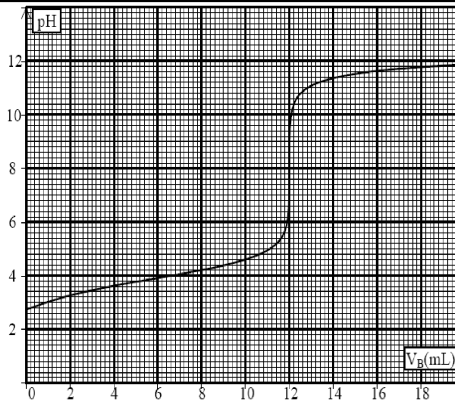




بفعل تأثير المُخَمَّرَات اللبنية، يتحول سكر الحليب (اللاكتوز) تدريجيا إلى الحمض اللبني ذو الصيغة $\text{CH}_3\text{-CHOH-COOH}$ للتبسيط نرمز لهذا الحمض بـ R-COOH . كلما كانت كمية الحمض اللبني الموجودة في حليب معين صغيرة، كلما كان الحليب طريا.

لمعرفة كمية الحمض اللبني الموجودة في عينة من حليب، نضع في كأس حجمًا $V_A = 20\text{ mL}$ من حليب و نضيف تدريجيا محلولاً لهيدروكسيد الصوديوم $(\text{Na}^+_{(aq)} + \text{OH}^-_{(aq)})$ تركيزه $C_B = 5.10^{-2} \text{ mol/L}$. نقيس pH الخليط بعد كل

إضافة، فنحصل على المنحنى $(\text{pH} = f(V_B))$ الممثل في الشكل أعلاه. نعتبر أن الحمض اللبني هو الوحيد الذي يتفاعل في الحليب مع محلول هيدروكسيد الصوديوم.

1- أكتب المعادلة الحصيلة للتفاعل الذي يحدث أثناء المعايرة. (0,75 ن)

2- حدد مبياني إحداثيات نقطة التكافؤ. (0,75 ن)

3- أحسب التركيز C_A للحمض اللبني في عينة الحليب، استنتج كتلة الحمض اللبني الموجودة في لتر واحد من العينة المدروسة. (0,75 ن)

4- اكتب تعبير ثابتة الحمضية للحمض R-COOH ، ثم اكتب تعبير pH بدلالة $(0,75 \text{ ن})$

5- عند نقطة نصف تكافؤ المعايرة $V_B = V_{B,E}/2$ فإن $\text{pH} = 3,8$ ، احسب النسبة $[\text{R-COO}^-]/[\text{R-COOH}]$ ، استنتج أن (0,75 ن) $\text{pK}_A = 3,8$

6- بين انه يمكن معايرة الحمض اللبني الموجودة في الحليب بمحلول هيدروكسيد الصوديوم (0,75 ن)

7- في الصناعات الغذائية، يعبر عن حموضة الحليب بـ "درجة دورنيك" و نرمز لها بـ D° بحيث 10°D توافق الحموضة التي يسببها وجود $0,1\text{g}$ من الحمض اللبني في لتر واحد من الحليب

7-1- أحسب درجة الحموضة لعينة الحليب المدروسة سابقا. (0,75 ن)

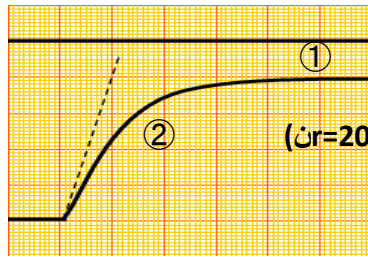
7-2- يعتبر الحليب طريا إذا كانت درجة حموضته محصورة بين 15°D و 18°D هل يمكن اعتبار الحليب الموجود في العينة المدروسة طريا؟ (0,75 ن)

8- ندرس محلول الحمض اللبني قبل بداية المعايرة ($V_B = 0$)

8-1- أكتب معادلة تفكك الحمض اللبني في الماء (0,75 ن)

8-2- بالاستعانة بالجدول الوصفي، احسب قيمة نسبة التقدم النهائي للتحويل المقرون بتفكك الحمض اللبني في الماء. ماذا تستنتج؟ (0,75 ن)

معطيات الكتلة المولية للحمض اللبني $M = 90 \text{ g.mol}^{-1}$; $K_e = 10^{-14}$



الحساسية الأفقية $S_x = 2\text{ ms/div}$ ، الحساسية الرأسية $S_y = 20\text{ V/div}$

1- حدد معلا جوابك المنحنى الموافق للتوتر بين مربطي الموصل

الاولي و المنحنى الموافق للتوتر بين مربطي المولد. (0,5 ن)

2- بين أن المقاومة الداخلية للوشية غير مهمة و تأكد أن (0,5 ن) $R = 20\Omega$

3- حدد مبياني قيمة E و قيمة τ ثابتة الزمن. (0,5 ن)

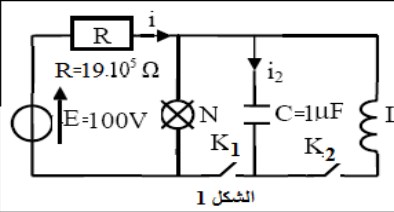
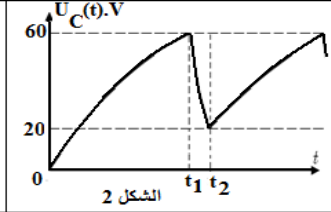
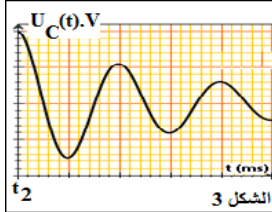
4- احسب قيمة الطاقة القصوى التي تختزنها الوشية. (0,75 ن)

الجزء الثاني ننجز التركيب التجريبي (الشكل 1) حيث N مصباح

من النيون. يتصرف المصباح كقاطع للتيار عندما يكون منطفئا حيث التوتر بين مربطيه $20\text{V} \leq U$

ويتصرف كموصل اومي مقاومة $R = 10^5 \Omega$ عندما يكون مشتعلا حيث التوتر بين مربطيه $60\text{V} \geq U$. نعين

التوتر بين مربطي المكثف فنحصل على الشكل 2



1- عند لحظة $t=0$ نغلق قاطع التيار K_1 ونفتح K_2

1-1- فسر لماذا لا يشتعل المصباح لحظيا عند غلق قاطع التيار (0,5 ن) K_1

1-2- حدد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $U_C(t)$ عند (0,5 ن) $t < t_1$

1-3- تحقق من أن حل المعادلة التفاضلية يكتب على شكل (0,5 ن) $U_C(t) = E(1 - e^{-t/RC})$

1-4- حدد بدلالة بمرترات الدارة تعبير اللحظة t_1 التي سيشتعل فيها المصباح، ثم احسب قيمتها. (0,5 ن)

2- ابتداء من اللحظة t_1 يشتعل المصباح.

2-1- باستعمالك لقانون العقد حدد المعادلة التفاضلية التي يحققها (0,75 ن) $U_C(t)$

2-2- حل المعادلة التفاضلية السابقة $(6U_C(t) = \frac{E}{20} - \frac{E}{20} e^{-20t/RC})$ حدد لحظة انطفاء المصباح

3- عند لحظة t_2 نفتح قاطع التيار K_1 ونغلق K_2 ، نعين التوتر بين مربطي المكثف فنحصل على الشكل 3

3-1- ما طبيعة النظام المحصل عليه، كيف تفسره؟ (0,5 ن)

3-2- احسب قيمة الطاقة القصوى التي اختزنها المكثف. (0,5 ن)

3-3- علما أن معامل تحريض الوشية $L = 0,24\text{H}$ و باعتبار T_0 $\approx T$ ، حدد قيمة شبه الدور. (0,5 ن)

3-4- احسب الطاقة المفقودة من طرف الدارة خلال الدور الأول. (0,5 ن)

3-5- الطاقة الإجمالية E للدارة غير ثابتة حيث $dE/dt = -R_{eq} \cdot i(t)^2$ اعتمادا على هذه الدراسة الطاقة حدد

المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين مربطي المكثف. (0,75 ن)

تمارين 3 (3,5 ن)

نطبق في مدخلي الدارة متكاملة المنجزة للجداء توترين فنحصل عند مخرجها على توتر تعبيره

$u(t) = k \cdot P_m (4 \cdot \cos(10^3 t) + 10) \cdot \cos(10^4 \cdot \pi \cdot u(t))$ en V.

1- بين أن التوتر المحصل عليه توتر مضمن بالوسع (0,75 ن)

2- حدد قيمة نسبة التضمين و استنتج جودة التضمين (0,75 ن)

الجزء 1 : ننجز التركيب التجريبي و المكون من مولد مؤتمل للتوتر قوته الكهرمحركة E، موصل اومي مقاومته R=100Ω، و وشيعة معامل تحريضا L. نعاين التوتر بين مربطي الموصل الاومي و بين مربطي المولد فنحصل على المنحنيين الممثلين في الشكل جانبه

3- علما أن معامل تحريض الوشيعة لدائرة الانتقاء هي L=10mH حدد قيمة سعة المكثف المناسب من لانتقاء هذه الموجة (0,75 ن)
4- بعد استقبال الموجة تتم عملية إزالة التضمين، ما الهدف منها و كيف تتم. (0,75 ن) والله ولي التوفيق

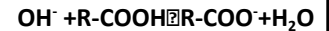


فرض محروس رقم 1 الدورة 2
السنة الدراسية 2012-2013
المستوى : 2^{ème} BAC ; S.M.

www.AdrarPhysic.Com

تمرين 1 (5, 7 ن)

1- المعادلة الحصيلة للتفاعل الذي يحدث أثناء المعايرة.



2- ت- حديد مبياتيا إحداثيات نقطة التكافؤ. pH_E=8 ; V_B=12mL

3- التركيز C_A للحمض اللبني في عينة الحليب،

$$C_A V_A = C_B V_{BE} \quad C_A = C_B V_{BE} / V_A = 3.10^{-2} \text{ mol/L}$$

كتلة الحمض اللبني الموجودة في لتر واحد من العينة المدروسة.

$$m = C_A V \cdot M(A) = 0,03.1.90 = 2,7 \text{ g} \quad C_A = m / M(A) \cdot V$$

4- اكتب تعبير ثابتة الحمضية للحمض R-COOH،

$$K_A = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+][\text{R-COO}^-]}{[\text{R-COOH}]} \quad \text{pH} = \text{pK}_A + \log \frac{[\text{R-COO}^-]}{[\text{R-COOH}]}$$

5- حساب النسبة [R-COO⁻]/[R-COOH] بالاستعانة بالجدول الوصفي لتفاعل المعايرة

$$[H^+] = K_e \left(\frac{V_A + V_B}{V_A} \right) \left(\frac{C_A}{C_B} \right) \quad (K_e / [H_3O^+]) \cdot (V_A + V_B) = 2,99.10^{-4} \text{ mol/L} \quad x_f = C_B V_B -$$

$$x_f / (V_A + V_B) = 0,011 \text{ mol/L} \quad [R - COO^-] = \frac{C_A V_A - x_f}{(V_A + V_B)} = 0,011 \text{ mol/L} = [R - COOH]$$

استنتج أن pH = 3,8

6- بين انه يمكن معايرة الحمض اللبني الموجودة في الحليب بمحلول هيدروكسيد الصوديوم حسب التمرين الحمض هو الوحيد الذي يتفاعل مع الحمض اي ان التحول انتقائي

$$\text{ثابتة التوازن هي } K = \frac{10^{-4.8}}{10^{-14}} = \frac{K_A(R-COOH/R-COO^-)}{K_A(H_2O/OH^-)} = 1,5.10^9 < 10^4 = K$$

اذن يمكن معايرة الحمض اللبني الموجودة في الحليب بمحلول هيدروكسيد الصوديوم

7-1 درجة الحموضة لعينة الحليب المدروسة سابقا.

1°D : 1L 0,1g de R-COOH

D°27 X°D : 1L 2,7g R-COOH

7-2 حليب العينة المدروسة ليس طريا لان درجة حموضته ليست محصورة بين 15 D° و 18

8-1 معادلة تفكك الحمض اللبني في الماء



8-2 قيمة نسبة التقدم النهائي للتحول المقرون بتفكك الحمض اللبني في الماء.

$$\tau = \frac{[H_3O^+]}{C} = \frac{0,13}{10^{-2.4}/3.10^{-2}} = 0,13$$

تمرين 2

الجزء 1 :

$$0,08J = 2 \left(\frac{R}{R_{max}} \right) \cdot \tau(R + r) E_m = 0,5.$$

الجزء الثاني

1-1 لا يشتعل المصباح لحظيا عند غلق قاطع التيار K₁. المصباح متوازي مع المكثف اي U_C=U_N عند t=0 فان U_C=0V حسب الشكل 2 ومنه U_N=0 اصغر من 60V توتر اشتعال المصباح

1-2 المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر (U_C)

$$\text{عند } t < t_1 \text{ فان } U_C = U_N < 60V \text{ المصباح لا يشتعل ومنه } U_C = E - R \cdot i(t) + U_C$$

$$\text{ومن المعادلة التفاضلية } C \cdot \frac{dU_C}{dt} = R \cdot i(t) \quad U_C + \frac{dU_C}{dt} \cdot C = R \cdot i(t)$$

1-3 لنتحقق أن حل المعادلة التفاضلية هو (U_C(t)=E(1-e^{-t/RC}))

$$E = R \cdot C \cdot \left[E \cdot e^{-t/RC} / RC \right] + E - E e^{-t/RC}$$

1-4 تعبير اللحظة t₁ التي سيشعل فيها المصباح، عند اشتعال المصباح U_C(t₁)=U_N=60V

$$\frac{U_C(t_1)}{E} = -19.10^5 \cdot 10^{-6} \ln \left(1 - \frac{60}{100} \right) = 1,74s \quad t_1 = -R \cdot C \cdot \ln(1 - \frac{60}{100}) \quad U_C(t_1) = E(1 - e^{-t_1/RC})$$

2-1 ابتداء من اللحظة t₁ يشتعل المصباح اي يتصرف المصباح كموصل اومي ، قانون العقد i=i₁+i₂ مع

$$\frac{dU_C}{dt} \cdot i_2 = C \quad \text{بالإضافة } i = (E - U_C) / R \quad E = U_R + U_N = R \cdot i + U_C$$

$$i_1 = U_C / R_N \quad \text{ومن } U_N = U_C = R_N \cdot i_1$$

$$\frac{dU_C}{dt} \cdot E - U_C / R = U_C / R_N + C \cdot \frac{dU_C}{dt}$$

$$\frac{R \cdot E}{R_N + R} \cdot U_C = + \frac{dU_C}{dt} \cdot C \cdot \frac{R_N \cdot R}{R_N + R}$$

2-2 تعبير اللحظة t₂ التي سينطفئ فيها المصباح، عند انطفاء المصباح U_C(t₂)=U_N=20V

$$E = 20V \quad \text{ومن } e^{-20t_2/RC} = \frac{E - U_C(t_2)}{E} = \frac{20 - 20}{20} = 0$$

$$t_2 = \frac{RC}{\ln 2} \ln \left(\frac{20 - U_C(t_2)}{20 - U_C(t_1)} \right) = 0,12s$$

3-1 طبيعة النظام المحصل عليه نظام شبه دوري ، كيف تفسره بضياع الطاقة في الدارة بمفعول جول

3-2 قيمة الطاقة القصوية التي اختزنها المكثف، عند لحظة t₂ فإن U_C(t₂)=20

$$E_e = 0,5 \cdot C \cdot U_C^2 = 0,5 \cdot 10^{-6} \cdot (20)^2 = 2.10^{-4} J$$

$$3-3 \text{ قيمة شبه الدور } T = 2\pi \sqrt{LC} = 2\pi \sqrt{0,24 \cdot 10^{-6}} = 3,07.10^{-3} s$$

3-4 الطاقة المفقودة من طرف الدارة خلال الدور الأول. اي بين t=0 و t=t₂

$$E_e(t_2) = 0,5 \cdot C \cdot U_C^2 = 0,5 \cdot 10^{-6} \cdot (20)^2 = 2.10^{-4} J$$

$$\text{عند } t=T \text{ لدينا } U_C(T) = 15V \quad E_e(T) = 0,5 \cdot C \cdot U_C^2 = 0,5 \cdot 10^{-6} \cdot (15)^2 = 1,25.10^{-4} J$$

$$E_e(T) - E_e(t_2) = 0,75.10^{-4} J = \Delta E$$

3-5 الطاقة الإجمالية E للدائرة E=0,5.C.U_C(t)²+0,5.L.i(t)² مع dE/dt= C.U_C(t).dU_C/dt+L.i(t).di/dt

ونعلم dE/dt= -R_{eq}.i(t)² مع i(t)=CdU_C/dt اي R_{eq}.i(t)²= C.U_C(t).dU_C/dt+L.i(t).di/dt

$$C \cdot U_C(t) \cdot dU_C/dt + L \cdot i(t) \cdot di/dt + R_{eq} \cdot i(t)^2 = 0$$

$$L \cdot C \cdot d^2 U_C / dt^2 + R_{eq} \cdot C \cdot dU_C / dt + U_C(t) = 0$$

تمرين 3

1- المنحنى الموافق للتوتر بين مربطي الموصل الاومي هو 2 لان بتغير شدة التيار يتغير التوتر بين مربطي الموصل الاومي المنحنى الموافق للتوتر بين مربطي المولد هو 1 لان ثابت لا يتغير

2- لنبين أن المقاومة الداخلية للوشية غير مهمة و نتأكد أن $r=25\Omega$.
نعتبر حسب قانون اضافيات التوترات $E=U_L+U_R$ اي $U_L=E-U_{R,max}$ في النظام الدائم $U_L=E-U_{R,max}$ اي $0 \neq U_L$
في النظام الدائم $U_L=r.I$ حسب قانون اوم $U_{R,max}=R.I$ و $U_L=E-U_R$ انذن $r=$
$$\frac{U_L}{I} = (E - U_{R,max}) \cdot \frac{R}{U_{R,max}} = (100 - 80) \cdot \frac{100}{80} = 25\Omega$$

3- مبيانيا قيمة $E=100V$ و قيمة ثابتة الزمن $\tau = 2ms$.

4- قيمة الطاقة القصوية التي تحتزنها الوشية. $E_m=0,5.L.I^2$ مع $\tau = L/(R + r)$ اي $\tau.L=(R+r)$

- 1- بين ان التوتر المحصل عليه توتر مضمن بالوسع: وسع التوتر هو $10^3 \cos(10^3 t) + 10 \pi A$ بما انه يتغير بتغير الزمن فالتضمين تضمين بالوسع
- 2- قيمة نسبة التضمين $m = S_m / U_0 = 4/10 = 0,4 < 1$ استنتج ان التضمين جيد
- 3- للانتقاء لابد من تحقق $\pi \sqrt{LC} N_0 = f_p = 1/2$ حيث f_p تردد الوجة المضمنة و N_0 تردد دارة الانتقاء LC ومنه $10^{-7} F = \pi^2 f_p^2 \cdot LC = 1/4$
- 4- بعد استقبال الموجة تتم ، ما الهدف من عملية إزالة التضمين هو استرجاع الاشارة من الموجة الحاملة

كيف تتم: عندما يأخذ التوتر الحامل قيمة موجبة يكون الصمام الثاني مستقطبا في المنحى المار فيشحن المكثف و عندما يأخذ التوتر الحامل قيما سالبة يصبح الصمام الثاني قاطعا فيفرغ المكثف وبهذه العمليات نحصل على قمم غلاف التوتر المضمن و الذي يوافق الاشارة