



إجباري الإجابة على التمرين الثالث و الرابع أما التمرين الأول أو الثاني على الخيار

التمرين الأول (04,50 نقاط):

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات التالية مع التبرير :

1/ β عدد حقيقي تكون الأعداد $e^\beta + 1; e^\beta - 2; e^\beta$ بهذا الترتيب حدود متتابعة لمتتالية هندسية من أجل:

أ/ $\beta = \ln\left(\frac{4}{3}\right)$ ب/ $\beta = \ln\left(\frac{5}{4}\right)$ ج/ $\beta = \ln\left(\frac{4}{5}\right)$

2/ مجموعة حلول المعادلة $2^{2x} - 5 \times 2^x + 6 = 0$ هي :

أ/ $\left\{1; \frac{\ln 3}{\ln 2}\right\}$ ب/ $\left\{1; \frac{\ln 2}{\ln 3}\right\}$ ج/ $\left\{1; \frac{\ln 4}{\ln 3}\right\}$

3/ حل المعادلة التفاضلية $y'' + 2e^{-2x} = 0$ الذي يحقق $y(0) = 2022$ و $y'(0) = 1443$ هو :

أ/ $f(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x} + 1443x + 2022$ ب/ $f(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x} + 1442x + \frac{4045}{2}$ ج/ $f(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x} + 1442x + \frac{4045}{2}$

$f(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x} + x + 2022$

4/ (u_n) المتتالية العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $u_n = \int_{e^n}^{e^{n+1}} \frac{2}{x} (1 + \ln(x)) dx$ وليكن S

المجموع حيث: $S = u_0 + u_1 + \dots + u_{36}$; قيمة S هي:

أ/ $S = 2022$ ب/ $S = 1443$ ج/ $S = 1444$

التمرين الثاني (04,50 نقاط):

يحتوي صندوق على عشر كريات لا نفرق بينها باللمس منها سبع كرات بيضاء مرقمة بـ:

$0; 0; 1; 2; 3$ و 4 وثلاث كرات حمراء مرقمة بـ: $-4; -1$ و 3

نسحب عشوائيا في أن واحد 3 كرات من الصندوق .

1/ احسب احتمال الحوادث التالية:

A: "سحب ثلاث كرات من نفس اللون " . B : "سحب كرة حمراء على الأكثر " .

C: "سحب ثلاث كرات ناتج جداء أرقامها معدوم" .

2) نعتبر x المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب عدد الكرات البيضاء المتبقية في الكيس بعد السحب

ب) عين قانون الاحتمال للمتغير العشوائي x ثم احسب أمله الرياضي $E(x)$

ج) احسب $P(X^2 - 9X + 20 = 0)$

التمرين الثالث (06,50 نقاط):

لتكن (u_n) المتتالية العددية المعرفة بحددها الأول $u_0 = \alpha$ و من أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = \frac{u_n - 1}{u_n + 3}$
 I) عين قيمة العدد الحقيقي α حتى تكون (u_n) ثابتة

الصفحة 1/2

II) نضع : $u_0 = 0$

1) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = 1 - \frac{4}{u_n + 3}$

2) برهن بالتراجع انه من أجل كل عدد طبيعي n : $-1 < u_n \leq 0$

3) أ) بين انه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} - u_n = -\frac{(u_n + 1)^2}{u_n + 3}$ استنتج اتجاه تغير المتتالية (u_n)

ب) هل المتتالية (u_n) متقاربة ؟ برر إجابتك

4) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة على $\mathbb{R}$ ب : $v_n = \frac{1}{u_n + 1}$

أ) برهن أن المتتالية (v_n) حسابية أساسها $\frac{1}{2}$ ثم احسب حدها الأول v_0

ب) عبر عن v_n بدلالة n ثم استنتج عبارة u_n بدلالة n و احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

د) احسب بدلالة n المجموع S_n حيث $S_n = \ln\left(\frac{v_1}{v_0}\right) + \ln\left(\frac{v_2}{v_1}\right) + \dots + \ln\left(\frac{v_n}{v_{n-1}}\right)$

التمرين الرابع (09 نقاط):

I) g الدالة العددية المعرفة على $]0; +\infty[$ ب : $g(x) = 1 - x^4 - 3 \ln(x)$

1) أ) ادرس تغيرات الدالة g . ثم شكل جدول تغيراتها

ب) احسب $g(1)$ ثم استنتج إشارة $g(x)$ على المجال $]0; +\infty[$

II) f الدالة العددية المعرفة على $]0; +\infty[$ ب : $f(x) = \frac{x^4 - 3x^3 - \ln x}{x^3}$

و (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ حيث

$$\|\vec{i}\| = 2cm$$

1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$. ثم فسر النتيجة بيانيا

3) أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $]0; +\infty[$ فإن : $f'(x) = -\frac{g(x)}{x^4}$

ب) استنتج إتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

2) أ) بين أن (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) معادلته: $y = x - 3$

ب) ادرس الوضع النسبي لـ (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ)

4) بين أن (C_f) يقبل مماسا (T) يوازي (Δ) يطلب تعيين معادلته

2) اثبت أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين a و b حيث $0,5 < a < 0,7$ و $3 < a < 3,2$

5) انشئ (Δ) , (T) والمنحنى (C_f)

6) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة : $(m+3)x^3 + \ln x = 0$

$$\int_{e^{-1}}^1 \frac{\ln(x)}{x^3} dx = -\frac{e^2 + 1}{4}$$

7) أ) باستعمال المكاملة بالتجزئة بين أن:

ب) احسب بـ cm^2 مساحة الحيز المستوى المحصور بين (C_f) و المستقيمت (Δ) و $x = 1$ و

$$x = e^{-1}$$