

التمرين الأول (10 نقاط)

(Un) متتالية عددية معرفة ب : $U_n = \alpha$ حيث α عدد حقيقي ومن اجل كل عدد طبيعي n فان

$$U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n - 2$$

1- عين قيمة α حتى تكون (U_n) متتالية ثابتة.

2- نفرض الان ان $\alpha=3$

1. احسب u_1, u_2, u_3 و اعط تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (U_n) .

2. برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي n فان $U_n \geq -4$

3. برر لماذا (U_n) متقاربة ثم حدد نهايتها

4. نضع $V_n = U_n + 4$

1. برهن ان (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين اساسها و حدها الاول

2. جد عبارة V_n بدلالة n و استنتج ان $u_n = 7\left(\frac{1}{2}\right)^n - 4$ ثم احسب u_n

3. احسب بدلالة n المجموع $S = V_0 + V_1 + \dots + V_n$ ثم استنتج بدلالة n المجموع

$$S = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$

التمرين الثاني (10 نقاط)

ورد في مطوية لأمن الطرقات الجدول التالي الذي يعطي مسافة التوقف لسيارة بالمتر بدلالة سرعة السيارة (كم/سا)

x_i (كم/سا) سرعة السيارة	50	80	90	100	110
y_i (متر) مسافة التوقف	28	58	70	83	98

1. مثل سحابة النقط للسلسلة في معلم متعامد (على محور الفواصل 1cm لكل 10km/h و يبدأ التدرج فيه من 40

أما على محور الترتيب نأخذ 1cm لكل 10 متر)

2. احسب احداثيات النقطة المتوسطة G و علمها

3. بين ان معادلة مستقيم الانحدار (D) بالمربعات الدنيا $y = 1.15x - 31.5$ ثم ارسمه

4. ماهي المسافة اللازمة لتوقف سيارة تسير بسرعة 200km/h

بالتوفيق

الأستاذة فارسي.ن