

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الاول :

اجابة واحدة صحيحة من بين الاجابات المقترحة عينها مع التعليل الكافي
نفرض ان المستوي منسوب لمعلم متعامد متجانس

1. لتكن العبارة $A(x) = \cos(33\pi - x) + \sin(27\pi - x) - 2\cos\left(\frac{15\pi}{2} - x\right) + \sin\left(\frac{15\pi}{2} - x\right)$ فان :

(أ) $A(x) = -\sin(x)$ (ب) $A(x) = \sin(x)$ (ج) $A(x) = 0$

2. إذا كان $\sin(x) = \frac{2}{3}$ و $x \in \left[\pi; \frac{3\pi}{2}\right]$ فان :

(أ) $\cos(x) = \frac{\sqrt{5}}{3}$ (ب) $\cos(x) = \frac{\sqrt{5}}{9}$ (ج) $\cos(x) = -\frac{\sqrt{5}}{3}$

3. لدينا $\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$ و منه العدد $\sin\left(\frac{13\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{5}}{3}$ يساوي :

(1) $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$ (ب) $\frac{-\sqrt{2} + \sqrt{6}}{4}$ (ج) $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{4}$

4. مجموعة حلول المعادلة $4\sin^2(x) - 3 = 0$ في المجال $[0; \pi[$ هي :

(أ) $S = \left\{\frac{-\pi}{3}; \frac{-2\pi}{3}\right\}$ (ب) $S = \left\{\frac{\pi}{3}; \frac{2\pi}{3}\right\}$ (ج) $S = \left\{\frac{\pi}{6}; \frac{5\pi}{6}\right\}$

5. $\vec{u}'$ و $\vec{u}$ شعاعان غير معدومان إذا كان $\left(\vec{u}; \vec{v}\right) = \frac{\pi}{8}$ فان :
(1) $\left(2018\vec{v}; -2019\vec{u}\right) = -\frac{\pi}{8}$ (ب) $\left(2018\vec{v}; -2019\vec{u}\right) = \frac{7\pi}{8}$ (ج) $\left(2018\vec{v}; -2019\vec{u}\right) = \frac{9\pi}{8}$

التمرين الثاني :

المستوي منسوب الى معلم متعامد $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، A ، B نقطتان احداثياها على الترتيب $(2; 4)$ و $(6; 0)$ ليكن L منتصف $[AB]$ و K منتصف $[OL]$.

1. احسب احداثيي كل من L و K .

2. I نقطة احداثياها $(2; 0)$ ، اوجد العددين a و b حتي تكون النقطة K مرجح الجملة $\{(I; b); (A; a)\}$.

3. عين احداثيا J بحيث يكون الرباعي $IBAJ$ متوازي أضلاع.

4. اكتب الشعاع $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB}$ بدلالة $\overrightarrow{GL}$ بحيث G مرجح الجملة $\{(B;1);(A;1)\}$.
5. عين (Γ) مجموعة النقط M من المستوي بحيث : $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{ML}\| = \|\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB}\|$.

التمرين الثالث :

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $f(x) = 1 + \frac{5x + 5}{x^2 + 2x + 2}$

(و) C_f المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد و متجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$

- أ/ احسب نهايات الدالة f عند اطراف مجموعة التعريف
ب/ ماذا تستنتج
- احسب الدالة المشتقة f' للدالة f ثم استنتج اتجاه التغير للدالة f على $\mathbb{R}$
- شكل جدول التغيرات
- أ/ احسب $f(0)$ وماذا تستنتج
ب/ حل في المعادلة $f(x) = 0$ فسر بيانيا النتيجة
- ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم Δ (ذي المعادلة $y = 1$)
- تحقق انه من اجل كل x من $\mathbb{R}$: $f(-1+x) + f(-1-x) = 2$ ثم استنتج ان (C_f) يقبل مركز تناظر يطلب تعيين احداثياته
- انشئ Δ (و) (C_f)