

I. (أ) حل في المجموعة $\mathbb{C}$ مجموعة الأعداد المركبة المعادلة ذات المجهول المركب z التالية : $z^2 - 2\sqrt{3}z + 4 = 0$ (ب) أكتب الحلول على الشكل المثلثي .

II. في المستوي المركب المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس المباشر $(O, \vec{u}, \vec{v})$ نعتبر النقط A, B, C و

لواحقها على الترتيب $z_A = 2i, z_B = \sqrt{3} + i, z_C = \sqrt{3} - i$.

$$(1) \text{ نضع : } L = \frac{(1-i)z_B}{z_C}$$

(أ) أكتب العدد L على الشكل الأسّي ثم أحسب L^{2016} .

(ب) عين قيم العدد الطبيعي n بحيث يكون العدد L^n تخيليا صرفا .

(ج) أكتب العدد L على الشكل الجبري ثم استنتج القيمتين المضبوطتين لكل من $\cos \frac{\pi}{12}$ و $\sin \frac{\pi}{12}$.

(2) (أ) بين أنه يوجد دوران r يحول النقطة B الى النقطة B و يحول النقطة A الى النقطة C . (ب) استنتج طبيعة المثلث ABC و احسب مساحته .

(3) (أ) عين (E_1) مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z بحيث يكون العدد $\frac{z - \sqrt{3} - i}{z - 2i}$ حقيقيا موجبا .

(ب) عين (E_2) مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z بحيث، $iz = -1 + i\sqrt{3} + 2ie^{i\theta}$ مع $(\theta \in \mathbb{R})$

(1) حل في $\mathbb{C}$ المعادلة التالية اذا علمت انها تقبل حلا حقيقيا z_0 : (1) $z^3 + 2z^2 - 16 = 0$

(2) اكتب حلول المعادلة (1) على الشكل الاسي

(3) في المستوي المركب المزود بمعلم متعامد ومتجانس مباشر $(O; \vec{u}; \vec{v})$

لتكن $z_D = -2 + 2i, z_B = 2, z_A = -2 - 2i$

(أ) عين اللاحقة z_C للنقطة C بحيث يكون $ABCD$ متوازي اضلاع ثم ارسم شكلا

(ب) لتكن النقطة E صورة النقطة C بالدوران الذي مركزه B وزاويته $\frac{-\pi}{2}$ و النقطة F صورة النقطة C بالدوران

الذي مركزه D وزاويته $\frac{+\pi}{2}$

- احسب z_E و z_F لاحقتي النقطتين E و F على الترتيب . انشئ E و F

- تحقق ان $\frac{z_F - z_A}{z_E - z_A} = i$ ثم استنتج طبيعة المثلث AEF

(ج) عين صورة المثلث EBA بالدوران الذي مركزه I منتصف القطعة $[EF]$ وزاويته $\frac{-\pi}{2}$