

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التاريخ: 03/12/2018 م

المدة: 02 سا

● التمرين الأول: (07 نقاط)

أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل في كل حالة مما يلي.

(1) رتبة مقدار العدد $\frac{0,00714 \times 10^{18}}{1962 \times 10^{-5}}$ هي 3×10^{20} .

(2) إذا كان $a = \frac{\sqrt{5}+1}{2}$ و $b = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$ ، فإن $a^{2018} \times b^{2019} = b$.

(3) نعتبر العددين الطبيعيين $A = 2^3 \times 3^5 \times 17$ و $B = 2 \times 3^2 \times 7 \times 11$ ،

لدينا $PGCD(A; B) = 72$ و $PPCM(A; B) = 23562$.

(4) $|3\sqrt{3} - 2\sqrt{7}| = 3\sqrt{3} - 2\sqrt{7}$.

(5) إذا كان x و y عددين حقيقيين حيث $\sqrt{(x-2)^2} < 1$ و $d(y; 2) < 1$ فإن $|xy - 5| < 4$.

● التمرين الثاني: (05 نقاط)

1. لتكن العبارة $P(x) = |x+3| - |x-2|$.

(1) اكتب $P(x)$ دون رمز القيمة المطلقة.

(2) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $P(x) = 0$ و المتراجحة $|x+3| > |x-2|$.

II. لتكن I مجموعة الأعداد الحقيقية x بحيث $1 - 2x \leq 3$ ، ولتكن J مجموعة الأعداد الحقيقية x بحيث $-5 < x < 3$.

● عيّن في $\mathbb{R}$ كلا من $I \cup J$ و $I \cap J$.

● التمرين الثالث: (08 نقاط)

الجزء الأول

f الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = x^2 - 4$.

(C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد متجانس كما في الشكل. (الوثيقة المرفقة)
(1) بقراءة بيانية:

أ- عَيِّن $f(0)$ و $f(3)$.

ب- عَيِّن شفعية الدالة f ، برّر جوابك.

ج- شكل جدول تغيرات الدالة f على المجال $[-3;3]$.

د- حل بيانيا في $\mathbb{R}$ المتراجحة $f(x) \geq -3$.

(2) باستعمال دستور الدالة f :

أ- ادرس اتجاه تغير الدالة f على كل من المجالين $]-\infty; 0]$ و $[0; +\infty[$.

ب- أثبت أنه لكل x من $\mathbb{R}$: $f(x) + 4 \geq 0$ ، ماذا تستنتج ؟

الجزء الثاني

لتكن g الدالة المعرفة على $[-3; 3]$ بجدول تغيراتها الموالي.

x	-3	-1	0	1	2	3
$g(x)$	-2			2		-1
			-3			

(1) عيّن سوابق العدد 0 بالدالة g ، ثم استنتج إشارة $g(x)$ على المجال $[-3; 3]$.

(2) قارن مع التبدير بين $g(-0,25)$ و $g(-0,5)$ ، ثم بين $g\left(\frac{5}{2}\right)$ و $g\left(\frac{4}{3}\right)$.

(3) أنشئ (C_g) منحنى الدالة g على الوثيقة المرفقة. (في المعلم نفسه مع (C_f))

(4) حل بيانيا في المجال $[-3; 3]$ كلا من المعادلة $f(x) = g(x)$ و المتراجحة $f(x) < g(x)$.

أساتذة المادة يتمنون لكم التوفيق

صفحة 2 من 2

الفرض الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

B

التاريخ: 26/11/2018 م

المدة: 01 سا

● التمرين الأول: (07 نقاط)

1. a عدد حقيقي موجب ، نضع : $A = \frac{a}{a+1}$ و $B = \frac{a+1}{a+2}$.

$$B - A = \frac{1}{(a+1)(a+2)}$$

(1) بيّن أن :

(2) قارن بين A و B ، ثم استنتج (دون حاسبة) مقارنة بين العددين $\sqrt{\frac{2017}{2018}}$ و $\sqrt{\frac{2018}{2019}}$.

1. نعتبر في $\mathbb{R}$ المجموعتين I و J حيث :

$$I = \{x \in \mathbb{R} / d(x; -9) < 7\} \quad ; \quad J = \{x \in \mathbb{R} / |x+5| + |x-3| = 8\}$$

$$(1) \text{ بيّن أن : } I =]-16; -2[\text{ و } J = [-5; 3]$$

(2) عيّن في $\mathbb{R}$ المجموعات الآتية : $I \cup J$ ، $I \cap J$ ، $I \cup \mathbb{R}^-$ و $\mathbb{R}_+^* \cap J$.

● التمرين الثاني: (05 نقاط)

لتكن h الدالة المعرفة بالعلاقة :

$$h(x) = \frac{\sqrt{2+x^2}}{x}$$

(1) عيّن D_h مجموعة تعريف الدالة h .

(2) أوجد حصرا للعدد $h(x)$ من أجل $x \in [1; 3]$.

(3) بيّن أن الدالة h زوجية على $\mathbb{R}^*$ ، فسّر النتيجة هندسيا .

● التمرين الثالث: (08 نقاط)

f و g دالتان معرفتان بيانيا كما في الشكل المقابل .

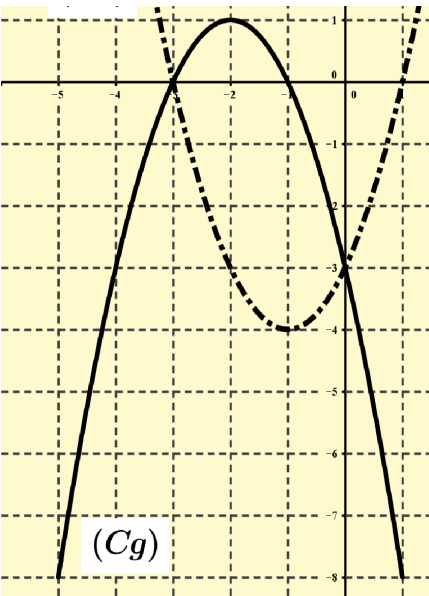
(1) عيّن D_f و D_g .

(2) عيّن $f(-1)$ ، $f(1)$ ، $g(-5)$ و $g(-2)$.

(3) جد سوابق العدد -3 بالدالة f ، ثم استنتج حلول المتراجحة

$$f(x) > -3$$

(4) شكل جدول تغيرات الدالة g .



(5) حدّد إشارة الدالة g على مجموعة تعريفها .

(6) حل بيانيا المعادلة $f(x) = g(x)$ والمترابحة $g(x) > f(x)$.

بالتوفيق للجميع

صفحة 1 من 1