

(اختبار في مادة الرياضيات)

التمرين الأول : (06 نقاط)

$$A = \frac{x+y}{1+xy}$$

ليكن x و y عدنان حقيقيان من المجموعة $\mathbb{R} - \{-1; 1\}$. نضع

$$1. \text{ أحسب } A \text{ من أجل } x = \frac{1}{3} \text{ و } y = -\frac{2}{5}$$

$$2. \text{ نضع الآن : } x = \sqrt{5-2\sqrt{6}} \text{ و } y = \sqrt{5+2\sqrt{6}}$$

$$أ. \text{ أحسب } (\sqrt{3} - \sqrt{2})^2$$

$$ب. \text{ بين أن } A = \sqrt{3}$$

$$3. \text{ نفرض أن } \frac{1}{4} \leq x \leq \frac{1}{2} \text{ و } -\frac{1}{5} \leq y \leq -\frac{1}{10}$$

$$\frac{9}{10} \leq 1+xy \leq \frac{39}{40}$$

أ. أوجد حصر العدد $x+y$ و تحقق أنب. استنتج حصر العدد A ثم قارن بين A^2 و A^3 التمرين الثاني : (10 نقاط)تعطى النقط $A(1;4)$ ، $B(2;1)$ ، $C(6;5)$ في المستوي المزود بمعلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.1. علم النقط A ، B ، C وارسم الأشكال الهندسية الواردة في بقية التمرين2. أوجد معادلة للمستقيم (AI) حيث النقطة I منتصف القطعة $[BC]$ 3. أوجد معادلة للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة B و يوازي المستقيم (AC)

$$4. \text{ حل الجملة التالية : } \begin{cases} x+3y-13=0 \\ -x+5y-3=0 \end{cases} \text{ و أعط تفسيرا هندسيا لذلك.}$$

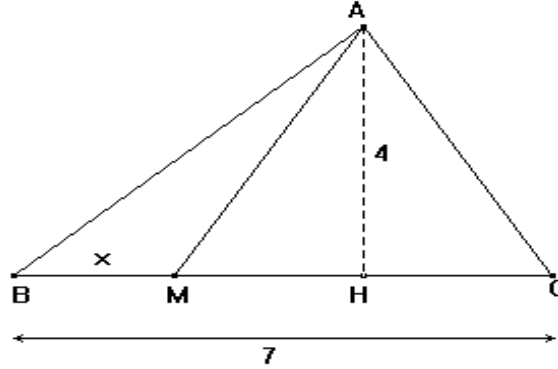
$$\left(3; \frac{10}{3}\right)$$

5. تحقق أن إحداثيات G مركز ثقل المثلث ABC هي6. لتكن D نقطة من المستوي حيث الرباعي $BGCD$ متوازي الأضلاع ، أوجد إحداثيات النقطة D 7. تحقق أن النقطة D تنتمي إلى المستقيم (AI)

التمرين الثالث : (04 نقاط)

ABC مثلث ، H المسقط العمودي للنقطة A على $[BC]$ ، M نقطة من قطعة المستقيم $[BC]$
حيث :

$BM = x$ ، $BC = 7$ ، $AH = 4$ كما في الشكل التالي :



نرمز بـ $f(x)$ إلى مساحة المثلث ABM و بالرمز $g(x)$ إلى مساحة المثلث ACM
1. ما هي القيم التي يأخذها العدد الحقيقي x ؟

2. أحسب بدلالة x كل من $f(x)$ ، $g(x)$

3. ارسم المنحنيان (C_f) ، (C_g) الممثلان في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس .

4. حل المعادلة $f(x) = g(x)$ بالطرق التالية : أ . حسابيا ب . بيانيا ت . هندسيا

التمرين الثالث : (04 نقاط)

1. أوجد الأعداد الحقيقية x التي تحقق : $|x| = 2\sqrt{3}$
2. من بين الأعداد التالية $-\frac{7}{2}$, $-\frac{10}{3}$, 0 , $\sqrt{5}$, $\sqrt{13}$ عين التي تحقق : $|x| \leq 2\sqrt{3}$
3. على مستقيم مزود بمعلم خطي $(O; I)$ علم النقطتان $A(2)$, $B(-5)$
4. أوجد هندسيا الأعداد الحقيقية x التي تحقق :
أ. $|x+5| = 2$
ب. $|x-2| = |x+5|$

(اختبار في مادة الرياضيات)

التمرين الأول : (06 نقاط)

ليكن x و y عدنان حقيقيان من المجموعة $\mathbb{R} - \{1; -1\}$ نضع $A = \frac{x+y}{1+xy}$

$$1. \text{ أحسب } A \text{ من أجل } x = \frac{1}{3} \text{ و } y = -\frac{2}{5}$$

$$2. \text{ نضع الآن : } x = \sqrt{5-2\sqrt{6}} \text{ و } y = \sqrt{5+2\sqrt{6}}$$

$$أ. \text{ أحسب } (\sqrt{3} - \sqrt{2})^2 \text{ ب. بين أن } A = \sqrt{3}$$

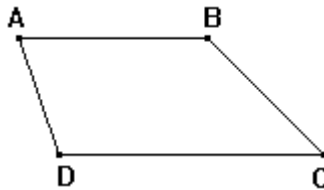
$$3. \text{ نفرض أن } \frac{1}{4} \leq x \leq \frac{1}{2} \text{ و } -\frac{1}{5} \leq y \leq -\frac{1}{10}$$

$$أ. \text{ أوجد حصرا للعدد } x+y \text{ و تحقق أن } \frac{9}{10} \leq 1+xy \leq \frac{39}{40}$$

$$ب. \text{ استنتج حصرا للعدد } A \text{ ثم قارن بين } A^2 \text{ و } A^3$$

التمرين الثاني : (8 نقاط)

$ABCD$ شبه منحرف محدب حيث : $(AB) \parallel (DC)$ و $AB = 5$ و $DC = 7$



$$1. \text{ برهن أن : } \overrightarrow{DC} = \frac{7}{5} \overrightarrow{AB} \text{ ثم عبر عن } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة } \overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{AD}$$

$$2. \text{ نعتبر النقطة } E \text{ حيث : } \overrightarrow{EC} = 2\overrightarrow{DE}$$

$$أ. \text{ عبر عن } \overrightarrow{DE} \text{ بدلالة } \overrightarrow{DC} \text{ ثم علم النقطة } E$$

$$ب. \text{ برهن أن للقطعتين } [AE] \text{ و } [BD] \text{ نفس المنتصف}$$

$$3. \text{ نضع لكل عدد حقيقي } x \text{ } \overrightarrow{AM} = x\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$$

$$أ. \text{ لأجل أي القيم } x \text{ تكون النقطة } M \text{ نظيرة } C \text{ بالنسبة إلى } D \text{ ؟}$$

$$ب. \text{ عبر عن } \overrightarrow{DM} \text{ بدلالة } \overrightarrow{AB} \text{ . في أي مجموعة تتغير النقطة } M \text{ لما يتغير العدد } x \text{ ؟}$$

