

ثانوية الرائد زكريا مجدوب

المستوى : 3 ع ت

المدة : ساعة

الفرص الثاني للفترة الأولى في مادة الرياضيات

تمرين : (10 نقاط)

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $]-1; +\infty[$ ب: $g(x) = 2x^3 - 3x^2 - 1$

وليكن (C_g) تمثيلها البياني في معلم

(1) أدرس تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها

(2) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α محصور بين 1.6 و 1.7

(3) إستنتج حسب قيم x إشارة $g(x)$ على $]-1; +\infty[$

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $]-1; +\infty[$ ب: $f(x) = \frac{1-x}{x^3+1}$

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(o; i; j)$ الوحدة cm4

(1) بين أن $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = +\infty$ ثم أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ واعط تفسيرا بيانيا للننتجتين

(2) بين أنه من أجل x من $]-1; +\infty[$ ، $f'(x) = \frac{g(x)}{(x^3+1)^2}$

(3) إستنتج إتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

(4) عين معادلة ل (Δ) مماس المنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0

(5) أدرس وضعية (C_f) بالنسبة للمماس (Δ) ماذا تلاحظ ؟

(6) أرسم (Δ) و (C_f)