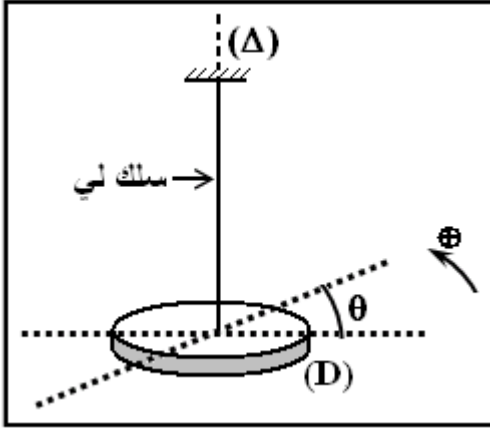


التمرين 1



يتكون نواس اللي الممثل في الشكل من قرص (D) وسلك لي ثابتة ليه C . عزم قصور (D) بالنسبة لمحور الدوران (Δ) هو $J_{\Delta} = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ Kg} \cdot \text{m}^2$.

عند التوازن يكون السلك غير ملتوي ($\theta_0 = 0$). ندير (D) أفقياً بزاوية $\theta_m = \frac{\pi}{4}$.

بالنسبة لموضع توازنه، ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة تاريخها $t_0 = 0$. نعتبر الاحتكاكات مهملة.

(1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أثبت المعادلة التفاضلية لحركة النواس. استنتج طبيعة حركته.

(2) نقيس المدة الزمنية Δt التي تستغرقها 10 تذبذبات فنجد $\Delta t = 2\text{s}$.

(1.2) أحسب قيمة ثابتة اللي C .

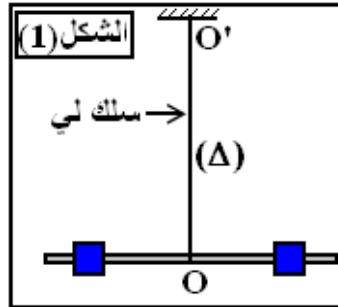
(2.2) أوجد المعادلة الزمنية لحركة النواس.

التمرين 2

يمثل الشكل (1) نواس لي مكون من ساق متجانسة معلقة من منتصفها بواسطة سلك فولاذي (OO') وتحمل سحمتين متماثلتين لهما نفس الكتلة $m = 100\text{g}$ ، تبعد كل واحدة منهما بالمسافة $d = 4\text{cm}$ عن النقطة O . ندير الساق ابتداءً من موضع توازنها

بزاوية θ_m في منحنى نعتبره موجبا ثم نحرره بدون سرعة بدئية في لحظة $t = 0$.

نسمي J_{Δ} عزم قصور المجموعة {الساق+السحمتين} بالنسبة لمحور (Δ) رأسي يمر من O و C ثابتة اللي للسلك الفولاذي. نأخذ $\pi^2 = 10$.

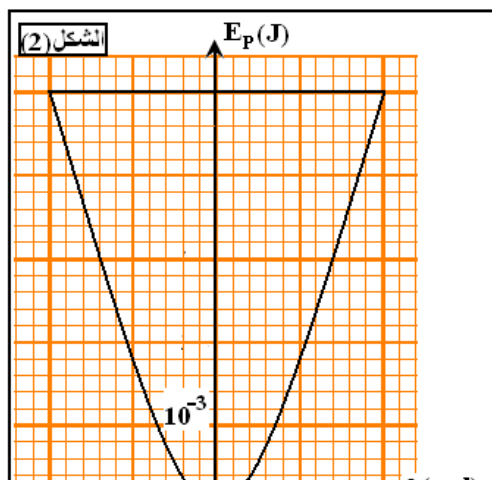


(1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد المعادلة التفاضلية وحدد طبيعة الحركة.

(2) استنتج تعبير الدور T_0 للحركة.

(3) أحسب قيمة T_0 علما أن المدة الزمنية التي يستغرقها النواس لإنجاز 10 ذبذبات هي $\Delta t = 40\text{s}$.

(4) مكنت الدراسة الطاقية من رسم المنحنى الممثل في الشكل (2).



(1.4) حدد قيمة الوسع القصوي θ_m ثم أوجد المعادلة الزمنية للحركة.

(2.4) أحسب منظّم متجهة السرعة الخطية لمركز ثقل كل سحمة عندما

$$\theta = \frac{\pi}{12}$$

تكون الساق الزاوية 12 مع موضع توازنها.

(3.4) أحسب قيمة C ثابتة لي السلك الفولاذي (OO').

(4.4) أوجد قيمة عزم قصور المجموعة J_{Δ} ؛ ثم استنتج قيمة J_O

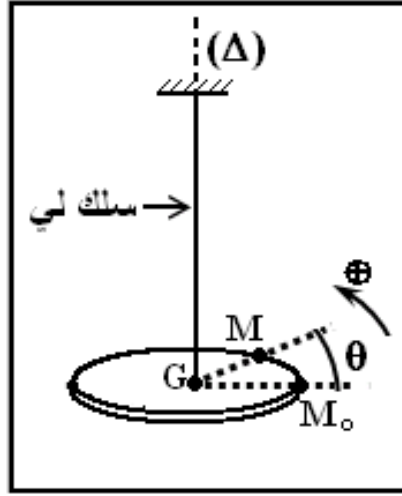
قصور الساق وحدها بالنسبة لمحور الدوران (OO').

$$J_{\Delta} = J_O + 2md^2 \text{ : نعطي}$$

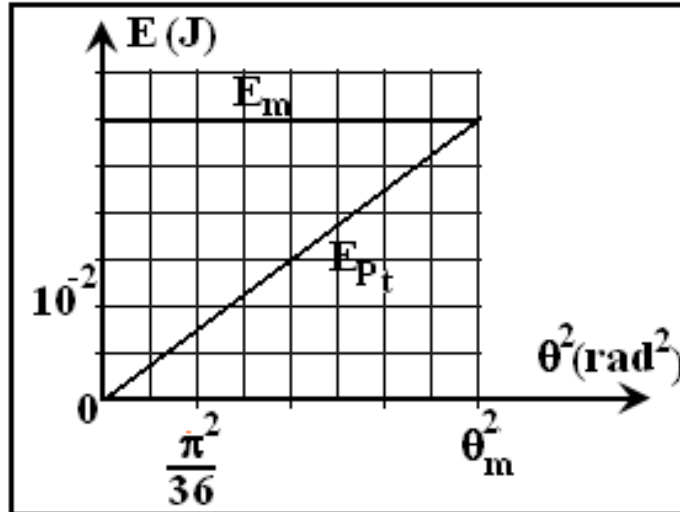
التمرين 3

ننجز نواس لي بتثبيت قرص متجانس شعاعه $r = 10\text{cm}$ من مركز قصوره G بطرف سلك فلزي رأسي محوره (Δ) و ثابتة ليه C . الطرف الآخر للسلك مثبت إلى حامل. عزم قصور القرص بالنسبة للمحور (Δ) هو $J_{\Delta} = 2,5.10^{-3} \text{Kg.m}^2$. نهمل جميع الاحتكاكات.

ندير القرص أفقيا حول المحور (Δ) في المنحى الموجب، بالزاوية θ_m انطلاقا من موضع توازنه، ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند اللحظة $t_0 = 0$. نمعلم موضع نقطة M من محيط القرص في كل لحظة بالأفصول الزاوي $\theta = (GM_0, GM)$ حيث M_0 موضع M عند التوازن.



يعطي المبيان الممثل التالي، تغيرات طاقة الوضع للي E_{Pt} والطاقة الميكانيكية E_m بدلالة θ^2 مربع الأفصول الزاوي.



- (1) أكتب تعبير الطاقة الميكانيكية للمتذبذب بدلالة C و J_{Δ} و θ و $\dot{\theta}$ السرعة الزاوية. استنتج المعادلة التفاضلية لحركة القرص.
- (2) بالاستعانة بالمبيان، عين:
(2.1) ثابتة لي السلك.

$$\theta = \frac{\pi}{6} \text{rad}$$

(2.2) السرعة الزاوية $\dot{\theta}$ للقرص عندما يكون الأفصول الزاوي

نأخذ $\pi^2 = 10$

