

التمرين الاول: (4 نقاط)

$$\begin{cases} v_6 + v_8 + v_{10} + v_{12} = 132 \\ v_2 + v_4 = 18 \end{cases} \quad (v_n) \text{ متتالية حسابية حيث:}$$

(1) احسب الأساس r والحد الأول v_1 .

(2) اكتب v_n بدلالة n .

(3) احسب المجموع: $s_n = v_1 + v_2 + \dots + v_n$.

التمرين الثاني: (6 نقاط) نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بـ:

$$\begin{cases} U_1 = \frac{1}{3} \\ U_{n+1} = \frac{n+3+2nU_n}{3n+3}, \quad n \geq 1. \end{cases}$$

والمتتالية $(V_n)_{n \geq 1}$ بحيث: $V_n = n(1 - U_n)$.

(1) احسب U_2 و V_1 .

(2) بين أن: $(V_n)_{n \geq 1}$ هندسية أساسها $\frac{2}{3}$.

(3) أحسب V_n ثم U_n بدلالة n .

(4) أحسب بدلالة n المجموع: $S_n = U_1 + 2U_2 + \dots + nU_n$.

بالتوفيق