

(التمرين الأول(5نقاط):

: إجابة واحدة صحيحة فقط من بين الإجابات المقترحة لكل سؤال ، عينها مع التعليل المناسب

$$1. \text{ ليكن } x \text{ حيث } x = \frac{2009\pi}{3} \text{ فان :}$$

$$(1) \quad \tan(x) = 0 \quad (2) \quad \tan(x) = \frac{-1}{2} \quad (3) \quad \tan(x) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$2. \text{ ليكن } x \text{ عدد حقيقي حيث } x \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right] \text{ و } \sin(x) = \frac{(\sqrt{2}-\sqrt{6})}{4} \text{ فان :}$$

$$(1) \quad \cos(x) = 1 \quad (2) \quad \cos(x) = \frac{(\sqrt{2}+\sqrt{6})}{4} \quad (3) \quad \cos(x) = \frac{(\sqrt{6}-\sqrt{2})}{4}$$

$$3. \text{ العبارة المبسطة للعبارة } A(x) = \left[\cos\left(\frac{21\pi}{2} - x\right) + \sin\left(\frac{17\pi}{2} - x\right) \right] * \left[\cos(2009\pi + x) + \cos\left(\frac{17\pi}{2} - x\right) \right] \text{ هي}$$

$$(1) \quad A(x) = 2 \sin^2(x) - 1 \quad (2) \quad A(x) = 1 \quad (3) \quad A(x) = 0$$

$$4. \text{ المعادلة } 2 \cos(2x) - 1 = 0 \text{ تقبل بالضبط في المجال } [-\pi; \pi] \text{ :}$$

$$(1) \text{ حلان} \quad (2) \text{ لا تقبل حلول} \quad (3) \text{ أربعة حلول متميزة.}$$

(التمرين الثاني:(9نقاط)

لتكن f دالة عددية حيث : $f(x) = \frac{x^2 + 4x + 8}{x + 2}$ و (C_f) منحناها البياني في مستوى منسوب لمعلم متعامد ومتجانس

- (1) أدرس تغيرات الدالة f .
- (2) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x + 2$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) .
- (3) -أ) عين معادلة المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة $x_0 = -1$ ولنرمز له بـ (D) .
-ب) هل يوجد للمنحنى (C_f) مماسات موازية للمستقيم (D) . عينها في حالة الوجود.
- (4) أنشئ (C_f) و (Δ) و (D) .
- (5) بين أن النقطة $\omega(-2,0)$ مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

$$(6) \text{ لتكن } h \text{ الدالة العددية المعرفة بـ : } h(x) = \frac{-x^2 + 4|x| - 8}{|x| - 2}$$

- أ) بين أن $D_h = R - \{-2, 2\}$
- ب) بين أن h دالة زوجية.

-ج) أكتب عبارة $h(x)$ دون قيمة مطلقة مستنتجا طريقة لإنشاء $h(x)$ انطلاقا من (C_f) ثم أنشأه .

(التمرين الثالث:(6نقاط)

$$U_0 = 16; U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 3; V_n = U_n - 6$$

لتكن $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ و $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتاليتين عدديتين معرفتين بالعلاقة :

(1) أحسب V_1 .

(2) أثبت أن متتالية $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية يطلب تعيين أساسها q و حدها الأول V_0

(3) عين عبارة الحد العام V_n ثم U_n بدلالة n .

(4) أحسب بدلالة n المجموع : $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$. ثم نهايته لم يؤول n إلى $+\infty$.

(5) أحسب العددين : $S_1 = U_5 + U_6 + U_7 + \dots + U_{100}$ و

$$S_2 = V_1 \times V_2 \times V_3 \times \dots \times V_{50} .$$

(6) نسمي المدة الزمنية اللازمة لعنصر مشع بأن تنقسم كتلته الى النصف بالدورة . فإذا كانت دورة الراديوم هي 1500 سنة وكانت لدينا عينة من 10 غرامات من الراديوم فما هو وزن العينة بعد 9000 سنة (تدور الكتلة ال)