

التمرين الأول باك 2020 الموضوع الأول 4 نقاط

$$\{u_0 = 1 \quad u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + \frac{3}{2} \quad (u_n) \text{ المتتالية العددية المعرفة على } N \text{ بالشكل:}$$

(1) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي $n : u_n < \frac{9}{2}$

(2) نضع من أجل كل عدد طبيعي $n : v_n = u_n - \frac{9}{2}$

(ا) بين أن المتتالية (v_n) متتالية هندسية، عين أساسها q وحدها الأول v_0

(ب) عبر عن v_n ثم u_n بدلالة n

(ج) أحسب نهاية u_n وماذا تستنتج

(3) أحسب بدلالة n المجموع $S = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

التمرين الثاني باك 2020 الموضوع الثاني 4 نقاط

$$\{u_0 = 5 \quad u_{n+1} = \frac{5}{7}u_n + \frac{6}{7} \quad (u_n) \text{ المتتالية العددية المعرفة على } N \text{ بالشكل:}$$

(1) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي $n : u_n > 3$

(2) نضع من أجل كل عدد طبيعي $n : v_n = u_n - 3$

(ا) بين أن المتتالية (v_n) متتالية هندسية، عين أساسها q وحدها الأول v_0

(ب) عبر عن v_n بدلالة n

(3) (ا) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي $n : u_n = 2 \times \left(\frac{5}{7}\right)^n + 3$

(ب) أحسب نهاية u_n وماذا تستنتج

(4) عين أصغر قيمة للعدد الطبيعي n التي يكون من أجلها $u_n < \frac{7}{2}$

