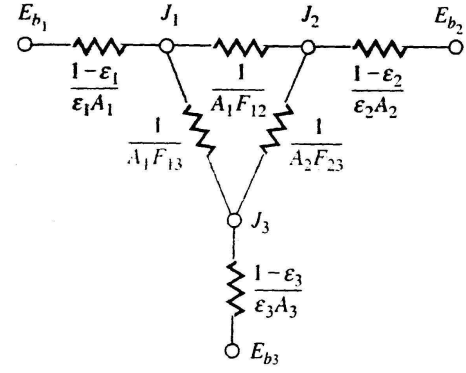
ba mặt xám có diện tích và hệ số bức xạ tương ứng là A_1, A_2, A_3 và $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3$. Tương tự trên sẽ có các nhiệt trở bức xạ bề mặt

$$R_{m1} = \frac{1-\varepsilon_1}{\varepsilon_1 A_1} ; \quad R_{m2} = \frac{1-\varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2} ; \quad R_{m3} = \frac{1-\varepsilon_3}{\varepsilon_3 A_3}$$

Nhiệt trở bức xạ không gian giữa các mặt

$$R_{12} = \frac{1}{A_1 F_{12}} ; \quad R_{13} = \frac{1}{A_1 F_{13}} ; \quad R_{23} = \frac{1}{A_2 F_{23}}$$

Dòng nhiệt trao đổi giữa mặt 1 và mặt 2 là



Hình 4.11

$$Q_{12} = \frac{J_1 - J_2}{\frac{1}{A_1 F_{12}}} = \frac{J_1 - J_2}{R_{12}} \quad (4.57)$$

Dòng nhiệt trao đổi giữa mặt 1 và mặt 3 là

$$Q_{13} = \frac{J_1 - J_3}{\frac{1}{A_1 F_{13}}} = \frac{J_1 - J_3}{R_{13}} \quad (4.58)$$

Dòng nhiệt trao đổi giữa mặt 2 và mặt 3 là

$$Q_{23} = \frac{J_2 - J_3}{\frac{1}{A_2 F_{23}}} = \frac{J_2 - J_3}{R_{23}} \quad (4.59)$$

Dòng nhiệt hiệu quả tại mặt 1 là

$$Q_1 = \frac{E_{b1} - J_1}{\frac{1-\varepsilon_1}{\varepsilon_1 A_1}} = \frac{E_{b1} - J_1}{R_{m1}} \quad (4.60)$$

Dòng nhiệt hiệu quả tại mặt 2 là

$$Q_2 = \frac{E_{b2} - J_2}{\frac{1-\varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2}} = \frac{E_{b2} - J_2}{R_{m2}} \quad (4.61)$$

Dòng nhiệt hiệu quả tại mặt 3 là

$$Q_3 = \frac{E_{b3} - J_3}{\frac{1 - \varepsilon_3}{\varepsilon_3 A_3}} = \frac{E_{b3} - J_3}{R_{m3}} \quad (4.62)$$

Trong đó J_1, J_2, J_3 là đại lượng phải tìm, do ổn định J_1, J_2, J_3 không đổi. Tại các nút tổng các dòng nhiệt bằng không nên có :

$$\begin{aligned} \text{Nút } J_1: \quad & \frac{E_{b1} - J_1}{R_{m1}} + \frac{J_2 - J_1}{R_{21}} + \frac{J_3 - J_1}{R_{31}} = 0 \\ \text{Nút } J_2: \quad & \frac{E_{b2} - J_2}{R_{m2}} + \frac{J_1 - J_2}{R_{12}} + \frac{J_3 - J_2}{R_{32}} = 0 \\ \text{Nút } J_3: \quad & \frac{E_{b3} - J_3}{R_{m3}} + \frac{J_1 - J_3}{R_{13}} + \frac{J_2 - J_3}{R_{23}} = 0 \end{aligned} \quad (4.63)$$

Từ trên dẫn đến hệ phương trình sau:

$$\begin{aligned} & \left(\frac{1}{R_{m1}} + \frac{1}{R_{21}} + \frac{1}{R_{31}} \right) J_1 - \left(\frac{1}{R_{21}} \right) J_2 - \left(\frac{1}{R_{31}} \right) J_3 = \frac{E_{b1}}{R_{m1}} \\ & - \left(\frac{1}{R_{12}} \right) J_1 + \left(\frac{1}{R_{m2}} + \frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_{32}} \right) J_2 - \left(\frac{1}{R_{32}} \right) J_3 = \frac{E_{b2}}{R_{m2}} \\ & - \left(\frac{1}{R_{13}} \right) J_1 - \left(\frac{1}{R_{23}} \right) J_2 + \left(\frac{1}{R_{m3}} + \frac{1}{R_{13}} + \frac{1}{R_{23}} \right) J_3 = \frac{E_{b3}}{R_{m3}} \end{aligned}$$

Hệ trên đưa về dạng ma trận

$$\begin{pmatrix} \left(\frac{1}{R_{m1}} + \frac{1}{R_{21}} + \frac{1}{R_{31}} \right) & -\frac{1}{R_{21}} & -\frac{1}{R_{31}} \\ -\frac{1}{R_{12}} & \left(\frac{1}{R_{m2}} + \frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_{32}} \right) & -\frac{1}{R_{32}} \\ -\frac{1}{R_{13}} & -\frac{1}{R_{23}} & \left(\frac{1}{R_{m3}} + \frac{1}{R_{13}} + \frac{1}{R_{23}} \right) \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} J_1 \\ J_2 \\ J_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{E_{b1}}{R_{m1}} \\ \frac{E_{b2}}{R_{m2}} \\ \frac{E_{b3}}{R_{m3}} \end{pmatrix} \quad (4.64)$$

Có thể giải bằng phương pháp ma trận nghịch đảo.

3. Các bề mặt cách nhiệt và bề mặt có diện tích lớn

$$\frac{1 - \varepsilon}{\varepsilon A}$$

Nhiệt trở bức xạ bề mặt là $\frac{1 - \varepsilon}{\varepsilon A}$, nếu bề mặt được cách nhiệt hoàn toàn hoặc phản xạ lại toàn bộ năng lượng chiếu tới, thì dòng nhiệt qua bề mặt bằng không và dẫn đến $E_b = J$. Nhưng nhiệt trở cách nhiệt không có giá trị 0. Kết quả nút J của mạng thay đổi, nghĩa là không có dòng nhiệt qua, về phải có diện tích lớn sẽ làm nhiệt trở tiến tới 0. Đó là trạng thái bề mặt như vật đen có $\varepsilon = 1$, nhiệt trở sẽ bằng không.

Khảo sát hệ thống hai mặt trao đổi nhiệt với mặt thứ ba được cách nhiệt hoàn toàn. Mặt thứ ba không có tác động tới quá trình trao đổi nhiệt vì nó hấp thụ và phản xạ trở lại năng lượng từ hai mặt kia chiếu

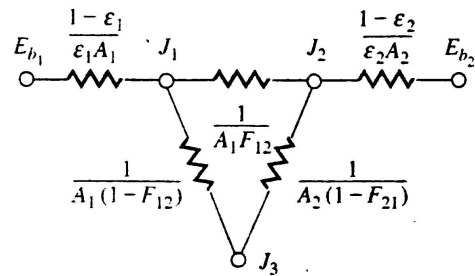
$$\frac{1 - \varepsilon}{\varepsilon A}$$

tới. Tuy nhiệt trở bề mặt $\frac{1 - \varepsilon}{\varepsilon A}$ tồn tại, nhưng do không có dòng nhiệt qua nên $E_{b3} = J_3$.

Do mặt 3 bao quanh hai mặt 1 và 2 nên các hệ số góc bức xạ của hai mặt đối với mặt 3 là

$$\begin{aligned} F_{13} &= 1 - F_{12} \\ F_{23} &= 1 - F_{21} \end{aligned} \quad (4.65)$$

Trong hệ thống, mặt 1 và 2 là lồi nên chúng không thể nhìn thấy chính chúng được nên $F_{11} = F_{22} = 0$.



Hình 4.12

Thí dụ 4.3. Giữa hai tấm phẳng có cùng diện tích $A_1 = A_2 = 0,5 \text{ m} \times 1 \text{ m} = 0,5 \text{ m}^2$, nhiệt độ và độ đen tương ứng hai tấm là 1000°C và 500°C , $\varepsilon_1 = 0,2$ và $\varepsilon_2 = 0,5$ đặt cách nhau trong phòng rộng có nhiệt độ 27°C . Xác định dòng nhiệt trao đổi của mỗi tấm.

Bố trí hai tấm và sơ đồ điện tương đương được biểu thị trên hình 4.13

Giải:

+ Xác định hệ số góc bức xạ giữa các tấm:

- Giữa tấm 1 và 2, tra trên hình 4.3(a) với

$$\frac{Y}{D} = \frac{0,5}{0,5} = 1; \quad \frac{X}{D} = \frac{0,1,0}{0,5} = 2,0 \rightarrow F_{12} = 0,285 = F_{21}$$

- Giữa tấm 1 và phòng F_{13} :

Phòng có diện tích A_3 coi là vô cùng lớn, nên

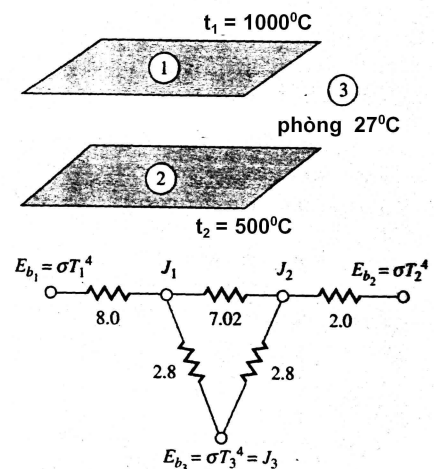
$$F_{13} = 1 - F_{12} = 1 - 0,285 = 0,715$$

- Giữa tấm 2 và phòng cũng như trên: $F_{23} = 0,715$

+ Tính các nhiệt trở bức xạ bề mặt:

$$R_{m1} = \frac{1 - \varepsilon_1}{\varepsilon_1 A_1} = \frac{1 - 0,2}{(0,2)(0,5)} = 8$$

- Tấm 1:



Hình 4.13. Sơ đồ trao đổi nhiệt

$$R_{m2} = \frac{1 - \varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2} = \frac{1 - 0,5}{(0,5)(0,5)} = 2$$

- Tấm 2:

- Phòng là môi trường bao quanh 2 tấm có diện tích vô cùng lớn ∞ , nên nhiệt trở bề mặt bằng 0.

$$R_{m3} = \frac{1 - \varepsilon_3}{\varepsilon_3 A_3} = 0 \quad . \text{ Bởi vậy } E_{b3} = \sigma T^4 = J_3$$

+ Tính các nhiệt trở bức xạ không gian:

$$\text{- Giữa tấm 1 với 2 và giữa tấm 2 với 1: } R_{12} = \frac{1}{A_1 F_{12}} = R_{21} = \frac{1}{A_2 F_{21}} = \frac{1}{(0,5)(0,285)} = 7,018$$

$$\text{- Giữa tấm 1 với phòng và giữa tấm 2 với phòng: } R_{13} = \frac{1}{A_1 F_{13}} = \frac{1}{(0,5)(0,715)} = 2,797 = R_{23}$$

+ Lập hệ phương trình thế bức xạ J (bức xạ hiệu dụng) tại các nút:

$$\text{- Nút 1: } \frac{E_{b1} - J_1}{8} + \frac{J_2 - J_1}{7,02} + \frac{E_{b3} - J_1}{2,8} = 0 \rightarrow \left(\frac{1}{8} + \frac{1}{7,02} + \frac{1}{2,8} \right) J_1 - \frac{1}{7,02} J_2 = \frac{E_{b1}}{8} + \frac{E_{b3}}{2,8}$$

$$\text{- Nút 2: } \frac{J_1 - J_2}{7,02} + \frac{E_{b2} - J_2}{8} + \frac{E_{b3} - J_2}{2,8} = 0 \rightarrow -\frac{1}{7,02} J_1 + \left(\frac{1}{8} + \frac{1}{7,02} + \frac{1}{2,8} \right) J_2 = \frac{E_{b2}}{8} + \frac{E_{b3}}{2,8}$$

$$E_{b1} = \sigma T_1^4 = (5,67 \times 10^{-8})(1273^4) = 148,87 \text{ kW/m}^2$$

$$E_{b2} = \sigma T_2^4 = (5,67 \times 10^{-8})(773^4) = 20,241 \text{ kW/m}^2$$

$$E_{b3} = \sigma T_3^4 = (5,67 \times 10^{-8})(300^4) = 0,4592 \text{ kW/m}^2$$

Thay vào giải ra

$$J_1 = 33,469 \text{ kW/m}^2, \quad J_2 = 15,054 \text{ kW/m}^2$$

$$\text{Dòng nhiệt từ tấm 1 mất đi: } Q_1 = \frac{E_{b1} - J_1}{R_{m1}} = \frac{148,87 - 33,469}{8} = 14,425 \text{ kW}$$

$$\text{Dòng nhiệt từ tấm 2 mất đi: } Q_2 = \frac{E_{b2} - J_2}{R_{m2}} = \frac{20,241 - 15,054}{2} = 2,549 \text{ kW}$$

Dòng nhiệt phòng nhận từ hai tấm:

$$Q_3 = \frac{J_1 - J_3}{R_{13}} + \frac{J_2 - J_3}{R_{23}} = \frac{33,469 - 0,4592}{2,8} + \frac{15,054 - 0,4592}{2,8} = 17,020 \text{ kW}$$

4. Bức xạ giữa hai mặt song song nhau rộng vô hạn

a. Hai mặt phẳng rộng vô hạn

Khi hai mặt là rộng vô hạn thì $A_1 = A_2$ và $F_{12} = 1$. Thay vào (4.55) được dòng nhiệt trao đổi giữa hai tấm

$$Q_{1-2} = \frac{\frac{E_{b1} - E_{b2}}{\frac{1-\varepsilon_1}{\varepsilon_1 A_1} + \frac{1}{A_1 F_{12}} + \frac{1-\varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2}}}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1} = \frac{A(E_{b1} - E_{b2})}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1} \quad (4.65)$$

Mật độ dòng nhiệt

$$q_{12} = \frac{Q_{1-2}}{A} = \frac{\frac{\sigma(T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1-\varepsilon_1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1}}{1} \text{ W/m}^2 \quad (4.66)$$

b. Hai vách trụ lồng nhau đồng trục dài vô hạn

Do vách bên trong (1) được bọc kín bởi vách ngoài (2) nên bức xạ của vách trong sẽ được vách ngoài nhận hết, bởi vậy $F_{12} = 1$. Thay vào (4.55) sẽ được

$$Q_{12} = \frac{\frac{E_{b1} - E_{b2}}{\frac{1-\varepsilon_1}{\varepsilon_1 A_1} + \frac{1}{A_1 F_{12}} + \frac{1-\varepsilon_2}{\varepsilon_2 A_2}}}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{A_1}{A_2} \left(\frac{1}{\varepsilon_2} - 1 \right)} = \frac{\sigma \cdot A_1 (T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{A_1}{A_2} \left(\frac{1}{\varepsilon_2} - 1 \right)}, \quad (4.67)$$

với $A_1/A_2 = r_1/r_2$, r_1 , r_2 là bán kính hai vách trụ

Hai vách cầu lồng nhau cũng dùng công thức (4.67) với $A_1/A_2 = (r_1/r_2)^2$

4.4. Bức xạ trong môi trường có hấp thụ và xuyên qua

4.4.1. Thành phần bức xạ xuyên qua môi trường

Khảo sát hai mặt có môi trường hấp thụ và xuyên qua ở giữa, hình 4.14. Trong thực tế, môi trường có thể là chất khí, thủy tinh hoặc chất dẻo.

Giả thiết môi trường không có phản xạ, nên theo định luật Kirchhoff :

$$\alpha_m + \tau_m = \epsilon_m + \tau_m = 1 \quad (4.68)$$

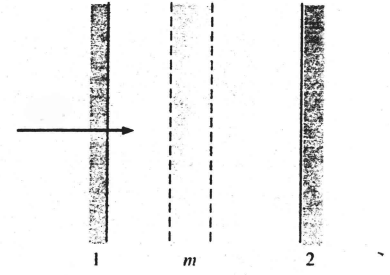
Năng lượng từ mặt 1 đi qua môi trường đến mặt 2 là:

$$J_1 A_1 F_{12} \tau_m \quad (4.69)$$

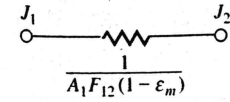
Năng lượng từ mặt 2 đi qua môi trường đến mặt 1 là:

$$J_2 A_2 F_{21} \tau_m \quad (4.70)$$

Trao đổi của hệ thống trong quá trình truyền xuyên qua môi trường



Hình 4.14



Hình 4.15

$$Q_{1-2 \text{ xuyên}} = A_1 F_{12} \tau_m (J_1 - J_2) = A_1 F_{12} (1 - \epsilon_m) (J_1 - J_2)$$

$$Q_{1-2, \text{ xuyên}} = \frac{J_1 - J_2}{\frac{1}{A_1 F_{12} (1 - \epsilon_m)}} \quad (4.71)$$

Công thức trên được biểu thị bằng phân tử mạng hình 4.15

4.4.2. Thành phần trao đổi giữa bề mặt 1 và môi trường.

Môi trường không phản xạ, năng lượng của môi trường bức xạ ra là

$$J_m = \epsilon_m E_{bm} \quad (4.72)$$

Xét tại mặt 1, năng lượng của môi trường đi tới mặt 1 là

$$A_m F_{m1} J_m = A_m F_{m1} \epsilon_m E_{bm} \quad (4.73)$$

Năng lượng từ mặt 1 đi tới môi trường là

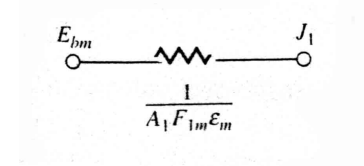
$$J_1 A_1 F_{1m} \alpha_m = J_1 A_1 F_{1m} \epsilon_m$$

Chú ý rằng sự hấp thụ trong môi trường nghĩa là bức xạ chiếu tới đã vào môi trường. Tương ứng với các quan hệ trên, năng lượng trao đổi của hệ thống giữa môi trường và mặt 1 là chênh lệch giữa tổng năng lượng phát ra bởi môi trường tới mặt 1 và và lượng hấp thụ phát ra từ mặt 1

$$Q_{m-1 \text{ net}} = A_m F_{m1} \epsilon_m E_{bm} - J_1 A_1 F_{1m} \epsilon_m$$

Chú ý tới $A_m F_{m1} = A_1 F_{1m}$ thì

$$Q_{m-1net} = Q_{m-net} = \frac{E_{bm} - J_1}{\frac{1}{A_1 F_{1m} \epsilon_m}} \quad (4.74)$$



Hình 4.16

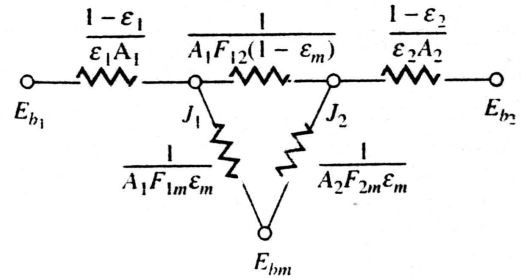
Quá trình truyền nhiệt trên được biểu thị bằng phần tử mạng hình 4.16

4.4.3. Trao đổi nhiệt của hệ thống

Quá trình trao đổi nhiệt của hệ thống biểu thị bằng sơ đồ mạng tổng thể trên hình 4.17.

Nếu nhiệt môi trường giữ ổn định thì E_{bm} được xác định theo $E_{bm} = \sigma T^4$

Tuy nhiên, do năng lượng được phân chia trong môi trường nên E_{bm} trở thành điểm thả nổi, và thế của nó được xác định theo các phần tử của mạng.



Hình 4.17

Trong các bài toán thực tế các mặt xám trao đổi nhiệt qua chất khí có hấp thụ, khó khăn là xác định hệ số xuyên qua và hệ số hấp thụ của chất khí. Các đại lượng này không chỉ phụ thuộc vào bản chất của khí mà còn phụ thuộc vào bề dày của lớp khí. Bức xạ qua lớp khí mỏng nhiều hơn lớp khí dày.

Thí dụ 4.4. Hai tấm phẳng rộng có nhiệt độ và độ đen tương ứng là $T_1 = 800 \text{ K}$; $\epsilon_1 = 0,3$; $T_2 = 400 \text{ K}$; $\epsilon_2 = 0,7$. Giữa chúng là khí xám có $\epsilon_g = 0,2$; $\tau_g = 0,8$. Xác định mật độ dòng nhiệt truyền giữa hai tấm, bức xạ của mỗi tấm và nhiệt độ của khí.

Giải:

Sơ đồ mạng thể hiện trên hình 4.17. Coi diện tích các tấm $A_1 = A_2 = 1 \text{ m}^2$.

Nhiệt trở bức xạ bề mặt 1 và 2:

$$R_{m1} = \frac{1 - \epsilon_1}{\epsilon_1} = \frac{1 - 0,3}{0,3} = 2,333 \quad ; \quad R_{m2} = \frac{1 - \epsilon_2}{\epsilon_2} = \frac{1 - 0,7}{0,7} = 0,4286$$

Nhiệt trở không gian giữa hai bề mặt 1 và 2:

$$R_{12} = \frac{1}{F_{12}(1 - \epsilon_g)} = \frac{1}{1(1 - 0,2)} = 1,25$$

Nhiệt trở không gian giữa từng mặt với môi trường khí

$$R_{1g} = \frac{1}{F_{1g} \epsilon_g} = R_{2g} = \frac{1}{F_{2g} \epsilon_g} = \frac{1}{0,2} = 5,0$$

Nhiệt trở không gian tương đương của R_{12} và R_{1g} , R_{1g}

$$\text{Do : } [R_{12} // (R_{1g} + R_{2g})] \text{ nên } \frac{1}{R_{td}} = \frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_{1g} + R_{2g}} \rightarrow$$

$$R_{td} = \frac{1}{\frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_{1g} + R_{2g}}} = \frac{1}{\frac{1}{1,25} + \frac{1}{5,0 + 5,0}} = 1,1111$$

Nhiệt trở tổng giữa hai mặt:

$$R_{\Sigma} = R_{m1} + R_{td} + R_{m2} = 2,333 + 1,1111 + 0,4286 = 3,8726$$

Thế bức xạ tại mỗi mặt:

$$E_{b1} = \sigma T_1^4 = (5,67 \cdot 10^{-8}) \cdot (800)^4 = 23.220 \text{ W/m}^2$$

$$E_{b2} = \sigma T_2^4 = (5,67 \cdot 10^{-8}) (400^4) = 1451 \text{ W/m}^2$$

Dòng bức xạ tổng giữa hai mặt:

$$q_{12} = \frac{E_{b1} - E_{b2}}{R_{\Sigma}} = \frac{23220 - 1451}{3,8726} = 5621,28 \text{ W/m}^2$$

Dòng bức xạ giữa hai mặt khi không có khí ở giữa:

$$q_{12} = \frac{E_{b1} - E_{b2}}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1} = \frac{23220 - 1451}{\frac{1}{0,3} + \frac{1}{0,7} - 1} = 5786,69 \text{ W/m}^2$$

Thế bức xạ hiệu dụng của mỗi mặt J_1 và J_2 (tức dòng bức xạ hiệu dụng của mỗi tấm)

Trên mỗi nhiệt trở bề mặt R_{m1} và R_{m2} đều có dòng bức xạ hiệu dụng bằng dòng bức xạ tổng:

$$q_{m1} = \frac{E_{b1} - J_1}{R_{m1}} = 5621,28 \text{ W/m}^2 \quad ; \quad q_{m2} = \frac{J_1 - E_{b2}}{R_{m2}} = 5621,28 \text{ W/m}^2$$

suy ra :

$$J_1 = E_{b1} - 5621,28 \times R_{m1} = 23220 - 5621,28 \times 2,333 = 10105,55 \text{ W/m}^2$$

$$J_2 = E_{b2} + 5621,28 \times R_{m2} = 1451 + 5621,28 \times 0,4286 = 3860,28 \text{ W/m}^2$$

Do nhiệt trở không gian giữa mỗi mặt với khí bằng nhau $R_{1g} = R_{2g}$ nên thế bức xạ của khí phải bằng trung bình cộng của thế bức xạ hiệu dụng mỗi mặt:

$$E_{bg} = \frac{J_1 + J_2}{2} = \frac{10105,55 + 3860,28}{2} = 6982,915 \text{ W/m}^2$$

$$T_g = \sqrt[4]{\frac{E_{bg}}{\sigma}} = \left(\frac{6982,15}{5,67 \cdot 10^{-8}} \right)^{1/4} = 592,3 \text{ K}$$

Nhiệt độ của khí: $E_{bg} = \sigma T_g^4 \rightarrow$

4.4.4. Môi trường hấp thụ và xuyên qua có nhiều lớp

Khi có trên 2 bề mặt tham gia trao đổi nhiệt, thì trao đổi nhiệt bức xạ giữa chúng sẽ xuyên qua môi trường. Kết quả là hệ số xuyên qua giữa các bề mặt có thể khác đi, phụ thuộc vào sự định hướng hình học của chúng. Do vậy nhiệt độ của khí sẽ thay đổi, tính chất xuyên qua và bức xạ của chất khí cũng thay đổi theo khu vực khác nhau trong khí. Một cách biểu thị tình trạng này là chia khối khí thành các lớp và thiết lập mạng bức xạ tương ứng và cho thể của các nút đó thay đổi dần để đạt tới phân bố nhiệt độ trong chất khí. Khi đó buộc phải dùng phương pháp tính lặp vì tính chất bức xạ của khí là hàm của các thể bức xạ thay đổi chưa biết. Nếu nhiệt độ khí mà đồng nhất thì cách giải quá dễ dàng.

Khảo sát hệ thống gồm 2 tấm bức xạ qua môi trường 2 lớp m và n có tính hấp thụ và xuyên qua như trên hình 4.18.

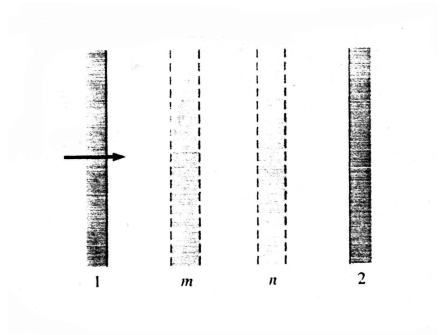
Năng lượng trao đổi giữa mặt 1 và lớp m của môi trường là

$$Q_{1-m} = A_1 F_{1m} \epsilon_m J_1 - A_m F_{m1} \epsilon_{bm} E_{bm} = \frac{J_1 - E_m}{\frac{1}{A_1 F_{1m} \epsilon_m}} \quad (4.75)$$

Năng lượng trao đổi giữa mặt 2 và lớp n của môi trường là

$$Q_{2-m} = A_1 F_{2m} \epsilon_n J_2 - A_n F_{n1} \epsilon_n E_{bn} = \frac{J_2 - E_n}{\frac{1}{A_2 F_{2n} \epsilon_n}} \quad (4.76)$$

$$Q_{2-m} = A_1 F_{2m} \epsilon_n J_2 - A_n F_{n1} \epsilon_n E_{bn} = \frac{J_2 - E_n}{\frac{1}{A_2 F_{2n} \epsilon_n}}$$



Hình 4.18

Năng lượng từ mặt 1 đến mặt 2 là

$$Q_{1-2} = A_1 F_{12} J_1 \tau_m \tau_n = A_1 F_{12} J_1 (1 - \epsilon_m)(1 - \epsilon_n) \quad (4.77)$$

Năng lượng từ mặt 2 đến mặt 1 là

$$Q_{2-1} = A_2 F_{21} J_2 \tau_n \tau_m = A_2 F_{21} J_2 (1 - \epsilon_n)(1 - \epsilon_m) \quad (4.78)$$

Năng lượng từ mặt 1 đến mặt 2 qua môi trường xuyên qua là

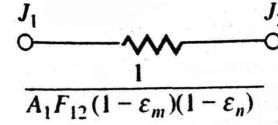
$$Q_{1-2 \text{ xuyên qua}} = Q_{1-2} - Q_{2-1} = A_1 F_{12} (J_1 - J_2) (1 - \epsilon_m)(1 - \epsilon_n)$$

$$Q_{1-2 \text{ xuyên qua}} = \frac{\frac{J_1 - J_2}{1}}{A_1 F_{12} (1 - \varepsilon_m)(1 - \varepsilon_n)} \quad (4.79)$$

Công thức trên được biểu thị bởi phần tử mạng hình 4.19.

Năng lượng từ mặt 1 bức xạ đi bị hấp thụ tại lớp n là

$$Q_{1-n} = A_1 F_{1n} J_1 \tau_m \varepsilon_n = A_1 F_{1n} J_1 (1 - \varepsilon_m) \varepsilon_n \quad (4.69)$$



Hình 4.19

Năng lượng lớp n qua lớp m đến mặt 1 là

$$Q_{n-1} = A_n F_{n1} J_n \tau_m = A_n F_{n1} J_n (1 - \varepsilon_m) \quad (4.80)$$

Do $J_n = \varepsilon_n E_{bn}$ nên trao đổi bức xạ giữa mặt 1 và lớp n là

$$Q_{1-n.net} = Q_{1-n} - Q_{n-1} = A_1 F_{1n} (1 - \varepsilon_m) \varepsilon_n (J_1 - E_{bn}) \quad (4.81)$$

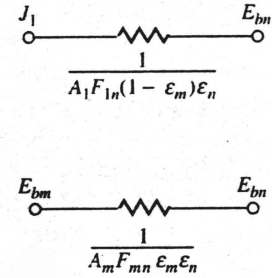
$$Q_{1-n.net} = \frac{\frac{J_1 - E_{bn}}{1}}{A_1 F_{1n} (1 - \varepsilon_m) \varepsilon_n} \quad (4.82)$$

Công thức trên được biểu thị bởi phần tử mạng hình 4.20 (trên)

Tương tự như vậy, trao đổi nhiệt giữa tấm 2 với lớp m sẽ là

$$Q_{2-m.net} = Q_{1-m} - Q_{m-1} = A_2 F_{2m} (1 - \varepsilon_n) \varepsilon_m (J_2 - E_{bm})$$

$$Q_{2-m.net} = \frac{\frac{J_2 - E_{bm}}{1}}{A_2 F_{2m} (1 - \varepsilon_n) \varepsilon_m} \quad (4.78)$$



Hình 4.20

Năng lượng rời lớp m bị hấp thụ trên lớp n là

$$Q_{m-n} = J_m A_m F_{mn} \alpha_n = A_m F_{mn} \varepsilon_m \varepsilon_n E_{bm} \quad (4.83)$$

Năng lượng rời lớp n bị hấp thụ trên lớp m là

$$Q_{n-m} = J_n A_n F_{mn} \alpha_m = A_n F_{mn} \varepsilon_n \varepsilon_m E_{bn} \quad (4.84)$$

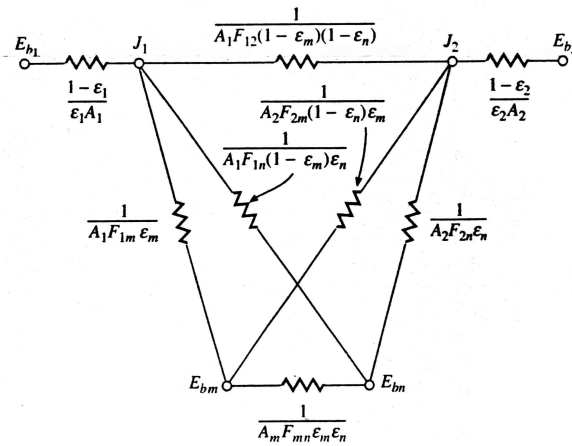
Năng lượng trao đổi giữa hai lớp m và n là

$$Q_{m-n.net} = Q_{m-n} - Q_{n-m} = A_m F_{mn} \varepsilon_m \varepsilon_n (E_{bm} - E_{bn})$$

$$Q_{m-n \text{ net}} = \frac{E_{bm} - E_{bn}}{\frac{1}{A_m F_{mn} \epsilon_m \epsilon_n}} \quad (4.85)$$

Năng lượng trên được biểu thị bởi phần tử mạng trên hình 4.20

Cuối cùng toàn bộ mạng thể hiện quá trình trao đổi nhiệt bức xạ của hệ thống được thể hiện trên hình 4.21



Hình 4.21.

4.5. Trao đổi nhiệt bức xạ của các mặt phản xạ gương

4.5.1. Bức xạ tại bề mặt phản xạ gương

Các vật thực tế không hoàn toàn phản xạ khuếch tán mà có thể một phần phản xạ gương. Phản xạ gương được ứng dụng rất nhiều trong các bộ thu năng lượng bức xạ mặt trời, bởi vậy nó có ý nghĩa kỹ thuật lớn. Khi có phản xạ gương, hệ số phản xạ ρ gồm hai thành phần là phản xạ khuếch tán ρ_D và phản xạ gương ρ_S :

$$\rho = \rho_D + \rho_S \quad (4.86)$$

Từ định luật Kiếp sốp: $\epsilon = \alpha = 1 - \rho$

ϵ hệ số bức xạ cũng là độ đen, α là hệ số hấp thụ, ρ là hệ số phản xạ,

Lượng nhiệt bề mặt mất đi là hiệu của năng lượng phát ra và năng lượng hấp thụ

$$Q = A(\epsilon E_b - \alpha G) \quad (4.87)$$

Gọi mật độ dòng khuếch tán J_D là năng lượng bức xạ khuếch tán rời bề mặt trên một đơn vị diện tích trong một đơn vị thời gian.

$$J_D = \varepsilon E_b + \rho_D G \quad (4.88)$$

Giải G từ (b) thay vào (a) được

$$Q = \frac{\varepsilon A}{\rho_D} [E_b(\varepsilon + \rho_D) - J_D] \quad (4.89)$$

Do $\varepsilon + \rho_D = 1 - \rho_S$, nên $(\varepsilon + \rho_D) = (1 - \rho_S)$ nên

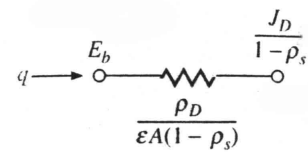
$$Q = \frac{E_b(1 - \rho_S) - J_D}{\frac{\rho_D}{\varepsilon A}}$$

Vậy

$$Q = \frac{E_b - \frac{J_D}{1 - \rho_S}}{\frac{\rho_D}{\varepsilon A(1 - \rho_S)}} \quad (4.90)$$

$\frac{J_D}{1 - \rho_S}$ gọi là thế bức xạ gương tại bề mặt

$\frac{\rho_D}{\varepsilon A(1 - \rho_S)}$ gọi là nhiệt trở bức xạ gương tại bề mặt R_{ms}



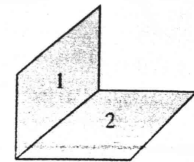
Hình 4.22. Phần tử mạng có phản xạ gương

Công thức (4.90) được biểu thị bởi phần tử mạng hình 4.22. Có thể thấy nếu vật chỉ phản xạ khuếch tán không có phản xạ gương $\rho_S = 0$; thì $\rho = \rho_D = 1 - \varepsilon$, và (4.90) trở về (4.49)

$$Q = \frac{E_b - J}{\frac{\rho}{\varepsilon A}} = \frac{E_b - J}{\frac{1 - \varepsilon}{\varepsilon A}} \quad (4.91)$$

4.5.2. Bức xạ giữa 2 bề mặt có phản xạ gương

Khảo sát trao đổi nhiệt bức xạ giữa hai mặt có phản xạ gương 1 và 2 đặt vuông góc nhau, hình 4.23.



Hình 4.23. Hai mặt gương

Năng lượng bức xạ khuếch tán từ mặt 1 đến mặt 2 bị phản xạ gương không quay về mặt 1 là

$$Q_{1 \rightarrow 2} = J_{1D} A_1 F_{12} (1 - \rho_{2S}) \quad (4.92)$$

Năng lượng bức xạ khuếch tán từ mặt 2 đến mặt 1 bị phản xạ gương không quay về mặt 2

$$Q_{2 \rightarrow 1} = J_{2D} A_2 F_{21} (1 - \rho_{1s}) \quad (4.93)$$

$(1 - \rho_s)$ đặc trưng cho phần hấp thụ trừ đi phần phản xạ gương khuếch tán đi của mỗi mặt. Đây là thành phần quan trọng nhất vì trước đây chỉ khảo sát những thành phần trao đổi khuếch tán trực tiếp đã buộc phải bỏ qua phần này. Bây giờ khảo sát thành phần phản xạ gương chúng phải có mặt.

Sự trao đổi của hệ thống bằng hiệu số giữa (4.92) và (4.93)

$$Q_{12} = Q_{1 \rightarrow 2} - Q_{2 \rightarrow 1} = J_{1D} A_1 F_{12} (1 - \rho_{2s}) - J_{2D} A_2 F_{21} (1 - \rho_{1s}) \quad (4.94)$$

$$Q_{12} = \frac{J_{1D} (1 - \rho_{2s}) - J_{2D} (1 - \rho_{1s})}{\frac{1}{A_1 F_{12}}} \quad (4.95)$$

Để đưa về thể bức xạ có phản xạ gương tại mỗi mặt cần biến đổi như sau

$$Q_{12} = \frac{\left[\frac{J_{1D} (1 - \rho_{2s}) - J_{2D} (1 - \rho_{1s})}{(1 - \rho_{1s})(1 - \rho_{2s})} \right] (1 - \rho_{1s})(1 - \rho_{2s})}{\frac{1}{A_1 F_{12}}} \quad (4.96)$$

Cuối cùng có:

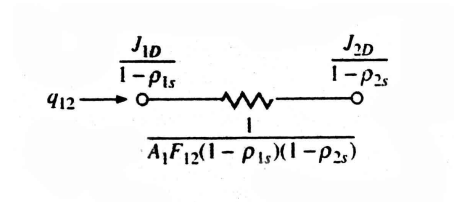
$$Q_{12} = \frac{\frac{J_{1D}}{1 - \rho_{1s}} - \frac{J_{2D}}{1 - \rho_{2s}}}{\frac{1}{A_1 F_{12} (1 - \rho_{1s})(1 - \rho_{2s})}} \quad (4.97)$$

$\frac{J_{1D}}{1 - \rho_{1s}}$ gọi là thể bức xạ có phản xạ gương của mặt 1

$\frac{J_{2D}}{1 - \rho_{2s}}$ gọi là thể bức xạ có phản xạ gương của mặt 2

$\frac{1}{A_1 F_{12} (1 - \rho_{1s})(1 - \rho_{2s})}$ gọi là nhiệt trở không gian của phản xạ gương

Công thức (4.97) được biểu thị bởi phần tử mạng trên hình 4.24.

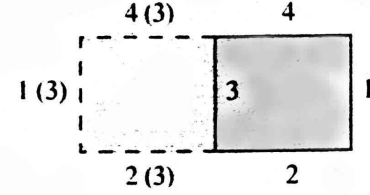


Hình 4.24. Phần tử mạng với thể bức xạ có phản xạ gương.

4.5.3. Bức xạ của hệ thống kín có phản xạ gương

Xét hệ thống kín gồm bốn mặt 1, 2, 3, 4 trong đó các mặt 1, 2, 4 có phản xạ khuếch tán trực tiếp còn mặt 3 vừa có phản xạ khuếch tán vừa có phản xạ gương, thể hiện trên hình 3.25.

Do mặt 3 có tính chất gương nên bức xạ từ các mặt 1, 2, 4 đến mặt 3 sẽ được phản xạ lại như một tấm gương. Các tia phản xạ gương đó coi như xuất phát từ nguồn bức xạ là hình ảnh trong gương 3 biểu thị bởi đường nét đứt.



Hình 4.25

Bức xạ khuếch tán trực tiếp từ 2 đến 1 là

$$Q_{1 \rightarrow 2} (\text{khuếch tán trực tiếp}) = J_2 A_2 F_{21} \quad (4.98)$$

Bức xạ khuếch tán từ 2 phản xạ qua 3 đến 1 là phản xạ gương

$$Q_{1 \rightarrow 2} (\text{Phản xạ gương}) = J_2 A_{2(3)} F_{2(3)1} \rho_{3S} \quad (4.99)$$

$F_{2(3)1}$ là hệ số góc bức xạ giữa mặt 2(3) và 1

ρ_{3S} là hệ số phản xạ gương biểu thị thành phần đến từ mặt 2 trong gương 3 ký hiệu 2(3).

$A_{2(3)}$ diện tích mặt 2 trong gương 3, dĩ nhiên $A_{2(3)} = A_2$

Bức xạ tổng từ 2 đến 1 là tổng của hai thành phần trên:

$$Q_{2 \rightarrow 1} = J_2 A_2 F_{21} + J_2 A_{2(3)} F_{2(3)1} \rho_{3S} = J_2 A_2 (F_{21} + F_{2(3)1} \rho_{3S}) \quad (4.100)$$

Tương tự như vậy bức xạ tổng từ 1 đến 2 là

$$Q_{1 \rightarrow 2} = J_1 A_1 F_{12} + J_1 A_{1(3)} F_{1(3)2} \rho_{3S} = J_1 A_1 (F_{12} + F_{1(3)2} \rho_{3S}) \quad (4.101)$$

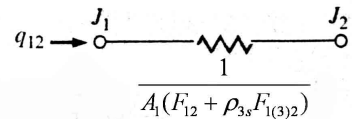
Trao đổi bức xạ của 1 và 2

$$Q_{12} = Q_{1 \rightarrow 2} - Q_{2 \rightarrow 1} = J_1 A_1 (F_{12} + F_{1(3)2} \rho_{3S}) - J_2 A_2 (F_{21} + F_{2(3)1} \rho_{3S}) \quad (4.102)$$

do $A_1 F_{12} = A_2 F_{21}$ nên

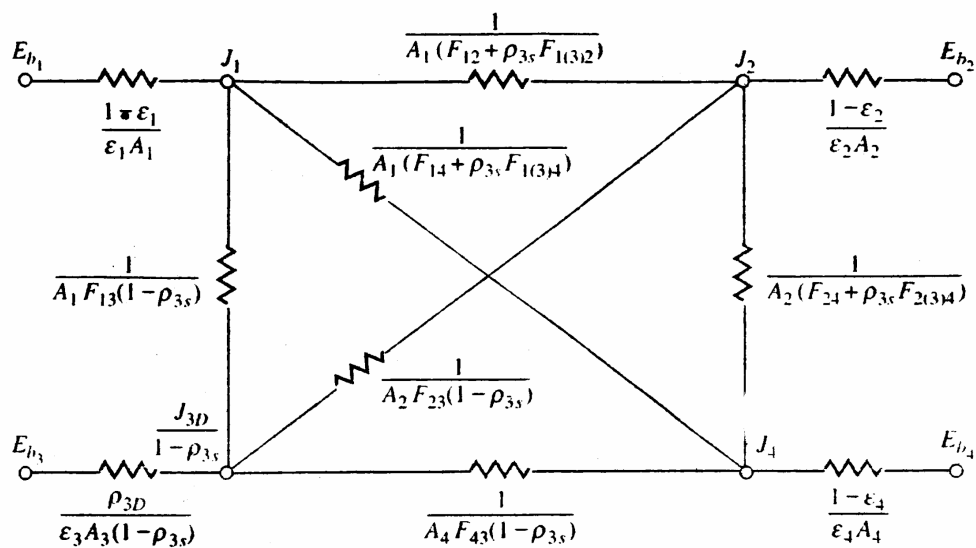
$$Q_{12} = \frac{J_1 - J_2}{\frac{1}{A_1 (F_{12} + F_{1(3)2} \rho_{3S})}} \quad (4.103)$$

Công thức (4.103) được biểu thị bởi phần tử mạng trên hình 4.26



Hình 4.26

Các thành phần bức xạ giữa các mặt khác có thể xây dựng bởi phần tử mạng tương tự, cuối cùng trao đổi bức xạ của hệ thống 4 mặt có một mặt phản xạ gương được biểu thị bởi sơ đồ mạng sau, hình 4.27.



Hình 4.27.