## 難題火藥庫

能否在會考取得A++的好成績, 關鍵就在於幾何, 幾何跟代數差異很大, 在代數的章節, 前後是互相影響的, 學習很有結構, 可以循序漸進, 核心概念明 確, 延伸的題目大致就幾種類型。

幾何的章節,彼此獨立性高,以第五冊而言,相似形、圓形、三角形三心,彼此也可以互換順序來學習,不像第三冊,如果不先學多項式的加減乘除,就沒辦法學解一元二次方程式。

以幾何做為題材的試題,表面上看起來很類似,大致會圍繞著單一圖形或者複合圖形,給部分的圖形資訊,然後要求同學們算出未知的幾何量,或者判斷物件之間的關係,但是在解題概念與路徑,則可能有很大的不同,也許二十題就有二十種類型,老師將從三角形的心切入,協助同學們迎戰難題火藥庫。

## 明確給出某個心

多數的幾何難題,會在題目中明確指出內心、外心、重心,以112年的17題為例,此題全國答對率49%,題目的圖形畫出了O點,並說明O點為外心,要問的是幾何量,求BC線段長度。

只要能夠將外心的相關概念都思考一遍,不難發現,此題最佳路徑的是應用外心為外接圓圓心,它到三個頂點的距離會相等,因此,利用O點和A點,把外接圓畫出來,即可順利解答。

多數同學會在此類題目感到困難,往往是因為沒看過這種類型,要記住一件事情,會考幾何題型不容易重複,但是概念必定是重複的,將外心的相關概念一一檢視,不預設立場此題該用誰,你就可以找到最佳的路徑。

## 心的條件不明確

如果問題當中涉及三心,條件卻不明確,此類題目較少,但確實更困難,以113年的22題為例,此題全國答對率只有34%,題目雖然指出G點為重心,但圖形中沒有把G點畫出來。

面對這類的問題,同學們必須熟悉三心的繪製方法,事實上,此題是可以透過自己把重心G畫出來,若擔心題目附圖不準確,也可以重製整個圖形,在得到明確的G的位置後,解出此題的難度已大幅下降。

另一種條件不明確,則是問題涉及三心,卻沒指名某點是哪一顆心,這類型的問題很少,只能依賴同學們對於圖形的敏感度,而且會考並非技巧性的評量,不偏好此類問題,但永遠要記住,還是有可能題目中沒出現三心,卻仍需要應用三心的概念來解答。

## 邏輯推理

幾何是學習邏輯推理的好素材,歐幾里得的幾何原本提供了完整的脈絡,過去曾經有一段時光,幾何證明題的學習,從已知來推論,最後得證,占了很大的份量。

由於題型的改變,以及課綱的變革,透過幾何來學習邏輯推理,在教材中被大幅淡化,但是邏輯推理的概念,仍然會出現在選擇題型中,這類問題給同學們的感受,就是很難。

處裡這類問題,需要從學習方式著手,第五冊課本的探索活動、證明、說明,都是打磨邏輯推理能力的好時光,例如三角形三條中垂線相交的點是外心,它到三個頂點等距離,此距離為外接圓半徑,這些內容足夠你處理許多的外心幾何題,但是為什麼這三條線相交於於一個點呢?你能夠清楚的說明它嗎?

其實課本當中都有清楚的說明和推導, 只要這些證明的內容, 你都有弄懂想通, 能夠清楚地講給別人聽, 會考的邏輯推理難題, 對你來說, 都不會困難。