

1- المكثف - Le condensateur

تعريف، الرمز الاصطلاحي للمكثف

تعريف : يتكون المكثف من موصلين أو لبوسين (Armatures) يفصل بينهما عازل استقطابي (diélectrique)

الرمز الاصطلاحي للمكثف :



كل مكثف يميزه مقدار يسمى سعة المكثف و نرمز لها بـ C و حدتها في النظام العالمي للوحدات هي الفاراد F

العلاقة بين التوتر و شدة التيار.	العلاقة بين الشحنة و شدة التيار.	العلاقة بين الشحنة و التوتر.	شحنة المكثف
العلاقة بين الشحنة و شدة التيار. $i = \frac{dq_A}{dt}$ العلاقة بين الشحنة و التوتر. $q(t) = CU_C(t)$ العلاقة بين التوتر و شدة التيار. $C \cdot \frac{dU_C(t)}{dt} i(t) =$	تناسب شحنة المكثف اطراضا مع التوتر بين مربطيه $q(t) = CU_C(t)$ حيث C سعة المكثف	شدة التيار الكهربائي هي صبيب الشحن الكهربائية ، وهي كمية الكهرباء التي تصل إلى لبوس المكثف في وحدة الزمن . $i = \frac{dq_A}{dt}$	نسمى شحنة المكثف ، كمية الكهرباء q التي يتتوفر عليها أحد لبوسيه . غاز استقطابي لتكن q_A شحنة اللبوس A ، و q_B شحنة اللبوس B ، في هذه الحالة : $q = q_A = -q_B$

2- تعبير الطاقة المخزونة في المكثف

القدرة الكهربائية المكتسبة من طرف المكثف هي $P = u_C(t) \cdot i(t)$ اذن تعبير الطاقة $dE_e = P dt$ اذن

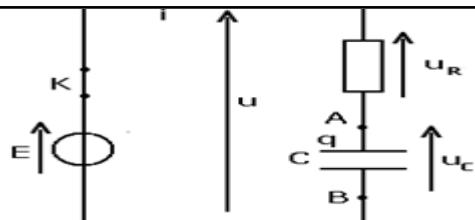
$$dE_e = C \cdot u_C \cdot du_C \quad \text{فإن} \quad i(t) = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$dE_e = d\left(\frac{1}{2} C \cdot u_C^2 + k\right) \quad \text{وهكذا :}$$

$$E_e = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2 + k \quad (k = Cte) \quad \text{تمثل الطاقة البدنية بالمكثف أي أن تعبير الطاقة المخزونة بالمكثف هي :}$$

$$E_e = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2 \quad k = 0 \quad u_C(t=0) = 0 \quad E_e(t=0) = 0 \quad \text{عند } (t=0) \text{ يكون المكثف غير مشحون وبالتالي}$$

3- استجابة ثانى القطب RC لرتبة صاعدة للتوتر



3-1- المعادلة التقاضلية للدارة

- قبل غلق الدارة $u_C = 0$ (المكثف مفرغ).- عند لحظة $t = 0$ نغلق الدارة.

حسب قانون إضافية التوترات نكتب :

$$u(t) = E \quad \text{مع} \quad u(t) = u_R(t) + u_C(t)$$

$$i(t) = C \cdot \frac{du_C}{dt} \quad u_R(t) = R \cdot i(t) \quad \text{حسب قانون أوم}$$

$$RC \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E \quad u_C(t) \text{ بين مربطي مكثف :}$$

3-2- تعبير التوتر (U_C)

حل هذه المعادلة التقاضلية، على شكل : $u_C(t) = A \cdot e^{-k \cdot t} + B$ و k ثوابت .

$$\frac{du_C}{dt} = -k \cdot A \cdot e^{-k \cdot t} \quad \text{نحدد B : المشقة الأولى ل}(t) \text{ هي :}$$

$$A \cdot e^{-k \cdot t} \cdot (1 - k \cdot t) = E - B \quad -\tau \cdot k \cdot A \cdot e^{-k \cdot t} + A \cdot e^{-k \cdot t} + B = E \quad \text{أي أن :}$$

$$\tau = R \cdot C \quad k = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{RC} \quad (1 - k \cdot t) = 0 \quad \text{أي :} \quad \text{نعرض في المعادلة التقاضلية :} \quad \text{لكي تتحقق هذه المعادلة مهما كانت } t \quad \text{يجب أن يكون } \forall t$$

$$u_C(t) = A.e^{-\frac{t}{RC}} + E$$

و هكذا:

نحدد A : عند الشروط البدئية ، أي عند $t = 0$ $u_C(t = 0) = A + E = 0$ و منه المكثف مفرغ بدنيا:

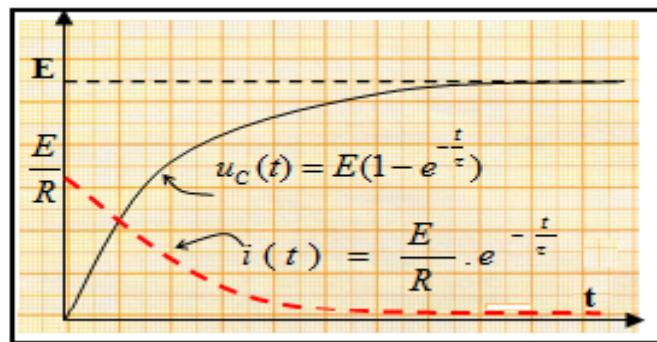
$$u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{RC}}) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

بالتالي:

Www.AdrarPhysic.Com

ثابتة الزمن $\tau = R.C$:

$[\tau] = [R].[C]$: معادلة الأبعاد للجاء $R.C$ $[R].[C] = [t]$ و هكذا: $\tau = R.C$ المقدار	$[C]$ ، C بعد بالنسبة للمكثف: $i = C \cdot \frac{du_C}{dt}$ $[C] = \frac{[I].[t]}{[U]}$	$R = \frac{U}{I}$: حسب قانون أوم: $[R]$ ، R بعد $[R] = \frac{[U]}{[I]}$
---	---	---



3-3- تعبير شدة التيار الكهربائي المار في الدارة :

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

من العلاقة مع

$$(\tau = R.C) \quad u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

نجد:

$$i(t) = C \cdot E \left[0 - \left(-\frac{1}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \right] = E \cdot C \cdot \frac{1}{RC} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$i(t) = \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

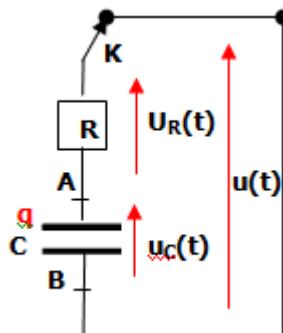
تحدد τ ثابتة الزمن بالطرق التالية

* المستقيم المماس عند $t=0$ حيث نقطة تقاطع المماس مع محور الأفاسيل يمثل τ

* المقدار عند اللحظة $t=\tau$ حيث نسقط الكمية $U_C(\tau) = 0,63.E$

* بتحديد زمن النصف $t_{1/2}$ حيث نستعين بالعلاقة $t_{1/2} = \tau \cdot \ln(2)$

3: استجابة ثانى القطب RC لرتبة نازلة للتوتر



3-1- المعادلة التفاضلية:

- في لحظة $t = 0$ ، نضع قاطع التيار K في الموضع (2) ، حيث المكثف مشحون أي: $u_C(0) = E$ و $u_R(0) = 0$ حسب قانون إضافة التوترات نكتب:

$$u_R(t) = R.C \frac{du_C}{dt} \iff q = C.u_C(t) \quad i(t) = \frac{dq}{dt} \quad u_R(t) = R.i(t)$$

$$(\tau = R.C) \quad u_C(t) + \tau \cdot \frac{du_C(t)}{dt} = 0$$

و بالتالي:

"المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر $u_C(t)$ بين مربطي المكثف خلال تفريغه في موصل أومي."

3-2- تعبير التوتر بين مربطي المكثف

تعتبر التوتر بين مربطي المكثف حل المعادلة التفاضلية و يكتب

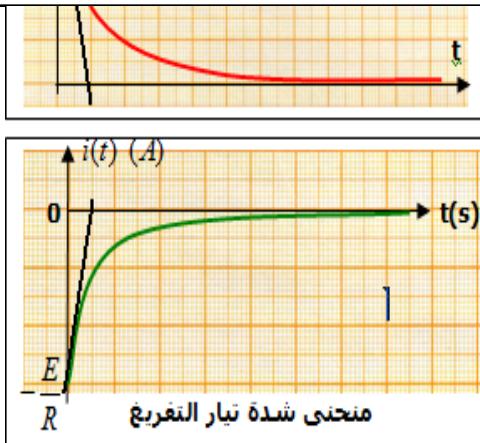
$$u_C(t) = A.e^{-k.t} + B$$

على شكل: A و B و k ثوابت.

$$\frac{du_C}{dt} = -k.Ae^{-k.t}$$

نعرض في المعادلة التفاضلية:

$$\begin{cases} -R.C.k.Ae^{-k.t} + Ae^{-k.t} + B = 0 \\ Ae^{-k.t}(1 - R.C.k) + B = 0 \end{cases}$$



تحقق هذه المعادلة ، يوافق أي أن : $B = 0$ ، وبالتالي $k = \frac{1}{R.C} = \frac{1}{\tau}$ أي أن $1 - R.C.k = 0$ عند $t = 0$. $A = E$ $u_C(0) = E = A.e^0$. $\tau = R.C$ مع $u_C(t) = E.e^{-\frac{t}{\tau}}$ وهكذا :

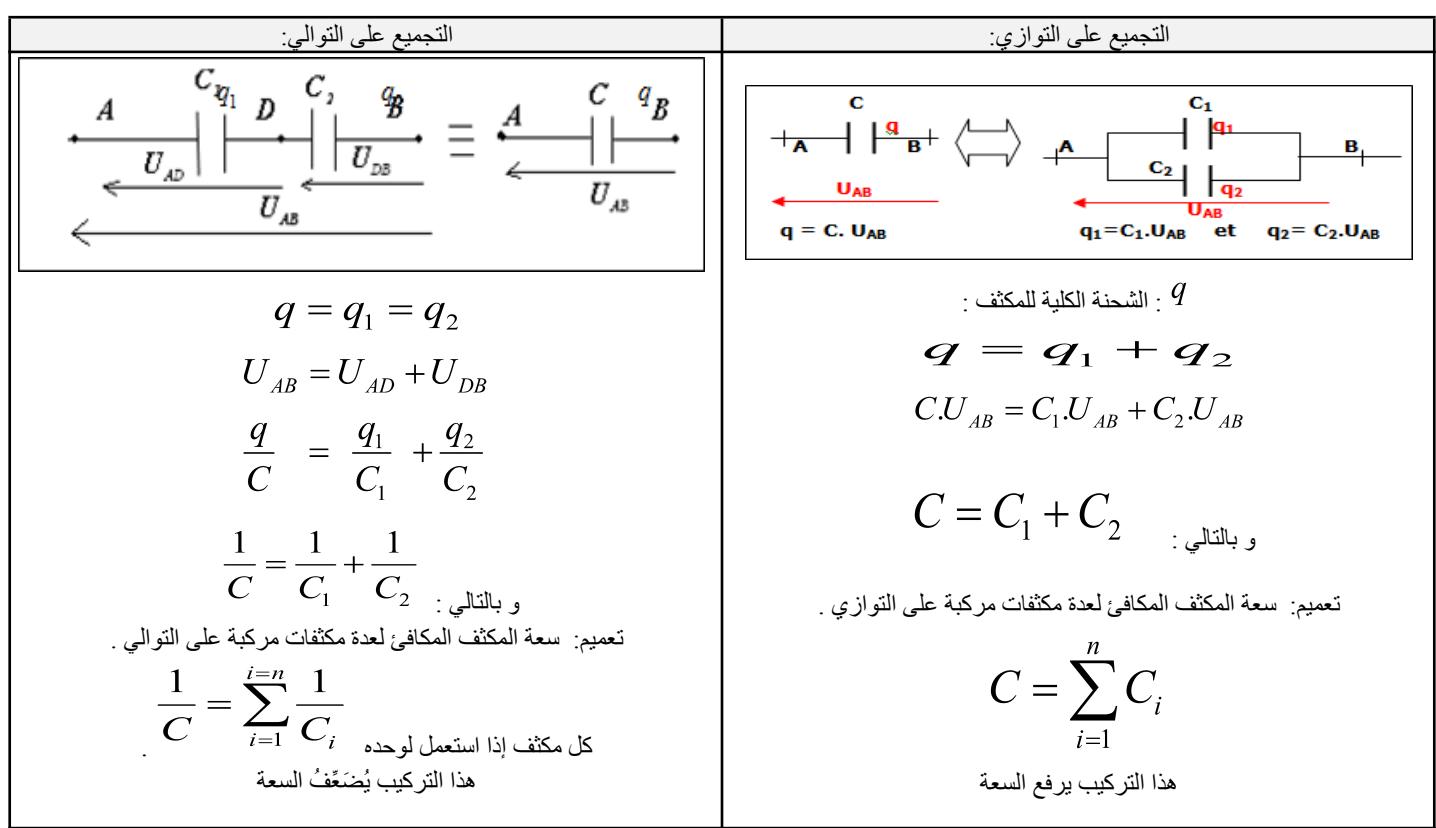
3- تعبير شدة تيار التفريغ :

لدينا $u_C(t) = E.e^{-\frac{t}{\tau}}$ مع $i(t) = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt}$ وهكذا :

$$i(t) = -\frac{E}{\tau} C.e^{-\frac{t}{\tau}} = -\frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

الإشارة - تدل على أن المكثف يلعب دور المولد في الدارة لكن منحى التيار ليس في منحى الحقيقي
Www.AdrarPhysic.Com

2- تجميع المكثفات:



انتهى