

الإختبار الأول في مادة الرياضيات

المدة: ساعتان

الشعبة : جذع مشترك علوم تجريبية

التمرين الأول :

 α عدد حقيقي حيث $\alpha = \sqrt{6 - 2\sqrt{5}}$ 1/ أحسب $(\sqrt{5} - 1)^2$ ثم استنتج قيمة مبسطة للعدد α $\beta/2$ عدد حقيقي حيث $\beta = \sqrt{4 - \sqrt{10 + 2\sqrt{5}}} + \sqrt{4 + \sqrt{10 + 2\sqrt{5}}}$ أ/ أحسب β^2 ب/ استنتج قيمة مبسطة للعدد β ج/ قارن بين α و β

التمرين الثاني :

هل يمكن تقريغ قارورة زيت مملوءة سعتها 1.9 في إناء أسطواني الشكل نصف قطره r و ارتفاعه h حيث

$$9 < h < 9.1 \quad ; \quad \pi < 3.15 \quad 3.14 < \pi$$

(اعتبر أن الوحدة هي cm)

التمرين الثالث :

الحصر	المجال	المسافة	القيمة المطلقة
$-2 \leq x \leq 4$	$x \in [..;..]$	$d(..; ..) \leq ..$	$ x - .. \leq ..$
.....	$x \in] - 1; 6[$		
.....		$d(x ; 3/2) \leq 7/2$	
.....			$ 2x + 6 \leq 4$

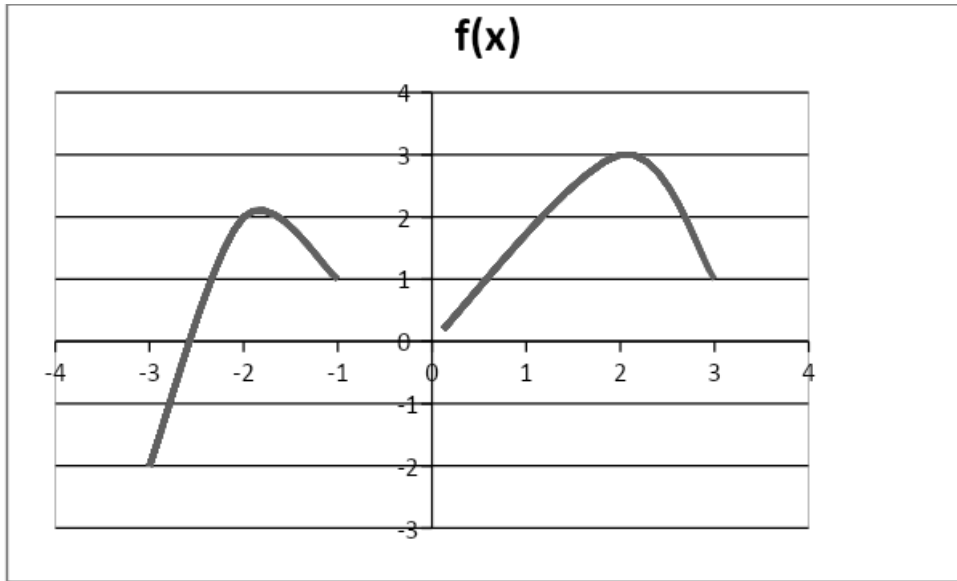
حل في IR المتراجحتين بعبارة المسافة على المستقيم العددي

$$|x + 2| < |x - 6|$$

$$|x + 2| \geq 4$$

التمرين الرابع :

f دالة معرفة بتمثيلها البياني كما هو موضح في الشكل



- 1/ عين مجموعة تعريف الدالة f
- 2/ عين $f(-1)$; $f(-2)$; $f(2)$; $f(-3)$
- 3/ عين سابقة العدد 3 و -2
- 4/ أنجز جدول تغيرات الدالة f
- 5/ هل الدالة تقبل قيما حدية ؟ عين هذه القيم ان وجدت؟
- 6/ حل بيانيا المعادلة $f(x)=0$ ثم المتراجحة $f(x) \geq 0$.

تصحيح الاختبار

التمرين الأول :

- 1/ $(\sqrt{5} - 1)^2 6 - 2\sqrt{5} =$ 0.5 ن
- القيمة المبسطة للعدد $\alpha = \sqrt{5} - 1$: 0.75 ن
- 2/ $\beta^2 = 6 - 2\sqrt{5}$ 1.5 ن
- القيمة المبسطة للعدد $\beta = \sqrt{5} + 1$: 0.5 ن
- 3/ المقارنة : $a < b$: 0.5 ن

التمرين الثاني :

$8.1 < r < 9.1$ ، $3.14 < h < 3.15$ ، $\pi < 3.14$
 حجم الأسطوانة = مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع
 حجم الأسطوانة $= \pi r^2 h$

$$8.1 < r < 8.18 \text{ و } 64 < r^2 < 65.61$$

$$1880.70 \text{ cm}^3 < \pi r^2 h < 1808.64 \text{ cm}^3$$

$$1.88l < \pi r^2 h < 1.8l$$

الاستنتاج : لا يمكن تفريغ هذه القارورة

التمرين الثالث : 1+1+1+1

الحصر	المجال	المسافة	القيمة المطلقة
$-2 \leq x \leq 4$	$x \in [-2; 4]$	$d(x; 1) \leq 3$	$ x - 1 \leq 3$
$-1 < x < 6$	$x \in]-1; 6[$	$d(x; 5/2) < 7/2$	$ x - 5/2 \leq 7/2$
$-2 \leq x \leq 5$	$x \in [-2; 5]$	$d(x; 3/2) \leq 7/2$	$ x - 3/2 \leq 7/2$
$-5 \leq x \leq -1$	$x \in [-5; -1]$	$d(x; -3) \leq 2$	$ 2x + 6 \leq 4$

الرسم

حل في IR المتراجحة $|x + 2| < |x - 6|$

..... 0.5 ن

$s =]-\infty; 2[$ 0.5 ن

حل في IR المتراجحة $|x + 2| \geq 4$

الرسم 0.5 ن

$s =]-\infty; 6] \cup [2, +\infty[$

..... 0.5 ن

2/1

التمرين الرابع :

1/ $D = [-3, -1] \cup [0, 3]$ 0.5 ن

2/ الصور :

$f(-3) = -2$, $f(2) = 3$; $f(-2) = 2$; $f(-1) = 1$

..... 0.5 ن

- 3/ سابقة العدد 3 هي 2 0.5 ن
- سابقة العدد 2- هي 3- 0.5 ن
- 4/ جدول التغيرات : 2 ن
- 5/ نعم تقبل الدالة قيما حدية صغرى 2- و كبرى 3 0.5 ن
- 6/ حل بيانيا $f(x)=0$ يكافئ $x=-2.5$ أو 0.5 0.5 ن
- حل المتراجحة $f(x) \geq 0$ 0.5 ن
- $s = [-2.5, -1] \cup [0, 3]$ 0.5 ن

شبكة تقويم التمرين الثاني

الأسئلة	المعايير	المؤشرات	العلامة
1	م 1 : التفسير السليم للوضعية	* استعمال حصر لـ r	0.25
		* استعمال حصر لـ 2	0.25
	م 2 : الاستعمال السليم للأدوات	* إيجاد حصر صحيح لـ 2	0.25
2	م 1 : التفسير السليم للوضعية	* استعمال المساحة	0.25
		* استعمال حصر للمساحة	0.25
	م 2 : الاستعمال السليم للأدوات	* إيجاد مساحة صحيحة πr^2 * استخدام قواعد الحصر	0.25 0.25
3	م 1 : التفسير السليم للوضعية م 2 : الاستعمال السليم للأدوات	* استعمال حصر للحجم	0.25
		* إيجاد حصر صحيح للحجم	0.25
المسألة	م 3 : التفسير السليم للمسألة	* التفسير السليم * التنظيم في الإجابة * احترام الوحدات * الاستنتاج	0.25 0.25 0.25 0.25

