

الفرض الثاني للثلاثي الأول

التمرين الأول

1. نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $\mathbb{R} - \{0;1\}$ بالعلاقة : $f(x) = -\frac{1}{2}x + \ln\left|\frac{x-1}{x}\right|$.

(C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(o; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) أحسب نهاية الدالة عند أطراف مجموعة التعريف .

(2) عين اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

(3) برهن ان المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = -\frac{1}{2}x$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f)

(4) أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و (Δ) .

(5) اثبت أن النقطة $\omega\left(\frac{1}{2}; -\frac{1}{4}\right)$ هي مركز تناظر للمنحنى (C_f)

(6) اثبت ان المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيد α حيث $\frac{2}{5} < \alpha < \frac{9}{20}$

(7) أنشئ (C_f) و (Δ)

II. نعتبر الدالة g المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1;0;1\}$ كما يلي : $g(x) = -\frac{1}{2}|x| + \ln\left|\frac{|x|-1}{|x|}\right|$.

(C_g) تمثيلها البياني في المعلم السابق

1. ادرس شفعية الدالة g

2. بين كيف يمكن رسم (C_g) المنحني للدالة g انطلاقا من (C_f)

3. أنشئ (C_g) في نفس المعلم $(o; \vec{i}, \vec{j})$

أنت لا تفشل أبداً إلا حين تتوقف عن المحاولة ..