

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

السنة الدراسية: 2018/2019

المؤسسة: ثانوية الشهيد بن أحمد بخدة

القسم: 01 جذع مشترك علوم و

التاريخ: 09/10/2018

تكنولوجيا

المدة: ساعة واحدة

الأستاذة : بلحبيب

الموضوع: تصحيح الواجب المنزلي رقم "01" في مادة الرياضيات

الكفاءات المستهدفة:

- معالجة النقائص و الأخطاء المتكررة لدى التلاميذ.
- تدريب التلاميذ على حل التمارين مع الاستعانة بالدروس و البحث .

العلامة	الإجابة النموذجية
01	حل التمرين الأول: (05 نقاط)
01	بوضع $MC = x$ و منه $BM = 5 - x$
01	بتطبيق نظرية فيثاغورس في المثلثين ABM و DMC القائمين في B و C :
02	$\sqrt{4^2 + x^2} = \sqrt{(5-x)^2 + 3}$
01	و منه $4^2 + x^2 = (5-x)^2 + 3$ و منه $16 + x^2 - x^2 + 10x - 25 - 9 = 0$ و منه $-10x + 18 = 0$
01	إذن $x = \frac{18}{10} = \frac{9}{5}$ معناه $MC = \frac{9}{5}$ و عليه $BM = 5 - \frac{9}{5} = \frac{16}{5}$
0.5	حل التمرين الثاني: (05 نقاط)
0.5	1. إثبات أن $A = \frac{24}{25}$:
01	$A = \sqrt{1 - \frac{7}{25}} \times \sqrt{1 + \frac{7}{25}} = \sqrt{\left(1 - \frac{7}{25}\right) \times \left(1 + \frac{7}{25}\right)} = \sqrt{1^2 - \left(\frac{7}{25}\right)^2} = \sqrt{\frac{625 - 49}{625}} = \sqrt{\frac{576}{625}} = \frac{\sqrt{576}}{\sqrt{625}} = \frac{24}{25}$
01	إثبات أن A عدد عشري:
01	بما أن $A = \frac{24}{25} = \frac{24}{5^2 \times 2^0}$ و منه A عدد عشري
0.5	2. إيجاد رتبة مقدار العدد A :
0.5	لدينا $A = \frac{24}{25} = 0,96 = 9,6 \times 10^{-1}$ و منه رتبة مقدار العدد A هي 1×10^0

01

3. إثبات أن $B = \frac{11}{17}$:

02

$$B = \frac{\sqrt{5} \times \sqrt{605}}{0,85 \times 10^2} = \frac{\sqrt{605 \times 5}}{85} = \frac{\sqrt{3025}}{85} = \frac{55 \div 5}{85 \div 5} = \frac{11}{17}$$

بما أن $B = \frac{11}{17}$ و 11 و 17 عددان طبيعيا أوليان فإن $B \in \mathbb{Q}$

02

4. إيجاد المدور إلى 10^{-3} للعدد B :

لدينا $B = \frac{11}{17} = 0,647058823$ و منه مدور B إلى 10^{-3} هو : 0,647

حل التمرين الثالث: (06 نقاط)

02

(1) حساب ab :

$$ab = \frac{(a+b)^2 - a^2 - b^2}{2} = \frac{2^2 - \frac{7}{2}}{2} = \frac{1}{4}$$

لدينا $(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$ و منه: $\frac{1}{4}$

(2) اثبات أن $a^4 + b^4$ عدد عشري:

نعلم أن $(a^2 + b^2)^2 = a^4 + b^4 + 2a^2b^2$ و منه

$$a^4 + b^4 = (a^2 + b^2)^2 - 2a^2b^2 = \left(\frac{7}{2}\right)^2 - 2\left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{49}{4} - \frac{2}{16} = \frac{196 - 2}{16} = \frac{194}{16} = \frac{194}{2^4 \times 5^0}$$

و منه العدد $a^4 + b^4$ هو عدد عشري.

01.5

$$\begin{aligned} a^2 + b^2 &= \left(\frac{2+\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{2-\sqrt{3}}{2}\right)^2 \\ &= \frac{(2+\sqrt{3})^2 + (2-\sqrt{3})^2}{4} \\ &= \frac{4+3+4\sqrt{3}+4+3-4\sqrt{3}}{4} \end{aligned}$$

01

$$= \frac{14}{4} = \frac{7}{2}$$

حل التمرين الرابع: (04 نقاط)

01.5

01. حساب A^2 :

$$\begin{aligned}
 A^2 &= \left(\sqrt{4-\sqrt{7}} - \sqrt{4+\sqrt{7}} \right)^2 \\
 &= 4 - \sqrt{7} + 4 + \sqrt{7} - 2\sqrt{(4-\sqrt{7})(4+\sqrt{7})} \\
 &= 8 - 2\sqrt{16-7} \\
 &= 8 - 2 \times 3 \\
 &= 2
 \end{aligned}$$

و منه : $A = \sqrt{2}$.

02. كتابة $\frac{1}{A}$ على الشكل الغير قابل للاختزال:

$$\frac{1}{A} = \frac{1 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\left(A + \frac{1}{A} \right)^2 = A^2 + \frac{1}{A^2} + 2 = 2 + \frac{1}{2} + 2 = \frac{9}{2 \times 5^0}$$

03.

و منه العدد $\left(A + \frac{1}{A} \right)^2$ عدد عشري .

الأخطاء الشائعة وتصويبها:

الخطاء	التصويب
(1)	
(2)	

	(3
	(4
	(5
	(6